lezione13

November 6, 2023

1 Fondamenti di Programmazione

Andrea Sterbini

lezione 13 - 6 novembre 2023

2 RECAP: Immagini

- creazione/load/save
- rotazione
- disegno di linee verticali/orizzontali/diagonali
- disegno di rettangoli ed ellissi

[1]:
```
%load_ext nb_mypy
```

```
Version 1.0.5
```

[2]:
```
from images import load, visd

# definiamo qualche colore
black =   0,   0,   0
white = 255, 255, 255
red   = 255,   0,   0
green =   0, 255,   0
blue  =   0,   0, 255
cyan  =   0, 255, 255
yellow= 255, 255,   0
purple= 255,   0, 255
gray  = 128, 128, 128

# definizione di tipi
Colore   = tuple[int,int,int]
Immagine = list[list[Colore]]

def crea_immagine(larghezza : int, altezza : int, colore : Colore=black) ->␣
 ↪Immagine :
    return [  [ colore ]*larghezza
              for i in range(altezza)
```

```
            ]

def draw_pixel(img : Immagine, x : int, y : int, colore : Colore) -> None:
    altezza   = len(img)
    larghezza = len(img[0])
    if  0 <= x < larghezza and 0 <= y < altezza:
        img[y][x] = colore
```

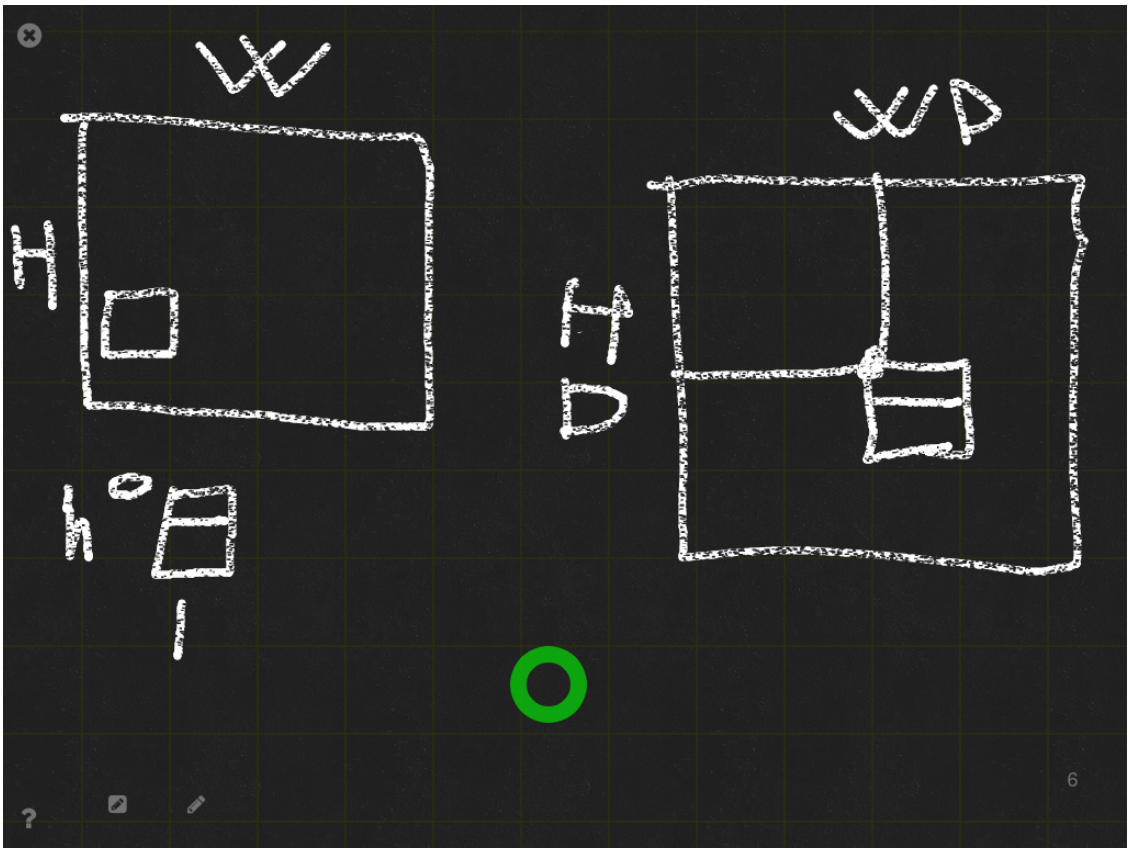
2.1 Ritagliare una immagine (crop)

