

Table of Contents

RECAP:

METODOLOGIA di analisi Object Oriented

Ereditarietà (Specializzazione/ Riuso e Ampliamento delle funzionalita)

NUOVO ARGOMENTO: Problemi e soluzioni ricorsive

Un problema ammette una soluzione ricorsiva se:

Esempio classico: il fattoriale

DEF: il fattoriale di un numero N intero positivo è il prodotto dei numeri da 1 a N

Esempio classico: fattoriale(N)

Schema di implementazione ricorsiva

Altro caso classico: i coniglietti di Fibonacci

Soluzione iterativa (simulando le coppie)

Soluzione ricorsiva

METODO: le 4 proprietà vi guidano per affrontare un problema ricorsivo sconosciuto:

E' sempre possibile simulare un ciclo con una ricorsione

E' sempre possibile simulare una ricorsione con uno o più cicli (e se necessario una pila/stack)

Altro esempio: Massimo Comun Divisore di x, y interi positivi

Quali sono le proprietà di x ed y?

Esempio: Check se una stringa/lista è palindroma

(si legge uguale in senso inverso)

soluzioni iterative

soluzione ricorsiva

Esploriamo un albero di directory:

cerchiamo tutti i file .txt e la loro dimensione

Fondamenti di Programmazione

Andrea Sterbini

lezione 16 - 28 novembre 2022

In [32]: 1 %load_ext nb_mypy

Version 1.0.4

RECAP:

- Colori come oggetti (con matematica dei colori)
- Immagini come matrici di Colori
- Filtri come oggetti che generano il colore del nuovo pixel
- Figure geometriche

METODOLOGIA di analisi Object Oriented

- Si individuano le strutture dati necessarie (**class**)
- con i loro **attributi** (informazioni "personali" di ciascun dato)
 - se una informazione è identica e comune a tutti gli individui la posso mettere come **attributo di classe**
- la loro inizializzazione (**__init__**)
- i **metodi** fondamentali (operazione sui dati o che calcolano valori a partire dagli attributi)
 - se vogliamo creare l'oggetto in altri modi possiamo creare un **@classmethod**

Ogni volta che vogliamo aggiungere una funzionalità ci dobbiamo chiedere quale oggetto deve essere "responsabile" (oppure "conosce le informazioni") per calcolarla

Metafora dell'ufficio

- E' un po' come voler organizzare un ufficio con persone che hanno **tipi di mansioni** diverse
 - ciascuno ha le sue informazioni e si cerca di non assegnarle a più uffici (classi)
 - gli scambi tra impiegati devono essere minimi

Ereditarietà (Specializzazione/ Riuso e Ampliamento delle funzionalita)

Se si vede che diverse classi condividono dei comportamenti/attributi comuni

- definiamo una super-classe che contiene l'implementazione comune dei metodi o gli attributi comuni
- nelle sottoclassi che ereditano da questa mettiamo solo gli attributi diversi ed i metodi diversi (se necessario c'è anche il modo di chiamare i metodi della superclasse)

Esempio: tutti gli animali visualizzati in un gioco hanno una posizione, una icona, un verso ... l'insieme degli attributi e

metodi comuni può essere messo nella classe Animale da cui ereditano Cane, Gatto, Cavallo, Ornitorinco

In [46]:

```
▼ 1 # Tutte le Figure hanno:
2 # - posizione
3 # - colore
4 # - un metodo che le disegna (che per default non fa nulla)
5 # - un metodo che ne calcola l'area (per default 0)
6
7 # Ciascuna specifica figura
8 # - ha dei parametri specifici (raggio, lati, cateti, fuochi, retta e fuoco, ...)
9 # - ha il suo metodo specifico che la disegna
10 # - ha il suo metodo specifico che ne calcola l'area
11
12 # definiamo la gerarchia di classi:
13 # Figura
14 #   Punto
15 #   Linea
16 #     Freccia
17 #     Rettangolo
18 #       Quadrato
19 #       TriangoloRettangolo
20 #     PoligonoRegolare
21 #       Triangolo
22 #       Pentagono
23 #     EllisseApprossimataDaCerchi
24 #       Cerchio
25 import turtle
26 t = turtle.Turtle()
27 turtle.colormode(255)
```

