



SAPIENZA  
UNIVERSITÀ DI ROMA  
DIPARTIMENTO DI INFORMATICA

# Architettura degli Elaboratori

## Lez. 7 – Esercizi Assembler

Prof. Andrea Sterbini – [sterbini@di.uniroma1.it](mailto:sterbini@di.uniroma1.it)



# Argomenti

---

- ▶ **Argomenti della lezione**

- Soluzione esercizio per casa
- Esercizi vari di Assembler

- ▶ **NOTA:** i sorgenti dei programmi sono anche allegati alla lezione

# Argomenti

---

## ▶ Argomenti della lezione

- Soluzione esercizio per casa
- Esercizi vari di Assembler

▶ **NOTA:** i sorgenti dei programmi sono anche allegati alla lezione

### **Esercizio (esame del 8-7-13)**

Realizzare in assembler, sia in forma ricorsiva che in forma iterativa, la funzione GCD (massimo comun divisore di due interi positivi) definita come segue:

$$\mathbf{GCD(x, y) = x} \quad \mathbf{se\ x = y}$$

$$\mathbf{GCD(x, y) = GCD(y, x)} \quad \mathbf{se\ x > y}$$

$$\mathbf{GCD(x, y) = GCD(x, y - x)} \quad \mathbf{se\ x < y}$$

Esempio di esecuzione

$$\begin{aligned} \mathbf{GCD( 120, 105 ) = GCD( 105, 120 ) = GCD( 105, 15 ) = GCD( 15, 105 ) = GCD( 15, 90 ) =} \\ \mathbf{GCD( 15, 75 ) = GCD( 15, 60 ) = GCD( 15, 45 ) = GCD( 15, 30 ) = GCD( 15, 15 ) = 15} \end{aligned}$$

# GCD: tail recursion optimization

```
# versione ricorsiva
GCD:
    bne $a0,$a1, x_diverso_y
    # GCD(x, x) = x
    move $v0, $a0 # caso base
    jr  $ra
```

# GCD: tail recursion optimization

```
# versione ricorsiva
GCD:
    bne $a0,$a1, x_diverso_y
    # GCD(x, x) = x
    move $v0, $a0 # caso base
    jr  $ra
x_diverso_y: # caso_ricorsivo
    subi $sp, $sp, 4
    sw  $ra, 0($sp)
```

# GCD: tail recursion optimization

```
# versione ricorsiva
GCD:
    bne $a0,$a1, x_diverso_y
    # GCD(x, x) = x
    move $v0, $a0 # caso base
    jr  $ra
x_diverso_y: # caso_ricorsivo
    subi $sp, $sp, 4
    sw  $ra, 0($sp)
    bgt $a0, $a1, x_maggiore_y
```

# GCD: tail recursion optimization

```
# versione ricorsiva
GCD:
    bne $a0,$a1, x_diverso_y
    # GCD(x, x) = x
    move $v0, $a0 # caso base
    jr  $ra
x_diverso_y: # caso_ricorsivo
    subi $sp, $sp, 4
    sw  $ra, 0($sp)
    bgt $a0, $a1, x_maggiore_y
    sub $a1, $a1, $a0
    jal GCD      # GCD(x, y-x)
    j   esci
```

# GCD: tail recursion optimization

```
# versione ricorsiva
GCD:
    bne $a0,$a1, x_diverso_y
    # GCD(x, x) = x
    move $v0, $a0 # caso base
    jr $ra
x_diverso_y: # caso_ricorsivo
    subi $sp, $sp, 4
    sw $ra, 0($sp)
    bgt $a0, $a1, x_maggiore_y
    sub $a1, $a1, $a0
    jal GCD # GCD(x, y-x)
    j esci

esci:
    lw $ra, 0($sp)
    addi $sp, $sp, 4
    jr $ra
```



# GCD: tail recursion optimization

```
# versione ricorsiva
GCD:
    bne $a0,$a1, x_diverso_y
    # GCD(x, x) = x
    move $v0, $a0 # caso base
    jr $ra
x_diverso_y: # caso_ricorsivo
    subi $sp, $sp, 4
    sw $ra, 0($sp)
    bgt $a0, $a1, x_maggiore_y
    sub $a1, $a1, $a0
    jal GCD # GCD(x, y-x)
    j esci
x_maggiore_y:
    move $v0, $a0
    move $a0, $a1
    move $a1, $v0
    jal GCD # GCD(y, x)
esci:
    lw $ra, 0($sp)
    addi $sp, $sp, 4
    jr $ra
```

