



SAPIENZA  
UNIVERSITÀ DI ROMA  
DIPARTIMENTO DI INFORMATICA

# Architettura degli Elaboratori

## Lez. 4 – ASM: Vettori e Matrici

Prof. Andrea Sterbini – [sterbini@di.uniroma1.it](mailto:sterbini@di.uniroma1.it)



# Argomenti

---

## ▶ **Argomenti della lezione**

- Vettori: manipolazione con indici e con puntatori
- Matrici a 2, 3 ed N dimensioni
- Esempi di programmi

# Argomenti

---

## ▶ Argomenti della lezione

- Vettori: manipolazione con indici e con puntatori
- Matrici a 2, 3 ed N dimensioni
- Esempi di programmi

## ▶ Vettore:

sequenza di **N elementi** di dimensioni uguali

consecutivi in memoria

indirizzabili per indice (da 0 a N-1)

dimensione totale =  $N * \text{dimensione\_elemento}$

# Argomenti

---

## ▶ Argomenti della lezione

- Vettori: manipolazione con indici e con puntatori
- Matrici a 2, 3 ed N dimensioni
- Esempi di programmi

## ▶ Vettore:

sequenza di **N elementi** di dimensioni uguali

consecutivi in memoria

indirizzabili per indice (da 0 a N-1)

dimensione totale =  $N * \text{dimensione\_elemento}$

- ▶ Si possono definire staticamente nella zona **.data** del programma assembly usando una **etichetta** per indicare l'**indirizzo del primo elemento** del vettore

# Argomenti

---

## ▶ Argomenti della lezione

- Vettori: manipolazione con indici e con puntatori
- Matrici a 2, 3 ed N dimensioni
- Esempi di programmi

## ▶ Vettore:

sequenza di **N elementi** di dimensioni uguali

consecutivi in memoria

indirizzabili per indice (da 0 a N-1)

dimensione totale =  $N * \text{dimensione\_elemento}$

- ▶ Si possono definire staticamente nella zona **.data** del programma assembly usando una **etichetta** per indicare l'**indirizzo del primo elemento** del vettore
- ▶ Per indirizzare l'**elemento i-esimo** bisogna aggiungere l'offset  **$i * \text{dimensione\_elemento}$**

# Vettori di byte in memoria

---

vettore di **byte** (valori interi da 0 a 255)

```
label1: .byte 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
```



# Vettori di byte in memoria

---

vettore di **byte** (valori interi da 0 a 255)

```
label1: .byte 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
```



# Vettori di byte in memoria

---

vettore di **byte** (valori interi da 0 a 255)

**label1:** `.byte 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9`



**testo:** vettore di caratteri (byte) seguiti da 0 (zero)

**label2:** `.asciiz "sopra la panca"`





# Vettori di byte in memoria

---

vettore di **byte** (valori interi da 0 a 255)

**label1:** `.byte 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9`

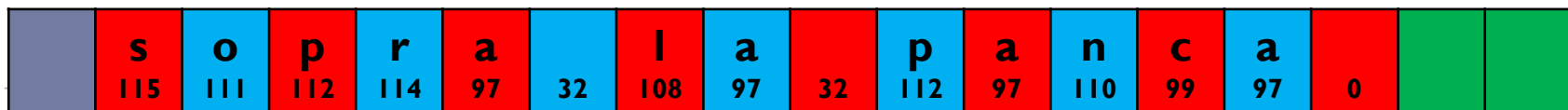


**testo:** vettore di caratteri (byte) seguiti da 0 (zero)

**label2:** `.asciiz "sopra la panca"`



Viene memorizzata come sequenza dei codici ASCII dei caratteri inseriti nella direttiva **.asciiz**



# Vettori di byte in memoria

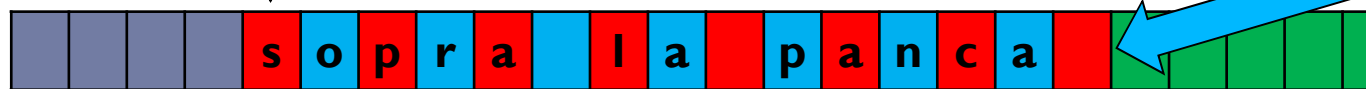
vettore di **byte** (valori interi da 0 a 255)