[3]:
```
# tolgo una striscia attorno all'immagine di spessori dati
def crop_image(img : Immagine, alto : int,basso : int,  sx : int, dx :int) ->␣
 ↪Immagine :
    # controllo sui parametri
    L,A = len(img[0]), len(img)
    # i valori di crop non devono sommare a più di L ed A
    assert 0<= alto <A and 0<= basso <A and 0<= sx <L and 0<= dx <L and␣
 ↪alto+basso<A and sx+dx<L, f"parametri errati {alto+basso}<{A} {sx+dx}<{L}"
    if basso:
        fetta = img[alto:-basso] # copio solo il gruppo di righe giuste
    else:         # se basso==0
        fetta = img[alto:]       # bisogna scrivere così per arrivare in fondo␣
 ↪sennò si copia da alto a 0 ovvero nulla
    if dx:
        return [ riga[sx:-dx] for riga in fetta ] # per ciascuna riga della␣
 ↪fetta copio solo la slice di colonne giusta
    else:         # se dx==0
        return [ riga[sx:] for riga in fetta ] #bisogna scrivere così per␣
 ↪arrivare in fondo sennò si copia da sx a 0 ovvero nulla
```

[4]:
```
# carico la foto per gli esempi che seguono
img = load('3cime.png')
# esempio
cropped : Immagine = crop_image(img, alto=20, basso=30, sx=20, dx=50)
visd(img), visd(cropped)
None
```

2.2 Copia e incolla parte dell'immagine su un'altra

- con un crop
- e un paste
- con traslazione di coordinate



[5]:
```python
# per copiare l'immagine (o una sua parte) in un'altra
def cut_paste_img(imgS : Immagine,
                  imgD : Immagine,
                  xs1 : int, ys1 : int, xs2 : int, ys2 : int,
                  XD : int, YD : int ) -> None:
    # FIXME: controllo sui parametri
    # ATTENZIONE: assumo che i parametri siano corretti
    HS = len(imgS)
    WS = len(imgS[0])
    # prima creo il frammento da copiare
    # FIXME: prima di ritagliare calcoliamo quante righe e quante colonne
    # entreranno nell'immagine di destinazione e ritagliamo solo quella parte
    frammento = crop_image(imgS, ys1, HS-ys2, xs1, WS-xs2 )
    # per tutte le righe da copiare
    larghezza = len(frammento[0])
    for yF,riga in enumerate(frammento):
    # uso un assegnamento a slice
        imgD[yF+YD][XD:XD+larghezza] = riga

# OPPURE senza creare il cropped, copiando solo i pixel giusti (più efficiente)
```

