

**Esame dell'insegnamento di
METODI MATEMATICI - Canale A – L
09 - 09 - 2013 (prof.ssa Anna Labella)
(Ciascuno dei quiz non ha necessariamente una ed una sola risposta giusta)**

1. Quale delle seguenti proposizioni è vera? Per ogni tripla di insiemi A, B e C:

- $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup C$ se e solo se $C \subseteq A$
- $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup C$ solo se $C \subseteq A$
- $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup C$ se e solo se $C = A$
- $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup C$ solo se $C = A$
- nessuna delle precedenti

2. Siano R ed $S \subseteq A$ due relazioni su uno stesso insieme A. Quali fra le seguenti affermazioni sono vere?

- $R \cap S$ è riflessiva se e solo se R ed S sono entrambe riflessive
- $R \cup S$ è riflessiva se e solo se R ed S sono entrambe riflessive
- $R \cap S$ è antiriflessiva se e solo se R ed S sono entrambe antiriflessive
- $R \cup S$ è antiriflessiva se e solo se R ed S sono entrambe antiriflessive
- nessuna delle precedenti

3. Dimostrare per induzione che $n^3 + 3n^2 + 5n$ è divisibile per 3 per ogni $n \geq 1$.

Caso base $n=1$

$1+3+5=9$ è divisibile per 3

Passo induttivo:

supponiamo che n^3+3n^2+5n sia divisibile per 3 e dimostriamo che $(n+1)^3+3(n+1)^2+5(n+1)$ lo è

$$(n+1)^3+3(n+1)^2+5(n+1) = n^3+3n^2+3n+1+3n^2+6n+3+5n+5 = (n^3+3n^2+5n) + 3(n^2+4n+3)$$

Entrambi gli addendi sono divisibili per 3

4. Si dimostri che il seguente enunciato è un teorema usando il metodo di Hilbert

- 1. $\{A\} \vdash (B \rightarrow (\neg A \rightarrow B))$ Ax1
- 2. $\vdash A \rightarrow (B \rightarrow (\neg A \rightarrow B))$ TD

5. Si dimostri che la seguente formula è soddisfacibile usando il metodo dei tableau

$$\exists x \forall y P(x,y) \wedge \exists x \forall y \neg P(y,x)$$

Il tableau che si ottiene dalla formula è aperto

6. Trovare un modello per la formula di cui al punto 5

Ad esempio i naturali N con la relazione \leq