**label1:** `.byte` 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9

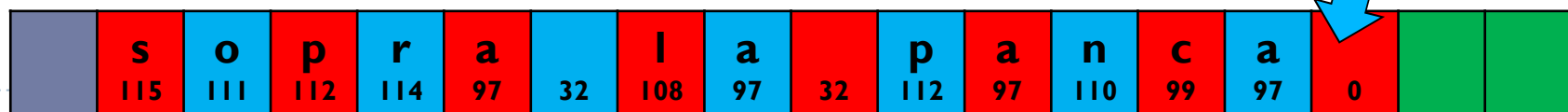


**testo:** vettore di caratteri (byte) seguiti da 0 (zero)

**label2:** `.asciiz` "sopra la panca" Codice 0 che ne indica la fine



Viene memorizzata come sequenza dei codici ASCII dei caratteri inseriti nella direttiva `.asciiz`



# Vettori di byte in memoria

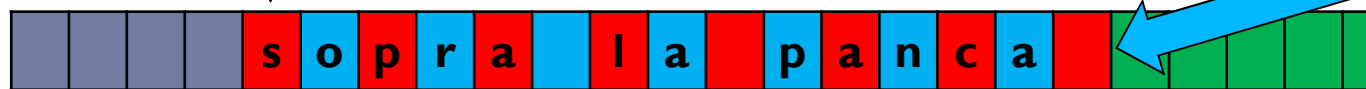
vettore di **byte** (valori interi da 0 a 255)

**label1:** `.byte` 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9

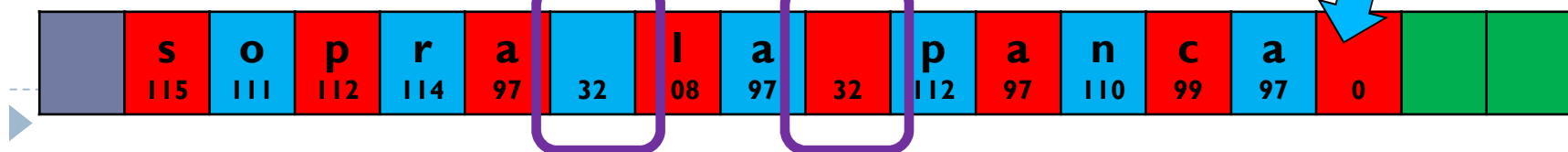


**testo:** vettore di caratteri (byte) seguiti da 0 (zero)

**label2:** `.asciiz` "sopra la panca" Codice 0 che ne indica la fine



Viene memorizzata come sequenza dei codici ASCII dei caratteri inseriti nella direttiva `.asciiz`



# I vettori di word

---

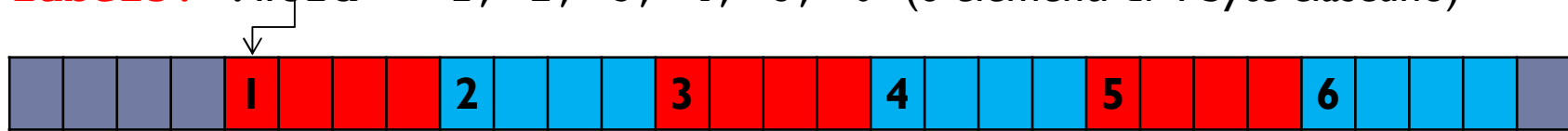
vettore di **word**, numeri a 32 bit in Ca2 (da  $-2^{31}$  a  $(2^{31})-1$  ) codificati in 4 byte

**label3:** `.word` 1, 2, 3, 4, 5, 6 (6 elementi di 4 byte ciascuno)

# I vettori di word

vettore di **word**, numeri a 32 bit in Ca2 (da  $-2^{31}$  a  $(2^{31})-1$ ) codificati in 4 byte

**label13:** `.word` 1, 2, 3, 4, 5, 6 (6 elementi di 4 byte ciascuno)

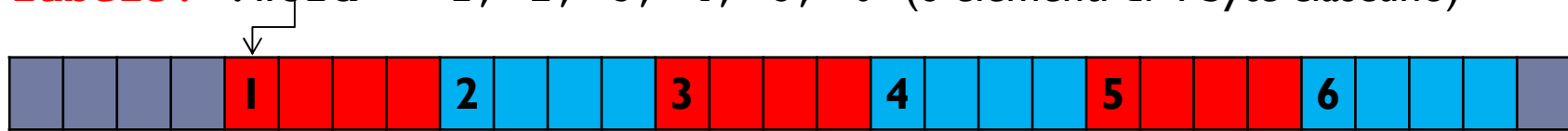


# I vettori di word

---

vettore di **word**, numeri a 32 bit in Ca2 (da  $-2^{31}$  a  $(2^{31})-1$ ) codificati in 4 byte