# GCD: tail recursion optimization

```
# versione ricorsiva
GCD:
    bne $a0,$a1, x_diverso_y
    # GCD(x, x) = x
    move $v0, $a0 # caso base
    jr $ra
x_diverso_y: # caso_ricorsivo
    subi $sp, $sp, 4
    sw $ra, 0($sp)
    bgt $a0, $a1, x_maggiore_y
    sub $a1, $a1, $a0
    jal GCD # GCD(x, y-x)
    j esci
x_maggiore_y:
    move $v0, $a0
    move $a0, $a1
    move $a1, $v0
    jal GCD # GCD(y, x)
esci:
    lw $ra, 0($sp)
    addi $sp, $sp, 4
    jr $ra
```

*NOTA: non ci sono operazioni dopo la chiamata ricorsiva per cui il secondo ciclo non è necessario*

# GCD: tail recursion optimization

```
# versione ricorsiva
GCD:
    bne $a0,$a1, x_diverso_y
    # GCD(x, x) = x
    move $v0, $a0 # caso base
    jr $ra
x_diverso_y: # caso_ricorsivo
    subi $sp, $sp, 4
    sw $ra, 0($sp)
    bgt $a0, $a1, x_maggiore_y
    sub $a1, $a1, $a0
    jal GCD # GCD(x, y-x)
    j esci
x_maggiore_y:
    move $v0, $a0
    move $a0, $a1
    move $a1, $v0
    jal GCD # GCD(y, x)
esci:
    lw $ra, 0($sp)
    addi $sp, $sp, 4
    jr $ra
```

```
# versione iterativa
GCD:
    bne $a0, $a1, x_diverso_y
    # GCD(x, x) = x
    move $v0, $a0 # caso base
    jr $ra
```

*NOTA: non ci sono operazioni dopo la chiamata ricorsiva per cui il secondo ciclo non è necessario*

# GCD: tail recursion optimization

```
# versione ricorsiva
GCD:
    bne $a0,$a1, x_diverso_y
    # GCD(x, x) = x
    move $v0, $a0 # caso base
    jr $ra
x_diverso_y: # caso_ricorsivo
    subi $sp, $sp, 4
    sw $ra, 0($sp)
    bgt $a0, $a1, x_maggiore_y
    sub $a1, $a1, $a0
    jal GCD # GCD(x, y-x)
    j esci
x_maggiore_y:
    move $v0, $a0
    move $a0, $a1
    move $a1, $v0
    jal GCD # GCD(y, x)
esci:
    lw $ra, 0($sp)
    addi $sp, $sp, 4
    jr $ra
```

```
# versione iterativa
GCD:
    bne $a0, $a1, x_diverso_y
    # GCD(x, x) = x
    move $v0, $a0 # caso base
    jr $ra
x_diverso_y:

    bgt $a0, $a1, x_maggiore_y
    sub $a1, $a1, $a0
    j GCD # GCD(x, y-x)
```

*NOTA: non ci sono operazioni dopo la chiamata ricorsiva per cui il secondo ciclo non è necessario*

# GCD: tail recursion optimization

```
# versione ricorsiva
GCD:
    bne $a0,$a1, x_diverso_y
    # GCD(x, x) = x
    move $v0, $a0 # caso base
    jr $ra
x_diverso_y: # caso_ricorsivo
    subi $sp, $sp, 4
    sw $ra, 0($sp)
    bgt $a0, $a1, x_maggiore_y
    sub $a1, $a1, $a0
    jal GCD # GCD(x, y-x)
    j esci
x_maggiore_y:
    move $v0, $a0
    move $a0, $a1
    move $a1, $v0
    jal GCD # GCD(y, x)
esci:
    lw $ra, 0($sp)
    addi $sp, $sp, 4
    jr $ra
```

```
# versione iterativa
GCD:
    bne $a0, $a1, x_diverso_y
    # GCD(x, x) = x
    move $v0, $a0 # caso base
    jr $ra
x_diverso_y:

    bgt $a0, $a1, x_maggiore_y
    sub $a1, $a1, $a0
    j GCD # GCD(x, y-x)

x_maggiore_y:
    move $v0, $a0
    move $a0, $a1
    move $a1, $v0
    j GCD # GCD(y, x)
```

NOTA: non ci sono operazioni dopo la chiamata ricorsiva per cui il secondo ciclo non è necessario

# Raggruppalettere (esame 21-7-14)

---

▶ Si realizzi la funzione RICORSIVA **raggruppalettere** che raggruppa le lettere di una stringa mettendo:

▶- prima le lettere (ovvero i caratteri compresi tra 'a' e 'z' e tra 'A' e 'Z')