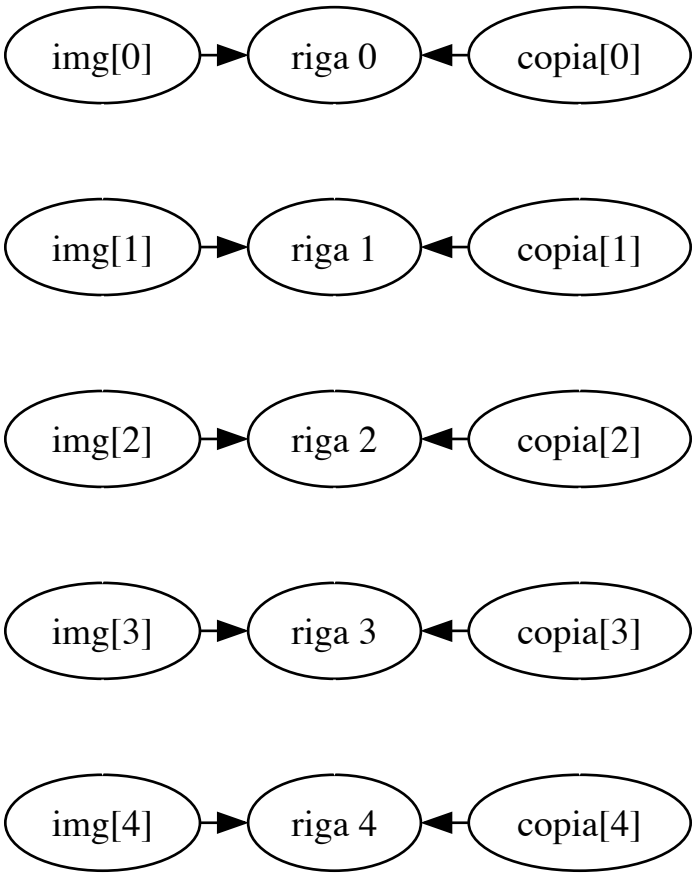
2.2.1 E' SBAGLIATO usare list.copy sulla immagine

Perchè copia solo la lista esterna di righe

Usate **copy.deepcopy** oppure una list-comprehension che copia una riga per volta

[6]:
```
from pygraphviz import AGraph
G = AGraph(directed=True, rankdir='TD')
for i in range(5):
    G.add_edge(f'img[{i}]', f'riga {i}')
    G.add_edge(f'riga {i}', f'copia[{i}]', dir='back')
    if i: G.add_edge(f'riga {i-1}',   f'riga {i}',color='white')
    if i: G.add_edge(f'copia[{i-1}]', f'copia[{i}]',color='white')
    if i: G.add_edge(f'img[{i-1}]',   f'img[{i}]',color='white')
for i in range(5):
    G.subgraph([f'img[{i}]', f'riga {i}', f'copia[{i}]', ], rank='same')
G.layout('dot')
G
```

[6]:



[7]:
```
img=load('3cime.png')
```

```
# copio l'immagine delle 3 cime di Lavaredo
img_copiata = crop_image(img, 0,0,0,0)

# altro modo di copiare una immagine
def copia(img: Immagine) -> Immagine:
    return [ riga.copy() for riga in img ]   # NON BASTA usare solo copy sulla␣
 ↪lista esterna!!!

# oppure
from copy import deepcopy        # SE vi è permesso importare da 'copy'
```

[7]:
```
%time img_copiata = copia(img)

%time img2 = deepcopy(img)
# ne copio un pezzettino in un altro punto
cut_paste_img(img, img_copiata, 50,50,100,100, 200,10 )
visd(img_copiata), visd(img)
```

```
CPU times: user 289 µs, sys: 0 ns, total: 289 µs
Wall time: 292 µs
CPU times: user 58.9 ms, sys: 70 µs, total: 59 ms
Wall time: 59.4 ms
```

[7]: (None, None)

2.3 Aggiungere un bordo

- creiamo una immagine più grande colorata come il bordo
- ci incolliamo la immagine

[8]:
```
# per aggiungere un bordo
def add_border(img : Immagine, spessore : int, colore : Colore ) -> Immagine :
    L, A = len(img[0]), len(img)
    # creiamo una immagine più grande col colore del bordo
    nuova = crea_immagine(L+2*spessore,A+2*spessore, colore)
    # ci incolliamo l'immagine originale
    cut_paste_img(img,nuova,0,0,L-1,A-1,spessore,spessore)
    return nuova
```