**label13:** `.word` 1, 2, 3, 4, 5, 6 (6 elementi di 4 byte ciascuno)

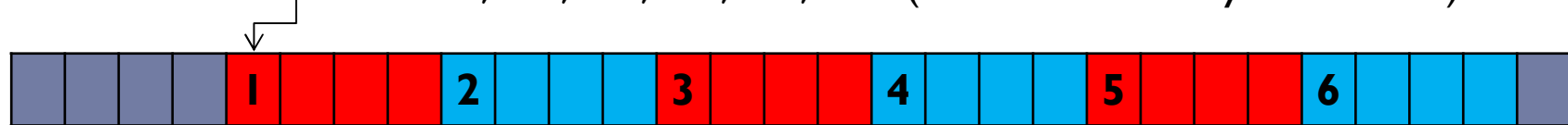


**label14:** `.word` 100:0 (100 elementi di valore 0)

# I vettori di word

vettore di **word**, numeri a 32 bit in Ca2 (da  $-2^{31}$  a  $+(2^{31})-1$ ) codificati in 4 byte

**label13:** `.word` 1, 2, 3, 4, 5, 6 (6 elementi di 4 byte ciascuno)



**label14:** `.word` 100:0 (100 elementi di valore 0)

Il processore MIPS permette l'ordinamento dei byte di una word nei due modi:

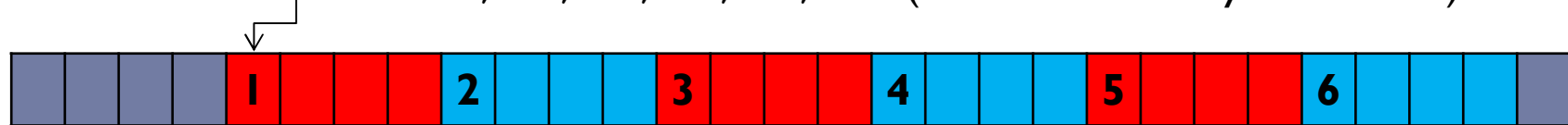
- **Big-endian** (o network-order, usato da Java e dalle CPU SPARC Sun/Oracle)

i byte della word sono memorizzati dal MSB (most significative byte) al LSB (least...)

# I vettori di word

vettore di **word**, numeri a 32 bit in Ca2 (da  $-2^{31}$  a  $+(2^{31})-1$ ) codificati in 4 byte

**label13:** `.word` 1, 2, 3, 4, 5, 6 (6 elementi di 4 byte ciascuno)



**label14:** `.word` 100:0 (100 elementi di valore 0)

Il processore MIPS permette l'ordinamento dei byte di una word nei due modi:

- **Big-endian** (o network-order, usato da Java e dalle CPU SPARC Sun/Oracle)

i byte della word sono memorizzati dal MSB (most significative byte) al LSB (least...)





# I vettori di word

vettore di **word**, numeri a 32 bit in Ca2 (da  $-2^{31}$  a  $+(2^{31})-1$ ) codificati in 4 byte

**label13:** `.word` 1, 2, 3, 4, 5, 6 (6 elementi di 4 byte ciascuno)



**label14:** `.word` 100:0 (100 elementi di valore 0)

Il processore MIPS permette l'ordinamento dei byte di una word nei due modi:

- **Big-endian** (o network-order, usato da Java e dalle CPU SPARC Sun/Oracle)

i byte della word sono memorizzati dal MSB (most significative byte) al LSB (least...)



- **Little-endian** (usato dalle CPU Intel, ovvero su OSX, Windows, ..., e da **MARS**)

i byte della word sono memorizzati dal LSB al MSB (ovvero a rovescio)

# I vettori di word

vettore di **word**, numeri a 32 bit in Ca2 (da  $-2^{31}$  a  $+(2^{31})-1$ ) codificati in 4 byte

**label13:** `.word` 1, 2, 3, 4, 5, 6 (6 elementi di 4 byte ciascuno)



**label14:** `.word` 100:0 (100 elementi di valore 0)

Il processore MIPS permette l'ordinamento dei byte di una word nei due modi:

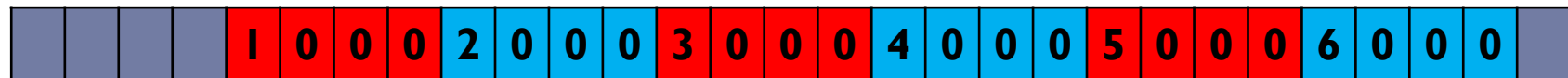
- **Big-endian** (o network-order, usato da Java e dalle CPU SPARC Sun/Oracle)

i byte della word sono memorizzati dal MSB (most significant byte) al LSB (least...)