▶- poi i restanti caratteri (tutto il testo comprese lettere accentate, cifre, interpunzione o altro)

▶ **NOTA:** l'ordine dei caratteri in ciascuno dei due gruppi non è importante

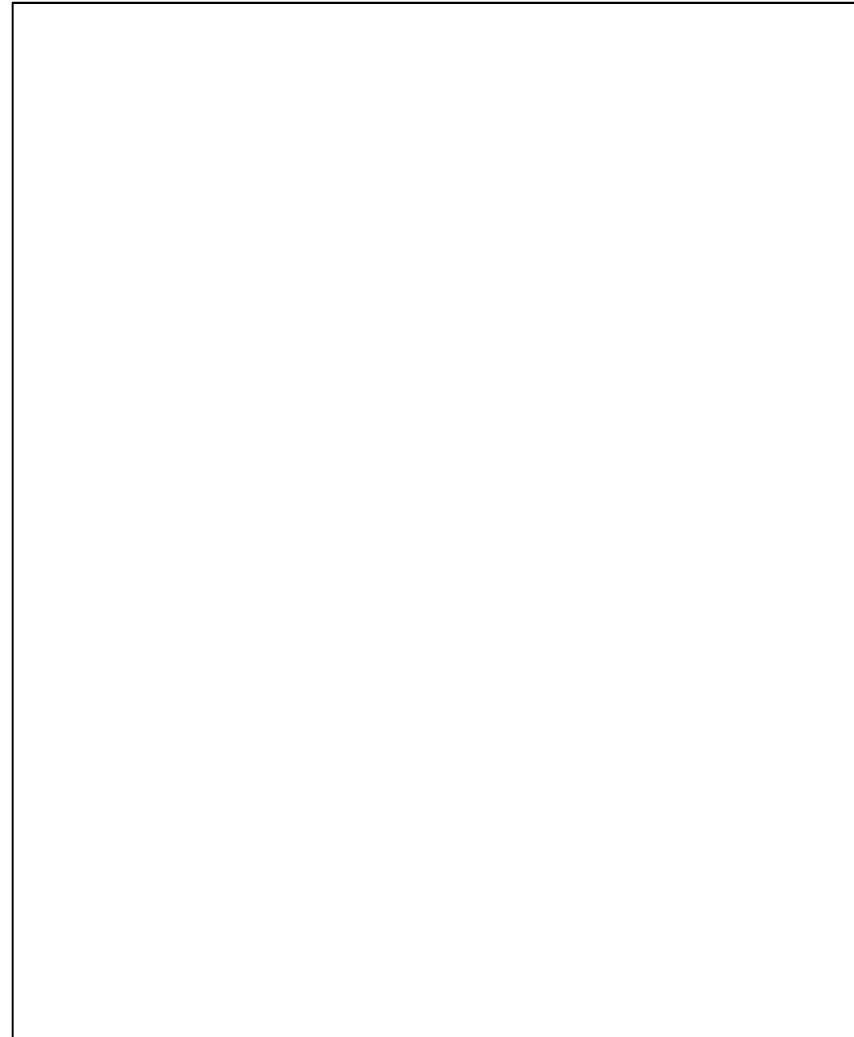
▶ **Argomenti da passare (o altro se preferite):**

-indirizzo della stringa

-suo numero di caratteri

▶ **Risultato da tornare:**

-nessuno (la stringa va modificata in memoria)



# Raggruppalettere (esame 21-7-14)

▶ Si realizzi la funzione RICORSIVA **raggruppalettere** che raggruppa le lettere di una stringa mettendo:

▶- prima le lettere (ovvero i caratteri compresi tra 'a' e 'z' e tra 'A' e 'Z')

▶- poi i restanti caratteri (tutto il testo comprese lettere accentate, cifre, interpunzione o altro)

▶ **NOTA:** l'ordine dei caratteri in ciascuno dei due gruppi non è importante

▶ **Argomenti da passare (o altro se preferite):**

-indirizzo della stringa

-suo numero di caratteri

▶ **Risultato da tornare:**

-nessuno (la stringa va modificata in memoria)

▶ **Esempio di algoritmo ricorsivo:**

-se la stringa è lunga 1 o 0 caratteri torna senza fare nulla (è già ordinata)

# Raggruppalettere (esame 21-7-14)

▶ Si realizzi la funzione RICORSIVA **raggruppalettere** che raggruppa le lettere di una stringa mettendo:

▶- prima le lettere (ovvero i caratteri compresi tra 'a' e 'z' e tra 'A' e 'Z')

▶- poi i restanti caratteri (tutto il testo comprese lettere accentate, cifre, interpunzione o altro)