In [47]:

```
1 class Figura:
2     def __init__(self, x, y, colore, direzione=0, spessore=1, campitura=None):
3         self._x = x
4         self._y = y
5         self._colore = colore
6         self._direzione = direzione
7         self._spessore = spessore
8         self._campitura = campitura
9
10    def area(self):
11        raise Exception("Il metodo 'area' non è stato implementato")
12
13    def draw(self, turtle):
14        turtle.end_fill()
15        turtle.up()
16        turtle.goto(self._x, self._y)
17        turtle.setheading(self._direzione)
18        turtle.color(self._colore)
19        turtle.pensize(self._spessore)
20        turtle.down()
21        if self._campitura:
22            turtle.fillcolor(self._campitura)
23            turtle.begin_fill()
24
25    def move(self, x, y):
26        self._x = x
27        self._y = y
```

In [61]:

```
1
2 class Rettangolo(Figura):
3     def __init__(self, x, y, colore, larghezza, altezza,
4                 direzione=0, spessore=1, campitura=None):
5         "creo un nuovo rettangolo"
6         # riuso l'inizializzazione della mia superclasse per
7         # gli attributi che già sa gestire
8         super().__init__(x, y, colore, direzione, spessore, campitura)
9         # gestisco qui gli attributi aggiuntivi
10        self._larghezza = larghezza
11        self._altezza = altezza
12
13    def area(self):
14        "calcolo l'area del rettangolo"
15        return self._larghezza * self._altezza
16
17    def draw(self, turtle):
18        """
19        Disegno il rettangolo con la tartaruga fornita come parametro.
20        """
21        super().draw(turtle)
22        turtle.forward(self._larghezza)
23        turtle.left(90)
24        turtle.forward(self._altezza)
25        turtle.left(90)
26        turtle.forward(self._larghezza)
27        turtle.left(90)
28        turtle.forward(self._altezza)
29        turtle.left(90)
30        turtle.end_fill()
```



```
In [63]: ▾ 1 r = Rettangolo(50, 100, (255,0,0), 200, 100,  
2             direzione=45, spessore=5,  
3             campitura=(255,255,0))  
4  
5 ▾ 5 p = PoligonoRegolare(-100, -100, 50, 5, (0,0,255),  
6             20, 4, campitura=(255,0,0) )  
7  
8 q = Quadrato(100, 100, 90, (0,255,0), -30, 10)  
9  
10 r.draw(t)  
11  
12 r.move(-200,-100)  
13  
14 r.draw(t)  
15  
16 p.draw(t)  
17  
18 q.draw(t)  
19  
20 print(r.area(), q.area())  
21  
22
```

20000 8100

▼ NUOVO ARGOMENTO: Problemi e soluzioni ricorsive

Una funzione è ricorsiva se chiama se' stessa (principio di induzione).

Un problema ammette una soluzione ricorsiva se:

- è possibile rimpicciolire la dimensione del problema da risolvere (**riduzione**)
- esiste almeno un problema che ha una soluzione elementare (**caso base**)
- è sempre possibile, applicando ripetutamente la riduzione, arrivare ad un caso base (**convergenza**)
- è possibile ottenere la soluzione del problema iniziale dalle soluzioni dei sottoproblemi (**composizione**)

▼ Esempio classico: il fattoriale

DEF: il fattoriale di un numero N intero positivo è il prodotto dei numeri da 1 a N

- come ridurre il problema? **diminuisco N di 1**
- quale soluzione semplice conosco? **$F(1) = 1$**
- come ottengo $F(N)$ da $F(N-1)$? **lo moltiplico per N**
- il passo di riduzione converge al caso base? **Sì, sottraendo 1 a N alla fine si arriva ad 1**

Esempio classico: fattoriale(N)

proprietà	esempio
caso base	$F(1) = 1$
riduzione	$F(N) \rightarrow F(N-1)$
convergenza	$N, N-1, \dots, 1$
composizione	$F(N) = N * F(N-1)$

Schema di implementazione ricorsiva

```
def funzione(problema):
    if is_caso_base(problema):
        return soluzione nota
    else:
        sottoproblema = riduzione(problema)
        sottosoluzione = funzione(sottoproblema)
        soluzione = composizione(sottosoluzione)
        return soluzione
```