2.3.1 Oppure la creiamo riga per riga

[9]:
```
# oppure la costruiamo riga per riga
def add_border2(img : Immagine, spessore : int, colore : Colore ) -> Immagine :
    L, A = len(img[0]), len(img)
    bordata = []
    # - prima spessore righe del colore
    bordata += [ [colore] * (L+2*spessore) for i in range(spessore)  ]

    # - poi per ogni riga dell'immagine
    for riga in img:
        #   - spessore pixel + riga + spessore pixel
        bordata.append( [colore]*spessore + riga + [colore]*spessore  )

    # - dopo spessore righe del colore
```

```
    bordata += [ [colore] * (L+2*spessore) for i in range(spessore)  ]
    return bordata
```

[10]:
```
%time bordata = add_border(img, 20, green)
%time bordata2 = add_border2(img, 20, cyan)
visd(bordata) , visd(bordata2)
```

```
<cell>3: error: Name "bordata" is not defined
[name-defined]
<cell>3: error: Name "bordata2" is not defined
[name-defined]

CPU times: user 516 µs, sys: 0 ns, total: 516 µs
Wall time: 519 µs
CPU times: user 196 µs, sys: 0 ns, total: 196 µs
Wall time: 198 µs
```

[10]: (None, None)

3 Filtri da applicare ai colori

- ogni pixel della immagine viene trasformato in un nuovo colore. Esempi
  - toni di grigio
  - negativo
  - incremento/riduzione della luminosità
  - incremento/riduzione del contrasto

NOTA: questi filtri dipendono solo dal pixel in esame e non dalla sua posizione

3.1 Trasformiamo in una immagine in toni di grigio

[11]:
```
# filtro grigio che trasforma un colore in grigio con la stessa luminosità
def filtro_grigio(colore : Colore) -> Colore :
    # tutti i pixel devono essere grigi ma con la stessa luminosità totale
    # ovvero R=G=B e R+G+B uguale a prima, quindi bisogna mediare
    media = round(sum(colore)/3)   # round torna un intero se il numero di␣
 ↪cifre decimali è 0
    return media, media, media

# per trasformare una immagine in livelli di grigio
def grey(img : Immagine) -> Immagine :
    # la copio
    grigia = copia(img)
    # e sostituisco ogni pixel col grigio corrispondente
```

```
    for y, riga in enumerate(img):
        for x, pixel in enumerate(riga):
            grigia[y][x] = filtro_grigio(pixel)
    return grigia

# esempio
img_grigia = grey(img)
visd(img_grigia)
```

3.2 Cambiamo la luminosità

Amplifichiamo/riduciamo di **k** volte la luminosità dell'immagine

[12]:
```
from copy import deepcopy

# Ci conviene definire una funzione che vincola il risultato
# ad essere INTERO ed entro un dato INTERVALLO  [m,M] compresi
def bound(canale : float|int, m:int=0, M:int=255 ) -> int:
    "trasformo il valore in intero all'interno di [m..M]"
    canale = round(canale)
    return min(max(canale, m), M)

def filtro_lumi(colore : Colore, k : float) -> Colore:
    "cambiamo la luminosità del pixel di un fattore k su tutti i canali"
    R,G,B = colore
    # mi assicuro che i valori risultanti siano interi nel range 0..255
    return bound(R*k), bound(G*k), bound(B*k)

def luminosità(img : Immagine, k : float) -> Immagine:
    'per schiarire/scurire una immagine di un fattore k (float)'
```

```
    copia = deepcopy(img)     # creo una nuova immagine con deepcopy
    # tutti i pixel devono avere una luminosità moltiplicata per k
    for y, riga in enumerate(img):
        for x, colore in enumerate(riga):
            copia[y][x] = filtro_lumi(colore, k)  # sostituisco il pixel
    return copia
```

[13]:
```
# esempio
img_luminosa = luminosità(img, 1.5)
img_scura    = luminosità(img, 0.8)

visd(img_luminosa), visd(img_scura)
```
```
None
```

3.3 Generalizziamo l'applicazione del filtro

- definendo una trasformazione generica
- che accetta come parametro **la funzione che trasforma il pixel**