▶ **NOTA:** l'ordine dei caratteri in ciascuno dei due gruppi non è importante

▶ **Argomenti da passare (o altro se preferite):**

-indirizzo della stringa

-suo numero di caratteri

▶ **Risultato da tornare:**

-nessuno (la stringa va modificata in memoria)

▶ **Esempio di algoritmo ricorsivo:**

-se la stringa è lunga 1 o 0 caratteri torna senza fare nulla (è già ordinata)

-se il primo carattere è una lettera esegui raggruppalettere sul resto della stringa (la prima lettera è già al suo posto)



# Raggruppalettere (esame 21-7-14)

▶ Si realizzi la funzione RICORSIVA **raggruppalettere** che raggruppa le lettere di una stringa mettendo:

▶- prima le lettere (ovvero i caratteri compresi tra 'a' e 'z' e tra 'A' e 'Z')

▶- poi i restanti caratteri (tutto il testo comprese lettere accentate, cifre, interpunzione o altro)

▶ **NOTA:** l'ordine dei caratteri in ciascuno dei due gruppi non è importante

▶ **Argomenti da passare (o altro se preferite):**

-indirizzo della stringa

-suo numero di caratteri

▶ **Risultato da tornare:**

-nessuno (la stringa va modificata in memoria)

▶ **Esempio di algoritmo ricorsivo:**

-se la stringa è lunga 1 o 0 caratteri torna senza fare nulla (è già ordinata)

-se il primo carattere è una lettera esegui raggruppalettere sul resto della stringa (la prima lettera è già al suo posto)

-se il primo carattere non è una lettera scambiala con l'ultima ed esegui raggruppalettere sul resto della stringa più corta di un carattere (l'ultima è stata messa a posto, e del primo non sappiamo nulla)

# Raggruppalettere (esame 21-7-14)

▶ Si realizzi la funzione RICORSIVA **raggruppalettere** che raggruppa le lettere di una stringa mettendo:

▶- prima le lettere (ovvero i caratteri compresi tra 'a' e 'z' e tra 'A' e 'Z')

▶- poi i restanti caratteri (tutto il testo comprese lettere accentate, cifre, interpunzione o altro)

▶ **NOTA:** l'ordine dei caratteri in ciascuno dei due gruppi non è importante

▶ **Argomenti da passare (o altro se preferite):**

-indirizzo della stringa

-suo numero di caratteri

▶ **Risultato da tornare:**

-nessuno (la stringa va modificata in memoria)

▶ **Esempio di algoritmo ricorsivo:**

-se la stringa è lunga 1 o 0 caratteri torna senza fare nulla (è già ordinata)

-se il primo carattere è una lettera esegui raggruppalettere sul resto della stringa (la prima lettera è già al suo posto)

-se il primo carattere non è una lettera scambiala con l'ultima ed esegui raggruppalettere sul resto della stringa più corta di un carattere (l'ultima è stata messa a posto, e del primo non sappiamo nulla)

▶ **Esempio di algoritmo iterativo:**

# Raggruppalettere (esame 21-7-14)

▶ Si realizzi la funzione RICORSIVA **raggruppalettere** che raggruppa le lettere di una stringa mettendo:

▶- prima le lettere (ovvero i caratteri compresi tra 'a' e 'z' e tra 'A' e 'Z')

▶- poi i restanti caratteri (tutto il testo comprese lettere accentate, cifre, interpunzione o altro)

▶ **NOTA:** l'ordine dei caratteri in ciascuno dei due gruppi non è importante

▶ **Argomenti da passare (o altro se preferite):**

-indirizzo della stringa

-suo numero di caratteri

▶ **Risultato da tornare:**

-nessuno (la stringa va modificata in memoria)

▶ **Esempio di algoritmo ricorsivo:**

-se la stringa è lunga 1 o 0 caratteri torna senza fare nulla (è già ordinata)

-se il primo carattere è una lettera esegui raggruppalettere sul resto della stringa (la prima lettera è già al suo posto)

-se il primo carattere non è una lettera scambiala con l'ultima ed esegui raggruppalettere sul resto della stringa più corta di un carattere (l'ultima è stata messa a posto, e del primo non sappiamo nulla)

▶ **Esempio di algoritmo iterativo:**

-Scandisco i caratteri e sposto in fondo quelli che non sono lettere

# Raggruppalettere (esame 21-7-14)

▶ Si realizzi la funzione RICORSIVA **raggruppalettere** che raggruppa le lettere di una stringa mettendo:

▶- prima le lettere (ovvero i caratteri compresi tra 'a' e 'z' e tra 'A' e 'Z')