In [64]:

```
1 from rtrace import trace
2
3 @trace
4 def fattoriale(N : int) -> int :
5     if N==1:
6         return 1
7     else:
8         return N*fattoriale(N-1)
9
10 fattoriale.trace(5)
```

```
----- Starting recursion -----
entering      fattoriale(5,)
|-- entering  fattoriale(4,)
|--|-- entering fattoriale(3,)
|--|--|-- entering fattoriale(2,)
|--|--|--|-- entering fattoriale(1,)
|--|--|--|-- exiting fattoriale(1,) returns 1
|--|--|-- exiting fattoriale(2,) returns 2
|--|-- exiting fattoriale(3,) returns 6
|-- exiting fattoriale(4,) returns 24
exiting fattoriale(5,) returns 120
----- Ending recursion -----
Num calls: 5
```

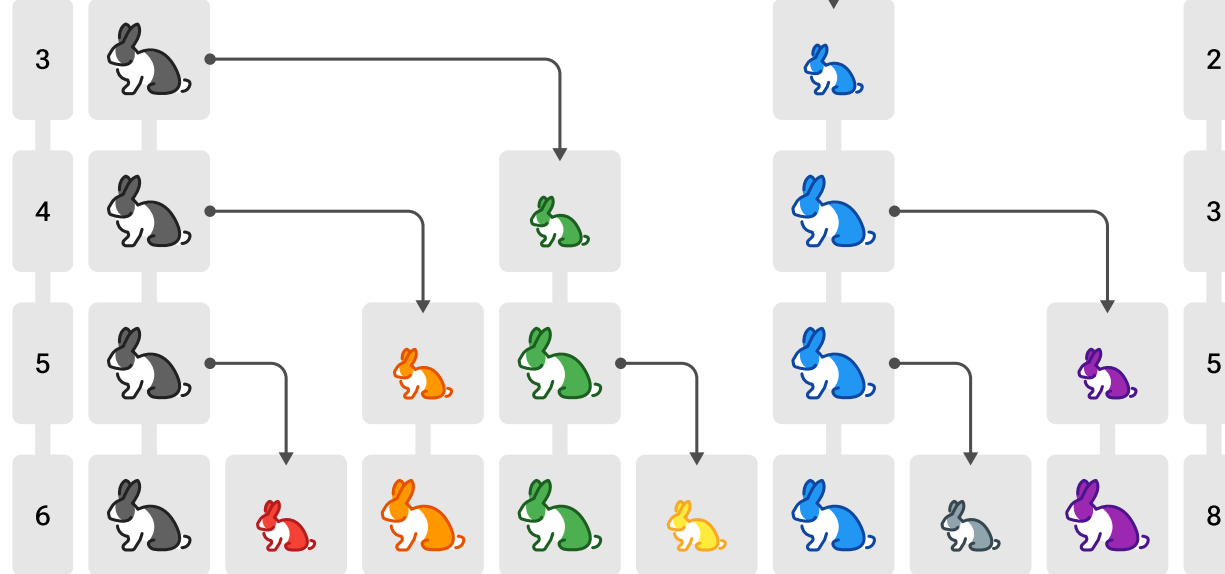
Out[64]: 120



Altro caso classico: i coniglietti di Fibonacci

- Una coppia di conigli il primo mese è giovane e non prolifica
- dal secondo mese in poi fa una coppia di coniglietti ogni mese





Ad ogni mese il numero di coppie si ottiene sommando:

- i nuovi coniglietti che nascono dalle coppie adulte (quelle di 2 mesi prima)
- e le coppie correnti (1 mese prima)

Soluzione iterativa (simulando le coppie)

- $F(0)=0$
- $F(1)=1$
- ...
- $F(N)=F(N-1)+F(N-2)$

Soluzione ricorsiva

Se osserviamo il problema dal punto di vista dell'anno N:

- **caso base:** 0 coppia se $N==0$
- **caso base:** 1 coppia se $N==1$ (erano troppo giovani)
- **riduzione del problema:** Per calcolare $F(N)$ ci servono $F(N-1)$ ed $F(N-2)$
- **composizione della soluzione:** $F(N) = F(N-1) + F(N-2)$