[14]:
```
from typing import Callable
Filtro = Callable[[Colore], Colore]   # funzione che accetta un Colore e␣
 ↪produce un Colore

def applica_filtro( img : Immagine, filtro : Filtro ) -> Immagine:
    'creo una nuova immagine in cui ciascun pixel è trasformato con la funzione␣
 ↪filtro(Colore)->Colore'
    # copio l'immagine
    copia = deepcopy(img)
    # tutti i pixel vengono sostituiti con il risultato del filtro
    for y, riga in enumerate(img):
        for x, colore in enumerate(riga):
            copia[y][x] = filtro(colore)   ### QUI eseguo il filtro sul pixel␣
 ↪corrente
    return copia
```

[15]:
```
# esempio
img_ingrigita = applica_filtro(img, filtro_grigio)
visd(img_ingrigita)
```

[16]:
```
# il filtro deve accettare un solo parametro
def piu_scura(pixel):
    "scurisco l'immagine dimezzando la luminosità"
    return filtro_lumi(pixel, 0.5)

scura1 = applica_filtro(img, piu_scura)
```

```
# oppure posso usare una lambda
scura2 = applica_filtro(img, lambda pixel: filtro_lumi(pixel, 0.5))
visd(scura1), visd(scura2)
None
```

3.4 Cambiamo il contrasto

- per cambiare il contrasto di un fattore **k**
  - ogni pixel chiaro deve diventare più chiaro
  - ogni pixel scuro deve diventare più scuro
  - ovvero si devono allontanare/avvicinare di un fattore **k** dal grigio **128,128,128**

[17]:
```
def filtro_contrasto(colore : Colore, k : float) -> Colore:
    "aumento di un fattore k la distanza del colore da 128, per ciascun canale␣
 ↪RGB"
    return tuple( bound((componente-128)*k+128) for componente in colore)

# PROBLEMA! : filtro_contrasto vuole DUE parametri, ma applica_filtro vuole un␣
 ↪Filtro che ne prende solo 1
# NOTA: mypy non sa che la list comprehension è su 3 elementi per cui gli␣
 ↪sembra sbagliato
```

```
<cell>3: error: Incompatible return value type (got
"tuple[int, …]", expected "tuple[int, int, int]")
[return-value]
```

[18]:
```
# SOLUZIONE : definisco una lambda che aggiunge Kalla chiamata
# esempio
img_più_contrastata  = applica_filtro(img, lambda colore:␣
 ↪filtro_contrasto(colore, 1.2))
img_meno_contrastata = applica_filtro(img, lambda colore:␣
 ↪filtro_contrasto(colore, 0.8))

visd(img_meno_contrastata), visd(img_più_contrastata)
None
```

3.5 effetto Negativo

[19]:
```
def negativo(colore : Colore ) -> Colore :
    "invertiamo la luminosità di ciascun canale RGB"
    return tuple( 255-componente for componente in colore )

img_negata = applica_filtro(img, negativo)
visd(img_negata)
# di nuovo, mypy non sa dedurre che produrremo sempre una tupla di 3 componenti
```

```
<cell>3: error: Incompatible return value type (got
"tuple[int, …]", expected "tuple[int, int, int]")
[return-value]
```

3.6 Sfocatura (blur)

- facciamo la media dei colori fino a distanza **k** dal pixel

NOTA: questo filtro deve **conoscere la posizione del pixel**

[20]:
```
# calcolo la media di un gruppo di colori
def colore_medio(listaColori : list[Colore]) -> Colore :
    N     = len(listaColori)
    R,G,B = 0, 0, 0
    for r,g,b in listaColori:
        R += r
        G += g
        B += b
    return bound(R/N), bound(G/N), bound(B/N)

#oppure
#    return tuple(map(lambda X: bound(sum(X)/N), zip(*listaColori)))
```

