

# Corso di laurea in Informatica Introduzione agli Algoritmi

## Syllabus e Introduzione

Angelo Monti



SAPIENZA  
UNIVERSITÀ DI ROMA

# Di cosa tratta questo corso

- **Problem solving di problemi computazionali**

- **Algoritmi**

descriveremo alcuni algoritmi “classici” per risolvere problemi di base (ricerca e ordinamento)

- **Efficienza**

Valuteremo l'efficienza, calcolandone il costo computazionale.

- **Strutture dati**

Esploreremo le strutture dati più adatte da usare

**P.S.** gli algoritmi verranno descritti tramite pseudocodice, per poterne dare una versione compatta senza perdersi in dettagli implementativi...

Quali problemi?

In questo corso restringiamo la nostra attenzione ai ***problemi computazionali***, problemi cioè che richiedono di descrivere in modo automatico una specifica relazione tra un insieme di valori in ***input*** e il corrispondente insieme di valori in ***output***.

Un algoritmo è ***corretto*** se, ***per ogni istanza di un problema computazionale, termina producendo l'output corretto.***

In tal caso diremo che ***l'algoritmo risolve il problema.***

Esempio di problema computazionale:

Ordinare  $n$  numeri dal più piccolo al più grande

**Input:** (anche detto **istanza del problema**)

sequenza di  $n$  numeri  $a_1, a_2, \dots, a_n$

**Output:**

permutazione  $a'_1, a'_2, \dots, a'_n$  della sequenza di input con  $a'_1 \leq a'_2 \leq \dots \leq a'_n$

# Problem solving

Il **problem solving** è un'attività che ha lo scopo di raggiungere una soluzione a partire da una situazione iniziale.

E' quindi un'attività creativa, di natura essenzialmente progettuale, ed in questo risiede la sua difficoltà.

Approccio al problem solving:

- ***analisi del problema***: lettura approfondita della situazione iniziale, comprensione ed identificazione del problema;
- ***esplorazione degli approcci possibili***: identificazione delle metodologie di soluzione tra i metodi noti;
- ***selezione di un approccio***: scelta dell'approccio migliore;
- ***definizione dell'algoritmo risolutivo***: identificazione dei dati e progettazione della sequenza di passi elementari da applicare su di essi;
- ***riflessione critica***: a problema risolto, ripensamento delle fasi della soluzione proposta per identificare eventuali criticità e possibili migliorie.

# Efficienza

Un algoritmo è una sequenza di comandi “elementari” ed “univoci” che **terminano in un tempo finito** ed operano su strutture dati.

Affinché un algoritmo sia utilizzabile, deve concludersi e produrre il suo output entro un tempo “ragionevole”.

Un aspetto fondamentale che va affrontato nello studio degli algoritmi è la loro **efficienza**, cioè la ***quantificazione delle loro esigenze in termini di tempo e di spazio***, ossia tempo di esecuzione e quantità di memoria richiesta.

# Efficienza

## *quantificazione delle esigenze dell'algoritmo in termini di tempo e di spazio*

Questo perché:

- I calcolatori sono molto veloci, ma non infinitamente veloci;
- La memoria è economica e abbondante, ma non è né gratuita né illimitata.

Nel corso illustreremo il concetto di **costo computazionale** degli algoritmi, in termini di numero di operazioni elementari e quantità di spazio di memoria necessari in funzione della dimensione dell'input.



# Random Access Machine

- Per studiare l'efficienza di un algoritmo dobbiamo ANALIZZARLO, cioè prevedere le risorse che esso richiede per la sua esecuzione, **senza che tale analisi sia influenzata da una specifica tecnologia** che, inevitabilmente, col tempo diviene superata.
- Per fare questo, dobbiamo avere un modello astratto di calcolatore, che sia indipendente dalla tecnologia usata.
- In questo corso consideriamo un modello astratto di calcolo detto RANDOM ACCESS MACHINE (RAM).
- La RAM è quindi una *macchina astratta*, la cui validità e potenza concettuale risiede nel fatto che non diventa obsoleta con il progredire della tecnologia.

## Nel modello RAM:

- esiste un **singolo processore**, che esegue le operazioni sequenzialmente.
- esistono delle **operazioni elementari**, l'esecuzione di ciascuna delle quali richiede per definizione un ***tempo costante***. (Es.: operazioni aritmetiche, letture, scritture, salto condizionato, ecc.)