In [65]:

```
1 @trace
2 def fibonacci(N : int) -> int :
3     if N < 2:
4         return 1
5     else:
6         return fibonacci(N-1) + fibonacci(N-2)
7
8 fibonacci.trace(4)
```

```
----- Starting recursion -----
entering      fibonacci(4,)
-- entering   fibonacci(3,)
-- -- entering fibonacci(2,)
-- -- -- entering      fibonacci(1,)
-- -- -- exiting       fibonacci(1,)    returns 1
-- -- -- entering      fibonacci(0,)
-- -- -- exiting       fibonacci(0,)    returns 1
-- -- exiting         fibonacci(2,)    returns 2
-- -- entering        fibonacci(1,)
-- -- exiting         fibonacci(1,)    returns 1
-- exiting           fibonacci(3,)    returns 3
-- entering          fibonacci(2,)
-- -- entering        fibonacci(1,)
-- -- exiting         fibonacci(1,)    returns 1
-- -- entering        fibonacci(0,)
-- -- exiting         fibonacci(0,)    returns 1
-- exiting           fibonacci(2,)    returns 2
exiting           fibonacci(4,)    returns 5
----- Ending recursion -----
Num calls: 9
```

Out[65]: 5

METODO: le 4 proprietà vi guidano per affrontare un problema ricorsivo sconosciuto:

- trovate il **caso base**
- confrontate **problemi** di dimensioni diverse per capire come fare la "riduzione"
- confrontate **soluzioni** di dimensioni diverse per capire come calcolare la "soluzione"
- **verificate che** applicando più volte il passo di riduzione **si arrivi sempre ad un caso base** (convergenza)
- altrimenti aumentate i casi base

E' sempre possibile simulare un ciclo con una ricorsione

E' sempre possibile simulare una ricorsione con uno o più cicli (e se necessario una pila/stack)

- Iacopini Bohm

In [67]:

```
1 # 0 1 1 2 3 5 8 13 21
2
3 def fibonacci_iter(N : int) -> int :
4     coppie = [0, 1]
5     for i in range(N):
6         coppie.append(coppie[-1] + coppie[-2])
7     print(coppie)
8     return coppie[-1]
9
10 print(fibonacci_iter(7))
11 # MA ATTENZIONE!!!
12 # E' sufficiente ricordarsi SOLO dei DUE mesi precedenti!
```

```
[0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21]
21
```

In [70]:

```
▼ 1 # Mi ricordo SOLO dei DUE mesi precedenti
▼ 2 def fibonacci_iter2(N : int) -> int :
  3     corrente, precedente = 1, 0
▼ 4     for i in range(N):
  5         corrente, precedente = corrente+precedente, corrente
  6     return corrente
  7
  8 print(fibonacci_iter2(70))
```

308061521170129

```

In [72]: ▾ 1 # simuliamo l'allevamento anno per anno da 1 ad N con la ricorsione
2 # - convertiamo le variabili di stato del ciclo in argomenti della funzione
3 @trace
▾ 4 def _fibonacci_ric_efficiente(N : int, i : int,
5                               corrente : int,
6                               precedente : int):
7     if i == N:
8         return corrente
9     else:
10        corrente, precedente = corrente+precedente, corrente
11        return _fibonacci_ric_efficiente(N, i+1, corrente, precedente)
12
13 # definiamo una funzione di appoggio che inizializza le variabili di stato
▾ 14 def fibonacci_ric_efficiente(N : int):
15     return _fibonacci_ric_efficiente(N, 0, 1, 0)
16
17 # oppure potevamo dare dei valori di default appropriati alle "variabili di stato"
18
19 _fibonacci_ric_efficiente.trace(7, 0, 1, 0)

```

```

----- Starting recursion -----
entering      _fibonacci_ric_efficiente(7, 0, 1, 0)
|-- entering  _fibonacci_ric_efficiente(7, 1, 1, 1)
|-- |-- entering _fibonacci_ric_efficiente(7, 2, 2, 1)
|-- |-- |-- entering _fibonacci_ric_efficiente(7, 3, 3, 2)
|-- |-- |-- |-- entering _fibonacci_ric_efficiente(7, 4, 5, 3)
|-- |-- |-- |-- |-- entering _fibonacci_ric_efficiente(7, 5, 8, 5)
|-- |-- |-- |-- |-- |-- entering _fibonacci_ric_efficiente(7, 6, 13, 8)
|-- |-- |-- |-- |-- |-- |-- entering _fibonacci_ric_efficiente(7, 7, 21, 13)
|-- |-- |-- |-- |-- |-- |-- exiting _fibonacci_ric_efficiente(7, 7, 21, 13) returns 21
|-- |-- |-- |-- |-- |-- exiting _fibonacci_ric_efficiente(7, 6, 13, 8) returns 21
|-- |-- |-- |-- |-- exiting _fibonacci_ric_efficiente(7, 5, 8, 5) returns 21
|-- |-- |-- |-- exiting _fibonacci_ric_efficiente(7, 4, 5, 3) returns 21
|-- |-- |-- exiting _fibonacci_ric_efficiente(7, 3, 3, 2) returns 21
|-- |-- exiting _fibonacci_ric_efficiente(7, 2, 2, 1) returns 21
|-- exiting _fibonacci_ric_efficiente(7, 1, 1, 1) returns 21
exiting      _fibonacci_ric_efficiente(7, 0, 1, 0) returns 21
----- Ending recursion -----
Num calls: 8