▶- poi i restanti caratteri (tutto il testo comprese lettere accentate, cifre, interpunzione o altro)

▶ **NOTA:** l'ordine dei caratteri in ciascuno dei due gruppi non è importante

▶ **Argomenti da passare (o altro se preferite):**

-indirizzo della stringa

-suo numero di caratteri

▶ **Risultato da tornare:**

-nessuno (la stringa va modificata in memoria)

▶ **Esempio di algoritmo ricorsivo:**

-se la stringa è lunga 1 o 0 caratteri torna senza fare nulla (è già ordinata)

-se il primo carattere è una lettera esegui raggruppalettere sul resto della stringa (la prima lettera è già al suo posto)

-se il primo carattere non è una lettera scambiala con l'ultima ed esegui raggruppalettere sul resto della stringa più corta di un carattere (l'ultima è stata messa a posto, e del primo non sappiamo nulla)

▶ **Esempio di algoritmo iterativo:**

-Scandisco i caratteri e sposto in fondo quelli che non sono lettere

-(servono due indici a inizio e fine)

# Esempio

---

- ▶ Esempio di input

3	3		3	0	i	n	i		e	n	t	r	a	r	1		@		3	n	t	o	
---	---	--	---	---	---	---	---	--	---	---	---	---	---	---	---	--	---	--	---	---	---	---	--

- ▶ Esempio di output (anche altri ordinamenti sono validi)

i	n	i	e	n	t	r	a	r	n	t	o	3	3		3	0		1		@		3	
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	--	---	---	--	---	--	---	--	---	--

# Esempio

## ▶ Esempio di input

3 3 3 0 i n i e n t r a r 1 @ 3 n t o

## ▶ Esempio di output (anche altri ordinamenti sono validi)

i n i e n t r a r n t o 3 3 3 0 1 @ 3

```
.text
is_lettera:      # registri modificati: $t0..$t3 e $ra
    sge $t0, $a0, 'a'      # se il carattere è compreso tra 'a'
    sle $t1, $a0, 'z'      # e 'z' è una minuscola
    sge $t2, $a0, 'A'      # oppure tra 'A'
    sle $t3, $a0, 'Z'      # e 'Z' è maiuscola
    and $t0, $t0, $t1      # se è minuscola
    and $t1, $t2, $t3      # oppure maiuscola
    or  $v0, $t0, $t1      # allora è una lettera
    jr  $ra
```

# Versione iterativa

---

```
raggruppalettere: # $a0, $a1 indici del primo e ultimo carattere  
    blt    $a0, $a1, ancora    # ancora caratteri da esaminare?  
    jr     $ra
```

# Versione iterativa

---

```
raggruppalettere: # $a0, $a1 indici del primo e ultimo carattere  
    blt    $a0, $a1, ancora    # ancora caratteri da esaminare?  
    jr     $ra  
ancora:
```



# Versione iterativa

```
raggruppalettere: # $a0, $a1 indici del primo e ultimo carattere
    blt    $a0, $a1, ancora    # ancora caratteri da esaminare?
    jr     $ra
ancora:
    # qui devo preservare $a0 e $ra su stack
    lb     $a0, stringa($a0)    # leggo il primo carattere
    jal    is_lettera          # vedo se è una lettera
    # qui devo ripristinare $a0 e $ra da stack
```

# Versione iterativa

```
raggruppalettere: # $a0, $a1 indici del primo e ultimo carattere
    blt    $a0, $a1, ancora    # ancora caratteri da esaminare?
    jr     $ra
ancora:
    # qui devo preservare $a0 e $ra su stack
    lb     $a0, stringa($a0)    # leggo il primo carattere
    jal    is_lettera           # vedo se è una lettera
    # qui devo ripristinare $a0 e $ra da stack
    beqz   $v0, scambia         # se non lo è lo scambio con l'ultimo
```

# Versione iterativa

```
raggruppalettere: # $a0, $a1 indici del primo e ultimo carattere
    blt    $a0, $a1, ancora      # ancora caratteri da esaminare?
    jr    $ra
ancora:
    # qui devo preservare $a0 e $ra su stack
    lb    $a0, stringa($a0)      # leggo il primo carattere
    jal   is_lettera              # vedo se è una lettera
    # qui devo ripristinare $a0 e $ra da stack
    beqz  $v0, scambia           # se non lo è lo scambio con l'ultimo
    addi  $a0, $a0, 1             # la prima è una lettera x cui avanzo
    j     raggruppalettere        # continuo
```