[21]:
```
# per sfocare una immagine entro una distanza k
    # genero una nuova immagine
    # con i pixel che sono la media del gruppo di pixel
    # attorno a quello indicato fino a distanza k
def blur(img : Immagine, k : int) -> Immagine:
    W = len(img[0])
    H = len(img)
    copia = [ riga.copy()  for riga in img ] # invece che deepcopy
    for x  in range(W):
        for y in range(H):
            # raccolgo i colori del vicinato (potrei essere sul bordo)
            vicinato = []
            for X in range(x-k,x+k+1):
                for Y in range(y-k, y+k+1):
                    if 0 <= X < W and 0 <= Y < H: # se sono dentro
                        vicinato.append(img[Y][X])
            copia[y][x] = colore_medio(vicinato)
    return copia
# blur è una operazione molto lenta ....

# TODO: realizzarlo come filtro che dipende dalla posizione -> vedi sotto
```

[22]:
```
# esempio
img_sfocata1 = blur(img, 1)
img_sfocata2 = blur(img, 2)
img_sfocata3 = blur(img, 3)
visd(img_sfocata1), visd(img_sfocata2), visd(img_sfocata3)
None
```

3.7 Inseriamo del rumore nella immagine

- possiamo aggiungere del colore a ciascun pixel
- oppure scegliere un pixel vicino

[23]:
```
from random import randint

# per aggiungere rumore casuale ad una immagine
    # possiamo aggiungere a ciascun pixel un piccolo valore random
def rumore_casuale(colore : Colore, k : int) -> Colore:
    "aggiungiamo a ciascuna componente RGB un piccolo valore in [-k, k]"
    return tuple( bound(C + randint(-k,k)) for C in colore )
```

```
<cell>7: error: Incompatible return value type (got
"tuple[int, …]", expected "tuple[int, int, int]")
[return-value]
```

[24]:
```
# esempio
poco_rumore  = applica_filtro(img, lambda C: rumore_casuale(C, 20))
tanto_rumore = applica_filtro(img, lambda C: rumore_casuale(C, 50))
visd(img), visd(poco_rumore), visd(tanto_rumore)
None
```

3.8 Filtri che dipendono dalla posizione

Generalizziamo i filtri in modo che conoscano: - la posizione **x,y** del pixel corrente - l'immagine sorgente (per leggere altri pixel) - le dimensioni dell'immagine (per evitare di ricalcolarle)

3.9 Esempio: Pixellazione

possiamo colorare tutti i pixel di ciascun quadratino di dimensioni S in modo simile - coloro il pixel corrente come il **centro del suo quadratino** - oppure come la **media del suo quadratino**

[25]:
```
# - devo sapere dove sono nella immagine e avere accesso a tutta l'immagine!
#                      x    y    img       L    A
FiltroXY = Callable[[int, int, Immagine, int, int], Colore]    # funzione␣
 ↪filtro che conosce x,y,img,L,A
```

```
def applica_filtro_XY( img : Immagine, filtro : FiltroXY ) -> Immagine:
    'applicazione di un filtro che dipende da x,y, dalla immagine e dalle␣
 ↪dimensioni L,A'
    W,H = len(img[0]),len(img)
    # ricevo nell'argomento 'filtro' una funzione che calcola
    # per ogni colore e posizione X,Y il nuovo colore
    copia = deepcopy(img)
    for y in range(H):
        for x in range(W):
            copia[y][x] = filtro(x, y, img, W, H)   ### QUI chiamo il filtro
    return copia
```

[26]:
```
# ad ogni quadrato sostituiamo il colore del suo centro
def pixella(x : int, y : int, img : Immagine, W : int, H : int, S : int) ->␣
 ↪Colore :
    'FiltroXY che legge il pixel al centro del suo quadretto'
    X = bound(x-x%S+S/2, 0, W-1) # X del centro
    Y = bound(y-y%S+S/2, 0, H-1) # Y del centro
    return img[Y][X]

pixellata = applica_filtro_XY(img,
            lambda x,y,imm,W,H: pixella(x,y,imm,W,H,5))
visd(pixellata)
```