```

In [73]:

```
▼ 1 # proviamo invece a lavorare in uscita dalla ricorsione
2 # - ciascuna chiamata ritorna la coppia *corrente, precedente*
3 # ovvero calcoliamo F(N) -> corrente, precedente
4 # - nel caso base la coppia è 1, 0
5 # - da corrente, precedente del mese prima (N-1) posso calcolare quelli di N
6 @trace
▼ 7 def fibonacci_efficiente(N : int ) -> tuple[int,int] :
▼ 8     if N == 0:
9         return 1, 0          # all'inizio ci sono 0 ed 1 coppia
▼ 10     else:
11         # ottengo i due valori del mese precedente (F(N-1) e F(N-2))
12         corrente, precedente = fibonacci_efficiente(N-1)
13         # calcolo i due valori per questo mese (F(N) e F(N-1))
14         return corrente+precedente, corrente
15
16 print(fibonacci_efficiente(5)[0])
17
18 fibonacci_efficiente.trace(5)
```

8

```
----- Starting recursion -----
entering      fibonacci_efficiente(5,)
|-- entering  fibonacci_efficiente(4,)
|-- |-- entering fibonacci_efficiente(3,)
|-- |-- |-- entering fibonacci_efficiente(2,)
|-- |-- |-- |-- entering fibonacci_efficiente(1,)
|-- |-- |-- |-- |-- entering fibonacci_efficiente(0,)
|-- |-- |-- |-- |-- exiting fibonacci_efficiente(0,) returns (1, 0)
|-- |-- |-- |-- exiting fibonacci_efficiente(1,) returns (1, 1)
|-- |-- |-- exiting fibonacci_efficiente(2,) returns (2, 1)
|-- |-- exiting fibonacci_efficiente(3,) returns (3, 2)
|-- |-- exiting fibonacci_efficiente(4,) returns (5, 3)
|-- exiting fibonacci_efficiente(5,) returns (8, 5)
----- Ending recursion -----
Num calls: 6
```

Out[73]: (8, 5)

▼ Altro esempio: Massimo Comun Divisore di x, y interi positivi

Ovvero dobbiamo trovare quell'intero M tale che:

- $x = M * k$
- $y = M * j$

- con $k, j \geq 1$ (e senza fattori comuni)



Quali sono le proprietà di x ed y ?

- se $x=y$ allora $k=j=1$ e $M=x$ (ecco un buon **caso base**!)
- altrimenti proviamo a sottrarre il minore dal maggiore
 - $z = x-y = M(k-j)$ quindi z e y hanno lo stesso **MCD**,
e inoltre z è più piccolo di x (ecco la nostra **riduzione**!)
 - ad ogni passo si riduce la somma $k+j$ di almeno j (il più piccolo)
 - sottraendo un numero più piccolo non si può andare nei negativi
 - a forza di sottrarre arriveremo per forza a $j=k=1$ ovvero al caso base (ed ecco la **convergenza**)
 - una volta trovato **M** abbiamo la soluzione di ciascun caso **più grande (ricomposizione)**

Ottimizzazione: invece di sottrarre y da x calcoliamone il resto -> algoritmo di **Euclide**


```

In [74]: ▾ 1 # Sfruttiamo la definizione ricorsiva del problema
          2 # per dare una implementazione ricorsiva
          3 @trace
          4 def GCD(x : int, y : int) -> int :
          5     # FIXME: controllare che siano interi E positivi
          6     if x == y:
          7         return x
          8     else:
          9         if x > y:
10             return GCD(x-y, y)
11         else:
12             return GCD(y-x, x)
13
14 GCD.trace(108, 64)