- **Little-endian** (usato dalle CPU Intel, ovvero su OSX, Windows, ..., e da **MARS**)

i byte della word sono memorizzati dal LSB al MSB (ovvero a rovescio)



# MARS e i vettori

---

## **MARS è little-endian**

→ nella finestra dei dati le **stringhe** sono visualizzate come **gruppi di 4 caratteri rovesciati**

- per il resto non ci sono differenze (a meno che non vogliate accedere ai singoli byte di un dato memorizzato in una word)

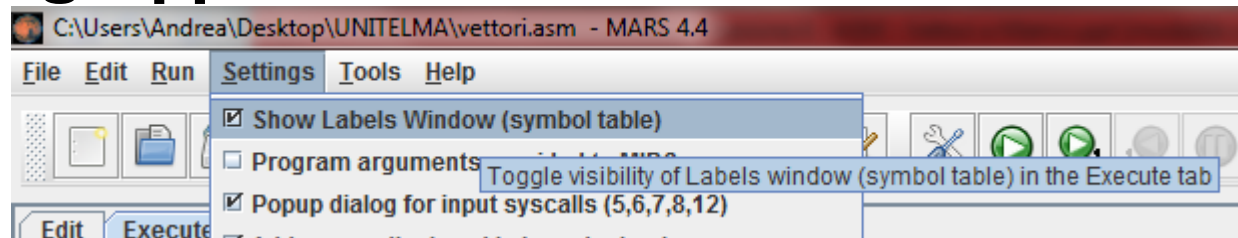
```
label1: .asciiz    "sopra la panca"
```

# MARS e i vettori

---

## **MARS è little-endian**

→ nella finestra dei dati le **stringhe** sono visualizzate come **gruppi di 4 caratteri rovesciati**

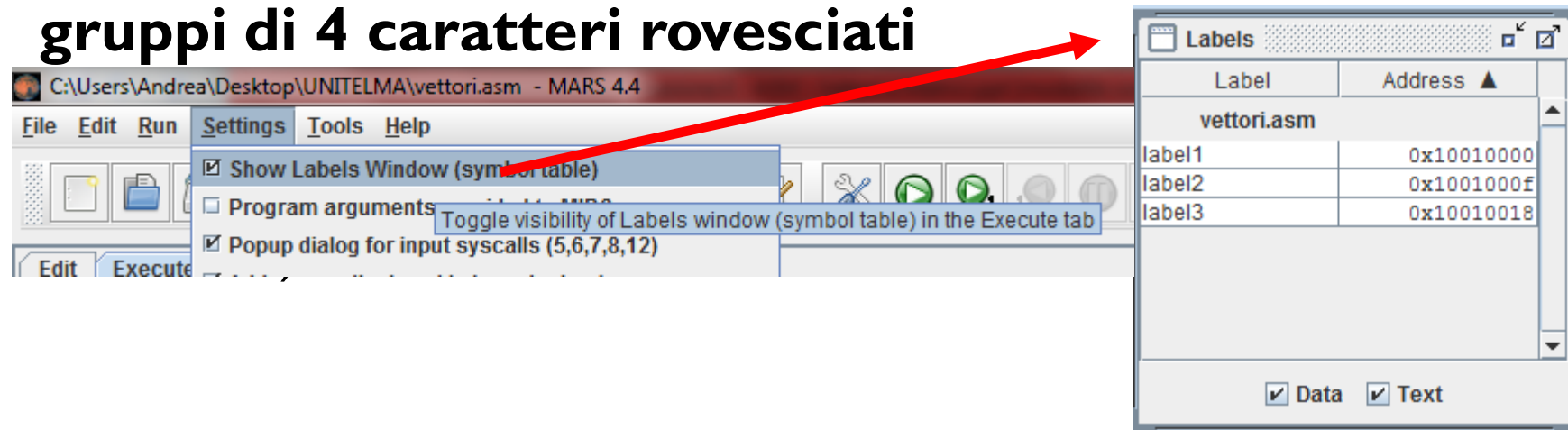


**label1:** `.asciiz` "sopra la panca"

# MARS e i vettori

## MARS è little-endian

→ nella finestra dei dati le **stringhe** sono visualizzate come **gruppi di 4 caratteri rovesciati**