# Versione iterativa

```
raggruppalettere: # $a0, $a1 indici del primo e ultimo carattere
    blt    $a0, $a1, ancora      # ancora caratteri da esaminare?
    jr    $ra
ancora:
    # qui devo preservare $a0 e $ra su stack
    lb    $a0, stringa($a0)      # leggo il primo carattere
    jal   is_lettera              # vedo se è una lettera
    # qui devo ripristinare $a0 e $ra da stack
    beqz  $v0, scambia           # se non lo è lo scambio con l'ultimo
    addi  $a0, $a0, 1             # la prima è una lettera x cui avanzo
    j     raggruppalettere        # continuo
scambia:
```

# Versione iterativa

```
raggruppalettere: # $a0, $a1 indici del primo e ultimo carattere
    blt    $a0, $a1, ancora    # ancora caratteri da esaminare?
    jr     $ra
ancora:
    # qui devo preservare $a0 e $ra su stack
    lb     $a0, stringa($a0)    # leggo il primo carattere
    jal    is_lettera          # vedo se è una lettera
    # qui devo ripristinare $a0 e $ra da stack
    beqz   $v0, scambia        # se non lo è lo scambio con l'ultimo
    addi   $a0, $a0, 1         # la prima è una lettera x cui avanzo
    j      raggruppalettere    # continuo
scambia:
    lb     $t0, stringa($a0)    # leggo il primo carattere
    lb     $t1, stringa($a1)    # leggo l'ultimo carattere
    sb     $t0, stringa($a1)    # lo sostituisco col primo
    sb     $t1, stringa($a0)    # sostituisco il secondo al I°
```

# Versione iterativa

```
raggruppalettere: # $a0, $a1 indici del primo e ultimo carattere
    blt    $a0, $a1, ancora    # ancora caratteri da esaminare?
    jr     $ra
ancora:
    # qui devo preservare $a0 e $ra su stack
    lb     $a0, stringa($a0)    # leggo il primo carattere
    jal    is_lettera          # vedo se è una lettera
    # qui devo ripristinare $a0 e $ra da stack
    beqz   $v0, scambia        # se non lo è lo scambio con l'ultimo
    addi   $a0, $a0, 1          # la prima è una lettera x cui avanzo
    j      raggruppalettere    # continuo
scambia:
    lb     $t0, stringa($a0)    # leggo il primo carattere
    lb     $t1, stringa($a1)    # leggo l'ultimo carattere
    sb     $t0, stringa($a1)    # lo sostituisco col primo
    sb     $t1, stringa($a0)    # sostituisco il secondo al I°
    subi   $a1, $a1, 1          # diminuisco il secondo indice
    j      raggruppalettere    # continuo
```

# Versione ricorsiva

---



# Versione ricorsiva

*raggruppalettere:*

# \$a0, \$a1 indici del primo e ultimo carattere

**blt**    **\$a0**, **\$a1**, *caso\_ric*    # non sono finiti i caratteri?

**jr**     **\$ra**                            # caso base, nulla da fare



# Versione ricorsiva

*raggruppalettere:*

```
# $a0, $a1 indici del primo e ultimo carattere
blt  $a0, $a1, caso_ric  # non sono finiti i caratteri?
jr   $ra                 # caso base, nulla da fare
```

*caso\_ric:*

```
# qui devo preservare $a0 e $ra su stack
lb   $a0, stringa($a0)  # leggo il primo carattere
jal  is_lettera         # vedo se è una lettera
lw   $a0, 4($sp)        # recupero $a0 che serve dopo
beqz $v0, scambia       # se non lo è scambio con l'ultimo
addi $a0, $a0, 1        # la prima è una lettera e avanzo
jal  raggruppalettere   # continuo con chiamata ricorsiva
# qui devo ripristinare $a0 e $ra da stack
jr   $ra                 # caso base, nulla da fare
```

## Secondo caso ricorsivo

*scambia:*

```
# scambio primo e ultimo carattere (che va nella parte  
delle NON-lettere)
```

```
lb    $t0, stringa($a0) # leggo il primo carattere  
lb    $t1, stringa($a1) # leggo l'ultimo carattere  
sb    $t0, stringa($a1) # lo sostituisco col primo  
sb    $t1, stringa($a0) # sostituisco il secondo al I°
```

## Secondo caso ricorsivo

*scambia:*

```
# scambio primo e ultimo carattere (che va nella parte  
delle NON-lettere)
```

```
lb    $t0, stringa($a0) # leggo il primo carattere
```

```
lb    $t1, stringa($a1) # leggo l'ultimo carattere
```

```
sb    $t0, stringa($a1) # lo sostituisco col primo
```

```
sb    $t1, stringa($a0) # sostituisco il secondo al 1°
```

```
# e vado avanti a risolvere il resto della stringa
```

```
subi  $a1, $a1, 1      # diminuisco il secondo indice
```

```
jal   raggruppalettere # continuo
```

```
#qui devo ripristinare $ra e $a0 da stack
```

```
jr    $ra
```