```

```

----- Starting recursion -----
entering      GCD(108, 64)
|-- entering  GCD(44, 64)
|-- |-- entering GCD(20, 44)
|-- |-- |-- entering GCD(24, 20)
|-- |-- |-- |-- entering GCD(4, 20)
|-- |-- |-- |-- |-- entering GCD(16, 4)
|-- |-- |-- |-- |-- |-- entering GCD(12, 4)
|-- |-- |-- |-- |-- |-- |-- entering GCD(8, 4)
|-- |-- |-- |-- |-- |-- |-- |-- entering GCD(4, 4)
|-- |-- |-- |-- |-- |-- |-- |-- |-- exiting GCD(4, 4) returns 4
|-- |-- |-- |-- |-- |-- |-- exiting GCD(8, 4) returns 4
|-- |-- |-- |-- |-- |-- exiting GCD(12, 4) returns 4
|-- |-- |-- |-- |-- exiting GCD(16, 4) returns 4
|-- |-- |-- |-- exiting GCD(4, 20) returns 4
|-- |-- |-- exiting GCD(24, 20) returns 4
|-- |-- exiting GCD(20, 44) returns 4
|-- |-- exiting GCD(44, 64) returns 4
|-- exiting GCD(108, 64) returns 4
----- Ending recursion -----
Num calls: 9

```

Out[74]: 4

```
In [75]: 1  ## Non è difficile farne una versione iterativa
          2
          3  def GCD_iter(x : int, y : int) -> int :
          4      while x != y:
          5          if x > y:
          6              x -= y
          7          else:
          8              y -= x
          9      return x
         10
         11  print(GCD_iter(75,45))
```

15



Esempio: Check se una stringa/lista è palindroma (si legge uguale in senso inverso)

soluzioni iterative

- rovescio e confronto
- scandisco gli indici degli elementi agli estremi e li confronto

```
In [28]: 1  from typing import Sequence
          2  ## Rovescio e confronto
          3  def palindromaP_iter1(sequenza : Sequence):
          4      rovesciata = sequenza[::-1]
          5      return rovesciata == sequenza
          6
          7  # leggermente inefficiente, costruisco una nuova sequenza e confronto 2N elementi
          8  # (potrei confrontarne solo N)
          9  palindromaP_iter1('amoRoma')
```

Out[28]: True

```
In [77]: 1 ## Versione iterativa
2
3 def palindromaP_iter2(sequenza : Sequence ) -> bool :
4     for i in range(len(sequenza)//2):
5         print('comparing', sequenza[i], sequenza[-i-1], sequenza[i] == sequenza[-i-1])
6         if sequenza[i] != sequenza[-i-1]:
7             return False
8     return True
9
10 palindromaP_iter2('amoRoma')
11 #palindromaP_iter([1, 2, 3, 4, 5, 4, 3, 2, 1])
```

```
comparing a a True
comparing m m True
comparing o o True
```

Out[77]: True

```
In [79]: 1 def palindroma_iter2(sequenza):
2     inizio = 0
3     fine = len(sequenza)-1
4     while inizio < fine:
5         print('comparing', sequenza[inizio], sequenza[fine], sequenza[inizio] == sequenza[fine])
6         if sequenza[inizio] != sequenza[fine]:
7             return False
8         inizio += 1
9         fine -= 1
10    return True
11
12 palindroma_iter2([1, 2, 3, 4, 5, 4, 3, 2, 1])
```

```
comparing 1 1 True
comparing 2 2 True
comparing 3 3 True
comparing 4 4 True
```

Out[79]: True

soluzione ricorsiva

- **casi base**: ogni sequenza di lunghezza 0 o 1 è palindroma
- se è lunga 2 o più elementi il primo e l'ultimo devono essere uguali
- se non lo sono NON è palindroma (altro **caso base**)
- se lo sono deve essere palindromo anche il resto, tolto primo ed ultimo carattere

- (togliere i 2 caratteri = **riduzione**)
- a forza di togliere 2 caratteri si arriverà sempre a 1 o 0 (**convergenza**)
- la stringa è palindroma se sono uguali primo e ultimo AND la sottostringa è palindroma (**costruzione della soluzione dalla sottosoluzione** + calcolo locale)

In [80]:

```

1
2 @trace
3 def palindromaP(sequenza : Sequence ) -> bool :
4     "predicato che verifica se una sequenza è palindroma"
5     if len(sequenza) < 2:
6         return True
7     if sequenza[0] != sequenza[-1]:
8         return False
9     else:
10        return palindromaP(sequenza[1:-1])
11
12 palindromaP.trace('amoRoma')
13
14 # un po' inefficiente perchè crea tante sottosequenze