[27]:
```
# ad ogni quadrato sostituiamo la *media* dei colori
def pixelmedio(x : int, y : int, img : Immagine, W : int, H : int, S : int) ->␣
 ↪Colore :
    'FiltoXY che fa la media dei pixel del quadretto'
    R,G,B, N = 0,0,0, 0
```

```
    minx = x-x%S
    miny = y-y%S
    vicini = [ img[Y][X]  for X in range(minx, min(W,minx+S))
                          for Y in range(miny, min(H,miny+S)) ]
    return colore_medio(vicini)

## INEFFICIENTE: ricalcola la media per ogni pixel
## MEGLIO: calcolo la media una volta per ogni quadrato
# - ad esempio ricordando il risultato per ogni xmin,ymin,xmax,ymax

pixellata2 = applica_filtro_XY(img, lambda x,y,imm,W,H:␣
 ↪pixelmedio(x,y,imm,W,H,5))
visd(pixellata2)
```

3.10 Blur come filtro

- per ogni pixel calcolo la media del vicinato

[28]:
```
def blur_filter(x : int, y : int, img : Immagine, W : int, H : int, k : int) ->␣
 ↪Colore:
    "calcolo la media dei vicini fino a distanza k"
    vicini = []
    for X in range(bound(x-k,0,W),bound(x+k+1, 0, W)):
        for Y in range(bound(y-k,0,H),bound(y+k+1, 0, H)):
            vicini.append(img[Y][X])
    # ne torno la media
    return colore_medio(vicini)
```

[29]:
```
# Esempio con k=3
```

```
sfumata = applica_filtro_XY(img, lambda x,y,imm,W,H: blur_filter(x,y,imm,W,H, 3␣
 ↪))
visd(sfumata)
```

3.11 immagine rumorosa per spostamento di pixels

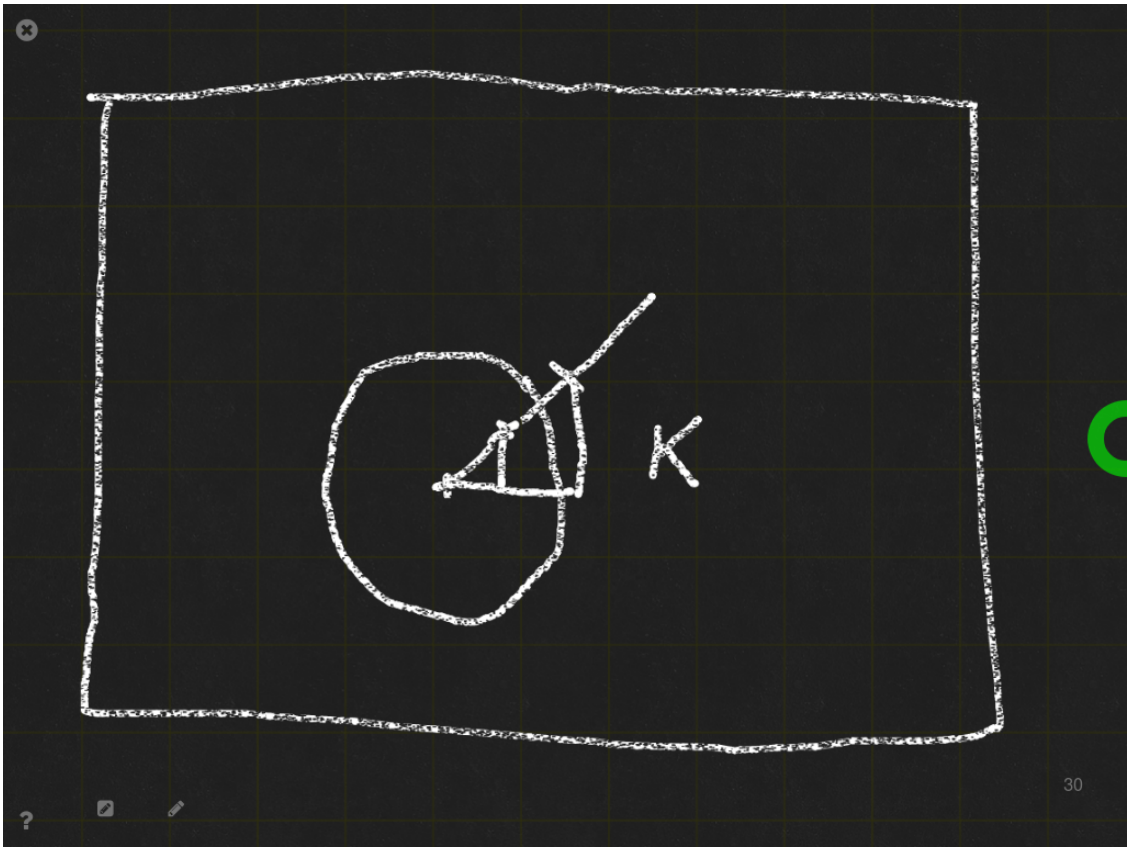
- scegliamo a caso un pixel entro una distanza **k** dal pixel da colorare