## Secondo caso ricorsivo

*scambia:*

```
# scambio primo e ultimo carattere (che va nella parte  
delle NON-lettere)
```

```
lb    $t0, stringa($a0) # leggo il primo carattere
```

```
lb    $t1, stringa($a1) # leggo l'ultimo carattere
```

```
sb    $t0, stringa($a1) # lo sostituisco col primo
```

```
sb    $t1, stringa($a0) # sostituisco il secondo al 1°
```

```
# e vado avanti a risolvere il resto della stringa
```

```
subi  $a1, $a1, 1      # diminuisco il secondo indice
```

```
jal   raggruppalettere # continuo
```

```
#qui devo ripristinare $ra e $a0 da stack
```

```
jr    $ra
```

NOTA: anche in questo caso non ci sono istruzioni dopo la ricorsione quindi è possibile usare l'ottimizzazione della ricorsione di coda per eliminare la ricorsione

facilmente

# ContaLettere (esame 21-7-14)

---

▶ Si realizzi la funzione **RICORSIVA contaLettere** che conta il numero di lettere, cifre ed altri caratteri nella stringa:

▶ **Caso base:** se la stringa è finita (il carattere corrente è 0) torna la tripla <0, 0, 0>

▶ **Caso ricorsivo:** altrimenti chiama contaLettere sul resto della stringa e:

a) se la prima lettera è una lettera (tra 'a' e 'z' e tra 'A' e 'Z') somma 1 al primo valore tornato

b) se la prima lettera è una cifra (tra '0' e '9') somma 1 al secondo valore tornato

c) altrimenti somma 1 al terzo valore tornato

▶ **Argomenti da passare:**

-indirizzo della stringa

-suo numero di caratteri

▶ **Risultato da tornare:**

-la terna < #lettere, #cifre, #altro >

▶ **NOTA:** per semplicità per tornare i 3 valori usiamo 3 registri \$v0, \$v1, \$s0 invece che lo stack

▶

# Versione ricorsiva: caso base

*is\_between:*

```
# torna $s1=1 se $a1 è nell'intervallo [$a2, $a3]
li    $s1, 0          # NO (0)
blt   $a1, $a2, NO    # se $a0 è minore di $a1 → 0
bgt   $a1, $a3, NO    # se $a0 è maggiore di $a2 → 0
li    $s1, 1          # altrimenti SI (1)
NO: jr $ra            # registri modificati: $s1 e $ra
```

# Versione ricorsiva: caso base

*is\_between:*

```
# torna $s1=1 se $a1 è nell'intervallo [$a2, $a3]
li    $s1, 0          # NO (0)
blt   $a1, $a2, NO   # se $a0 è minore di $a1 → 0
bgt   $a1, $a3, NO   # se $a0 è maggiore di $a2 → 0
li    $s1, 1          # altrimenti SI (1)
NO: jr   $ra          # registri modificati: $s1 e $ra
```

# Versione ricorsiva: caso base

*is\_between:*

```
# torna $s1=1 se $a1 è nell'intervallo [$a2, $a3]
li    $s1, 0          # NO (0)
blt   $a1, $a2, NO    # se $a0 è minore di $a1 → 0
bgt   $a1, $a3, NO    # se $a0 è maggiore di $a2 → 0
li    $s1, 1          # altrimenti SI (1)
NO: jr $ra            # registri modificati: $s1 e $ra
```



# Versione ricorsiva: caso base

*is\_between:*

```
# torna $s1=1 se $a1 è nell'intervallo [$a2, $a3]
li    $s1, 0          # NO (0)
blt   $a1, $a2, NO    # se $a0 è minore di $a1 → 0
bgt   $a1, $a3, NO    # se $a0 è maggiore di $a2 → 0
li    $s1, 1          # altrimenti SI (1)
NO: jr $ra            # registri modificati: $s1 e $ra
```

# Contalettere: caso ricorsivo

---

*ancora:*

```
addi $a0, $a0, 1      # vado avanti di un carattere  
jal  contalettere    # conto il resto delle lettere
```

# Contalettere: caso ricorsivo

*ancora:*

```
addi $a0, $a0, 1      # vado avanti di un carattere
jal  contalettere    # conto il resto delle lettere
# analizzo il primo carattere ($a1) per sapere dove sommare 1
li   $a2, 'a'        # estremo inferiore
li   $a3, 'z'        # estremo superiore
jal  is_between      # è una lettera minuscola?
```