## Misure di costo

- Faremo l'ipotesi che ogni operazione aritmetica o di confronto viene eseguita in tempo costante, indipendentemente dalla dimensione degli operandi.
- Questo criterio è detto **MISURA DI COSTO UNIFORME**.
- Sebbene utile, questo è un modello di costo non sempre realistico perché i dati potrebbero non essere rappresentabili in una sola parola di memoria, e quindi anche le operazioni aritmetiche non richiederebbero, in realtà, tempo costante.

# Criterio della misura di costo uniforme

```
def esempio(n):  
    x = 1  
    for i in range(n):  
        x = 2*x  
    print(x)
```

(ciclo, reiterato  $n$  volte, che calcola il valore  $2^n$ )

Il tempo di esecuzione totale (numero di passi elementari) è **proporzionale ad  $n$** :

- si tratta di un **ciclo eseguito  $n$  volte**;
- ad ogni iterazione del ciclo si compiono **due operazioni**, ciascuna delle quali ha costo unitario:
  1. l'incremento del contatore
  2. il calcolo del nuovo valore di  $x$ .

## Pseudocodice

Affinché ogni esecutore sia in grado di comprendere un algoritmo, è necessario utilizzare una descrizione:

- il più formale possibile
- indipendente dal linguaggio che si intende usare



Pseudocodice

## L'importanza di progettare algoritmi di complessità temporale bassa.

- Consideriamo un algoritmo che su input  $n$  richiede un numero di passi di circa  $2^n$  e assumiamo che un passo di calcolo richieda circa un secondo.
- Il numero di operazioni per  $n = 60$ :
  - $2^{60}$  è approssimativamente il numero di secondi dal Big-Bang che si stima avvenuto circa 13.8 miliardi di anni fa.
- Anche per valori di  $n$  relativamente piccoli il tempo di calcolo può rivelarsi proibitivo.

# $2^{60}$ è approssimativamente il numero di secondi dal Big-Bang.

- Se un passo viene eseguito in **millisecondi** ( $10^3$  in un secondo) allora avremmo potuto in questo lasso di tempo gestire istanze di dimensione  $n \approx 70$  ( $2^{60} \times 2^{10} = 2^{70}$ )
- Se un passo viene eseguito in **microsecondi** ( $10^6$  in un secondo) allora avremmo potuto in questo lasso di tempo gestire istanze di dimensione  $n \approx 80$  ( $2^{60} \times 2^{20} = 2^{80}$ )

Con l'avvento di macchine più veloci la situazione sostanzialmente non cambia. Un algoritmo con tempi di calcolo esponenziali al crescere di  $n$  è inutilizzabile e lo resterà.

# Strutture dati

Un algoritmo è una sequenza di comandi “elementari” ed “univoci” che terminano in un tempo finito **ed operano su strutture dati**.

Per risolvere problemi avremo bisogno di usare dati e quindi useremo delle **STRUTTURE DATI**, strumenti per memorizzare e organizzare i dati e semplificarne l'accesso e la modifica.

Non esiste una struttura dati che vada bene per ogni problema, quindi dobbiamo conoscere proprietà, vantaggi e svantaggi delle principali strutture dati.

Il progetto o la scelta della struttura dati da adottare nella soluzione di un problema è un aspetto fondamentale per la risoluzione del problema stesso, al pari del progetto dell'algoritmo.

Perciò, gli algoritmi e le strutture dati fondamentali vengono sempre **studiati e illustrati assieme**.

**Esempi:** vettore, lista, coda, pila...



**Dettagli per studiare**

## Pagina web del corso

Alla pagina:

[https://twiki.di.uniroma1.it/twiki/view/Intro\\_algo/PZ/WebHome](https://twiki.di.uniroma1.it/twiki/view/Intro_algo/PZ/WebHome)

troverete:

- Il programma del corso
- Il diario delle lezioni
- Le modalità d'esame
- Un elenco di libri di testo utili
- Delle dispense e degli esercizi svolti

## Libri di testo

Un qualunque manuale di algoritmi e strutture dati fondamentali va bene, ma se dovete comprarne uno...

- Cormen, Leiserson, Rivest, Stein: Introduzione agli algoritmi e strutture dati, Mc Graw Hill

oppure

- Demetrescu, Finocchi, Italiano: Algoritmi e strutture dati, Mc Graw Hill

oppure

- R. Kleinberg ed E. Tardos. Algorithm Design. Addison Wesley.

# Suggerimenti

Non basta essere solo “spettatori”:

- Alla fine di (quasi) ogni lezione troverete degli esercizi che vengono proposti.
- Provate a risolverli e, se non ci riuscite, approfondite ulteriormente l’argomento trattato.