```

```

----- Starting recursion -----
entering      palindromaP('amoRoma',)
|-- entering  palindromaP('moRom',)
|--|-- entering palindromaP('oRo',)
|--|--|-- entering palindromaP('R',)
|--|--|-- exiting palindromaP('R',) returns True
|--|-- exiting palindromaP('oRo',) returns True
|-- exiting   palindromaP('moRom',) returns True
exiting       palindromaP('amoRoma',) returns True
----- Ending recursion -----
Num calls: 4

```

Out[80]: True

```
In [81]: ▾ 1 # versione che usa gli indici inizio e fine
2 @trace
3 ▾ def _palindromaP2(sequenza : Sequence, inizio : int, fine : int ) -> bool :
4 ▾     if inizio >= fine:
5         return True
6     if sequenza[inizio] != sequenza[fine]:
7         return False
8     return _palindromaP2(sequenza, inizio+1, fine-1)
9
10 ▾ def palindromaP2(sequenza):
11     return palindromaP2(sequenza, 0, len(sequenza)-1)
12
13
14 _palindromaP2.trace('amoRoma', 0, 6)
```

```
----- Starting recursion -----
entering      _palindromaP2('amoRoma', 0, 6)
|-- entering  _palindromaP2('amoRoma', 1, 5)
|--|-- entering _palindromaP2('amoRoma', 2, 4)
|--|--|-- entering _palindromaP2('amoRoma', 3, 3)
|--|--|-- exiting _palindromaP2('amoRoma', 3, 3) returns True
|--|-- exiting  _palindromaP2('amoRoma', 2, 4) returns True
|-- exiting    _palindromaP2('amoRoma', 1, 5) returns True
exiting        _palindromaP2('amoRoma', 0, 6) returns True
----- Ending recursion -----
Num calls: 4
```

Out[81]: True

Esploriamo un albero di directory: cerchiamo tutti i file .txt e la loro dimensione

- una directory contiene files (caso base) e sottodirectory (caso ricorsivo)
- ogni volta che esaminiamo una sottodirectory abbiamo un problema simile a quello iniziale, e più piccolo
- a forza di scendere arriveremo in una sottodirectory che contiene solo file (convergenza)
- i file trovati nelle sottodirectory vanno raccolti assieme a quelli della dir iniziale (composizione)

Per esaminare directory e files si usa la libreria **os**

In [93]:

```
1 import os
2
3 @trace
4 def cerca_file_sizes(directory : str) -> dict[str, int] :
5     "cerco tutti i file '.txt' e ne ritorno le dimensioni"
6     risultato = {}
7     for nome in os.listdir(directory):
8         # ignoro file e dir che iniziano per '.' oppure '_'
9         if nome[0] in '._': continue
10        fullname = directory + '/' + nome
11        # se sono nel caso ricorsivo
12        if os.path.isdir(fullname):
13            trovati = cerca_file_sizes(fullname)
14            risultato.update(trovati)
15        # altrimenti se è un file che finisce con '.txt'
16        elif nome.endswith('.txt'):
17            size = os.path.getsize(fullname)
18            risultato[fullname] = size
19    return risultato
20
21 cerca_file_sizes.trace('../lezione11')
```

```
----- Starting recursion -----
entering      cerca_file_sizes('../lezione11',)
|-- entering  cerca_file_sizes('../lezione11/files',)
|-- exiting   cerca_file_sizes('../lezione11/files',) returns {'../lezione11/files/test
o2.txt': 19, '../lezione11/files/holmes.txt': 594933, '../lezione11/files/alice_it.txt':
144377, '../lezione11/files/frankenstein.txt': 448684, '../lezione11/files/prince.txt': 3
05864, '../lezione11/files/testo.txt': 146, '../lezione11/files/results.txt': 272, '../le
zione11/files/alice.txt': 167517}
exiting      cerca_file_sizes('../lezione11',) returns {'../lezione11/files/test
o2.txt': 19, '../lezione11/files/holmes.txt': 594933, '../lezione11/files/alice_it.txt':
144377, '../lezione11/files/frankenstein.txt': 448684, '../lezione11/files/prince.txt': 3
05864, '../lezione11/files/testo.txt': 146, '../lezione11/files/results.txt': 272, '../le
zione11/files/alice.txt': 167517, '../lezione11/ita.lezione11.mkv.txt': 59078, '../lezion
e11/eng.lezione11.mkv.txt': 56956}
----- Ending recursion -----
Num calls: 2
```