# Contalettere: caso ricorsivo

*ancora:*

```
addi $a0, $a0, 1      # vado avanti di un carattere
jal  contalettere    # conto il resto delle lettere
# analizzo il primo carattere ($a1) per sapere dove sommare 1
li   $a2, 'a'        # estremo inferiore
li   $a3, 'z'        # estremo superiore
jal  is_between      # è una lettera minuscola?
beqz $s1, non_minuscola # se non lo è vado avanti
addi $v0, $v0, 1     # se lo è sommo 1 al n° di lettere
j    fine_ricorsione # i ripristini sono tutti assieme
```

# Contalettere: caso ricorsivo

*ancora:*

```
addi $a0, $a0, 1      # vado avanti di un carattere
jal  contalettere    # conto il resto delle lettere
# analizzo il primo carattere ($a1) per sapere dove sommare 1
li   $a2, 'a'        # estremo inferiore
li   $a3, 'z'        # estremo superiore
jal  is_between      # è una lettera minuscola?
beqz $s1, non_minuscola # se non lo è vado avanti
addi $v0, $v0, 1     # se lo è sommo 1 al n° di lettere
j    fine_ricorsione # i ripristini sono tutti assieme
```

*non\_minuscola:*

```
li   $a2, 'A'        # estremo inferiore
li   $a3, 'Z'        # estremo superiore
jal  is_between      # è una lettera maiuscola?
```

# Contalettere: caso ricorsivo

*ancora:*

```
addi $a0, $a0, 1      # vado avanti di un carattere
jal  contalettere    # conto il resto delle lettere
# analizzo il primo carattere ($a1) per sapere dove sommare 1
li   $a2, 'a'        # estremo inferiore
li   $a3, 'z'        # estremo superiore
jal  is_between      # è una lettera minuscola?
beqz $s1, non_minuscola # se non lo è vado avanti
addi $v0, $v0, 1     # se lo è sommo 1 al n° di lettere
j    fine_ricorsione # i ripristini sono tutti assieme
```

*non\_minuscola:*

```
li   $a2, 'A'        # estremo inferiore
li   $a3, 'Z'        # estremo superiore
jal  is_between      # è una lettera maiuscola?
beqz $s1, non_lettera # se non lo è vado avanti
```

```
addi $v0, $v0, 1     # se lo è sommo 1 al n° di lettere
```

▶ 11 

```
j    fine_ricorsione # metto i ripristini tutti assieme
```

# Contalettere: fine caso ricorsivo

---



# Contalettere: fine caso ricorsivo

---

```
non_lettera:
```

```
li    $a2, '0'    # estremo inferiore
```

```
li    $a3, '9'    # estremo superiore
```

```
jal   is_between    # è una cifra?
```



# Contalettere: fine caso ricorsivo

*non\_lettera:*

```
li    $a2, `0'      # estremo inferiore
li    $a3, `9'      # estremo superiore
jal   is_between   # è una cifra?
beqz  $s1, altro    # se non lo è vado avanti
addi  $v1, $v1, 1   # se lo è sommo 1 al n° di cifre
j     fine_ricorsione # i ripristini sono tutti assieme
```

# Contalettere: fine caso ricorsivo

*non\_lettera:*

```
li    $a2, `0'    # estremo inferiore
li    $a3, `9'    # estremo superiore
jal   is_between  # è una cifra?
beqz  $s1, altro  # se non lo è vado avanti
addi  $v1, $v1, 1 # se lo è sommo 1 al n° di cifre
j     fine_ricorsione # i ripristini sono tutti assieme
```

*altro:*

```
addi  $s0, $s0, 1 # sommo 1 al n° di altre lettere
```

# Contalettere: fine caso ricorsivo

*non\_lettera:*

```
li    $a2, `0'      # estremo inferiore
li    $a3, `9'      # estremo superiore
jal   is_between    # è una cifra?
beqz  $s1, altro    # se non lo è vado avanti
addi  $v1, $v1, 1   # se lo è sommo 1 al n° di cifre
j     fine_ricorsione # i ripristini sono tutti assieme
```

*altro:*

```
addi  $s0, $s0, 1   # sommo 1 al n° di altre lettere
```

*fine\_ricorsione:*

```
lw    $a1, 0($sp)   # ripristino $a0
lw    $ra, 4($sp)   # ripristino $ra
addi  $sp, $sp, 8   # disalloco le 2 word
```

▶ 12 jr \$ra