[30]:
```
# sostituiamo ciascun pixel con un suo vicino preso a caso
def scegli_vicino_a_caso(x : int, y : int, img : Immagine, W : int, H : int, k :
 ↪ int) -> Colore:
    "FiltroXY che legge un pixel a caso entro una distanza k, ma tenendosi␣
 ↪dentro l'immagine"
    dx = randint(-k, k)
    dy = randint(-k, k)
    X = bound(x+dx, 0, W-1)  # mi tengo dentro l'immagine
    Y = bound(y+dy, 0, H-1)  # mi tengo dentro l'immagine
    return img[Y][X]

# Esempio con k=5
rumore = applica_filtro_XY(img, lambda x, y, imm, W, H: scegli_vicino_a_caso(x,␣
 ↪y, imm, W, H, 2))
visd(rumore)
```

3.12 Effetto lente

Voglio ingrandire/rimpicciolire una zona: - centrata alle coordinate **x,y** - di un raggio **r** - ingrandendo/rimpicciolendo di un fattore **k** - fuori dalla zona lasciamo l'immagine com'è



[31]:
```
from math import dist
# per dare l'effetto lente
    # nella zona della lente
    # fino a un raggio r
    # mettiamo dei pixel che stanno a distanza K volte
    # la loro distanza dal centro x1,y1 della lente

def lente(x : int, y : int, img : Immagine, W : int, H : int,
          x1 : int, y1 : int, r : int, k : float) -> Colore:
    "FiltroXY che allontana/avvicina i pixel attrorno al centro x,y di un␣
 ↪fattore k"
    D = dist((x,y), (x1,y1))        # distanza dal centro
    if D > r:                       # se siamo fuori dal raggio
        return img[y][x]            # lasciamo il pixel com'è (lo leggiamo)
    # altrimenti amplifichiamo le due proiezioni dx e dy di un fattore k
    dx = (x-x1)*k
    dy = (y-y1)*k
    # ci assicuriamo di essere nella immagine
    X = bound(x1+dx,0,W-1)          # alla peggio prendo il pixel del bordo più␣
 ↪vicino
    Y = bound(y1+dy,0,H-1)
    return img[Y][X]                # e torniamo il pixel più lontano/vicino al␣
 ↪centro
```

[32]:
```
# esempio
# se k<1 prendo i pixel più vicini al centro e l'effetto lente INGRANDISCE (qui␣
 ↪k=0.5)
ingrandita    = applica_filtro_XY(img,
                lambda x, y, img, W, H: lente(x, y, img, W, H, 100, 100, 100, 0.
 ↪5) )

# se k>1 prendo i pixel più lontani dal centro e l'effetto lente RIMPICCIOLISCE␣
 ↪(qui k=2)
rimpicciolita = applica_filtro_XY(img,
                lambda x, y, img, W, H: lente(x, y, img, W, H, 100, 100, 100, 2␣
 ↪ ) )

visd(ingrandita), visd(rimpicciolita)
None
```