Out[93]:

```
{ '../lezione11/files/testo2.txt': 19,
  '../lezione11/files/holmes.txt': 594933,
  '../lezione11/files/alice_it.txt': 144377,
  '../lezione11/files/frankenstein.txt': 448684,
  '../lezione11/files/prince.txt': 305864,
  '../lezione11/files/testo.txt': 146,
  '../lezione11/files/results.txt': 272,
```

```
'../lezione11/files/alice.txt': 167517,  
'../lezione11/ita.lezione11.mkv.txt': 59078,  
'../lezione11/eng.lezione11.mkv.txt': 56956}
```

```

In [87]: 1  ## soluzione ricorsiva che raccoglie i file
          2  ## in un dizionario fornito come argomento
          3
          4  def cerca_file_sizes2(directory : str, dizionario : dict[str, int]) -> None:
          5      "cerco tutti i file '.txt' e ne ritorno le dimensioni"
          6      for nome in os.listdir(directory):
          7          # ignoro file e dir che iniziano per '.' oppure '_'
          8          if nome[0] in '._': continue
          9          fullname = directory + '/' + nome
          10         # se sono nel caso ricorsivo
          11         if os.path.isdir(fullname):
          12             cerca_file_sizes2(fullname, dizionario)
          13         # altrimenti se è un file che finisce con '.txt'
          14         elif nome.endswith('.txt'):
          15             size = os.path.getsize(fullname)
          16             dizionario[fullname] = size
          17
          18     D = {}
          19     cerca_file_sizes2('..', D)
          20     D

```

```

Out[87]: {'../lezione10/files/testo2.txt': 19,
          '../lezione10/files/holmes.txt': 594933,
          '../lezione10/files/alice_it.txt': 144377,
          '../lezione10/files/frankenstein.txt': 448684,
          '../lezione10/files/prince.txt': 305864,
          '../lezione10/files/testo.txt': 146,
          '../lezione10/files/results.txt': 272,
          '../lezione10/files/alice.txt': 167517,
          '../lezione10/dati.txt': 53,
          '../lezione10/pippo.txt': 71,
          '../lezione10/topolino.txt': 71,
          '../lezione10/en.lezione10.mkv.txt': 80332,
          '../lezione10/it.lezione10.mkv.txt': 85229,
          '../lezione13/eng.lezione.13.txt': 57126,
          '../lezione13/ita.lezione.13.txt': 61794,
          '../lezione08/en.lezione08.ogg.txt': 64027,
          '../lezione08/5min.ogg.txt': 4241,
          '../lezione08/lezione08.ogg.txt': 69085,
          '../lezione14/ita.lezione.14.txt': 60828,
          '../lezione14/eng.lezione.14.txt': 57012,
          '../lezione15/eng.lezione.15.txt': 64808,
          '../lezione15/ita.lezione.15.txt': 70661,
          '../lezione03/en.lezione03.ogg.txt': 27230,
          '../lezione03/lezione03.mp4.txt': 79307,
          '../lezione02/en.lezione02.ogg.txt': 43464,

```



```
'../lezione02/lezione02-2022-10-03_10-13-30.mkv.txt': 119406,  
'../lezione05/en.lezione05.ogg.txt': 72679,  
'../lezione05/lezione05.mkv.txt': 63000,  
'../lezione01/en.lezione01.ogg.txt': 16041,  
'../lezione01/lezione01.mp4.txt': 17238,  
'../lezione11/files/testo2.txt': 19,  
'../lezione11/files/holmes.txt': 594933,  
'../lezione11/files/alice_it.txt': 144377,  
'../lezione11/files/frankenstein.txt': 448684,  
'../lezione11/files/prince.txt': 305864,  
'../lezione11/files/testo.txt': 146,  
'../lezione11/files/results.txt': 272,  
'../lezione11/files/alice.txt': 167517,  
'../lezione11/ita.lezione11.mkv.txt': 59078,  
'../lezione11/eng.lezione11.mkv.txt': 56956,  
'../lezione07/lezione07.ogg.txt': 82839,  
'../lezione07/en.lezione07.ogg.txt': 75637,  
'../lezione06/lezione06.mkv.txt': 40737,  
'../lezione06/en.lezione06.ogg.txt': 2680}
```