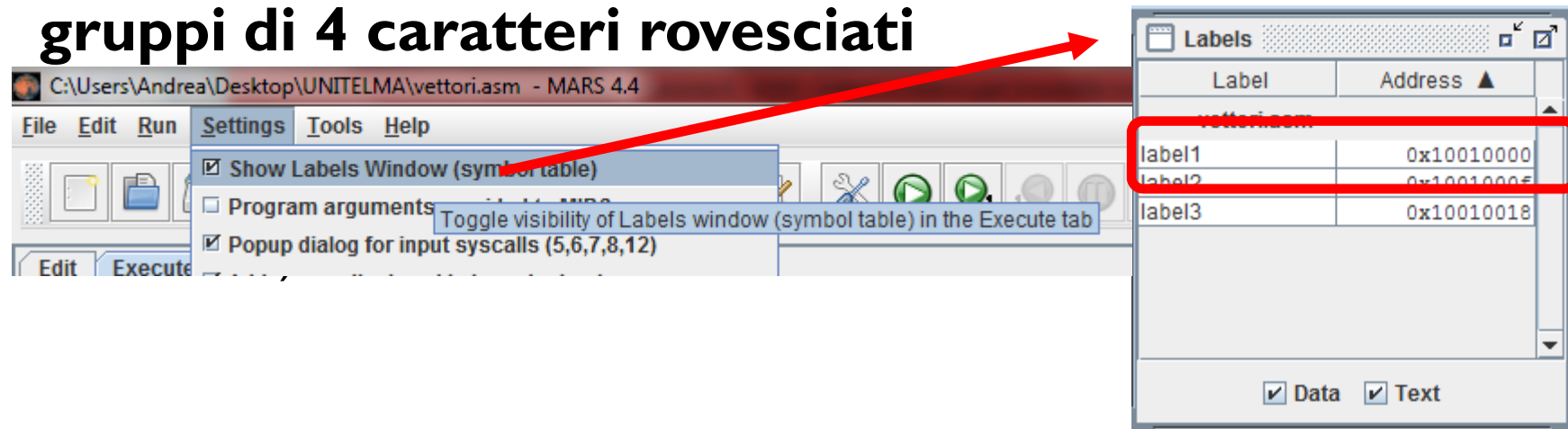


**label1:** .asciiz "sopra la panca"

# MARS e i vettori

## MARS è little-endian

→ nella finestra dei dati le **stringhe** sono visualizzate come **gruppi di 4 caratteri rovesciati**



**label1:** `.asciiz` "sopra la panca"

# MARS e i vettori

## MARS è little-endian

→ nella finestra dei dati le **stringhe** sono visualizzate come **gruppi di 4 caratteri rovesciati**

The screenshot shows the MARS 4.4 interface. The top window is the 'Labels' window, which contains a table of labels and their addresses:

Label	Address
vettori.asm	
label1	0x10010000
label2	0x10010005
label3	0x10010018

The bottom window is the 'Data Segment' window, which displays memory addresses and their corresponding values. The first row shows the string 'r p o s' at address 0x10010000, followed by 'a l a n a p' at 0x10010020, and so on. A red arrow points from the 'vettori.asm' label in the Labels window to the 'r p o s' string in the Data Segment window.

Address	Value (+0)	Value (+4)	Value (+8)	Value (+c)	Value (+10)	Value (+14)	Value (+18)	Value (+1c)
0x10010000	r p o s	a l a	n a p	. \0 a c	. . . .	\t \b . .	\0 \0 \0 .	\0 \0 \0 .
0x10010020	\0 \0 \0 .	\0 \0 \0 .	\0 \0 \0 .	\0 \0 \0 .	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x10010040	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x10010060	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x10010080	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x100100a0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x100100c0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x100100e0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0

# MARS e i vettori

## MARS è little-endian

→ nella finestra dei dati le **stringhe** sono visualizzate come **gruppi di 4 caratteri rovesciati**

The screenshot shows the MARS 4.4 interface. The top window is the 'Labels' window, which displays a list of labels and their addresses:

Label	Address
label1	0x10010000
label2	0x10010005
label3	0x10010018

The bottom window is the 'Data Segment' window, which displays memory addresses and their corresponding values. The 'ASCII' checkbox is checked, and the values are displayed in ASCII format:

Address	Value (+0)	Value (+4)	Value (+8)	Value (+c)	Value (+10)	Value (+14)	Value (+18)	Value (+1c)
0x10010000	r p o s	a l a	n a p	. \0 a c	. . . .	\t \b . .	\0 \0 \0 .	\0 \0 \0 .
0x10010020	\0 \0 \0 .	\0 \0 \0 .	\0 \0 \0 .	\0 \0 \0 .	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x10010040	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x10010060	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x10010080	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x100100a0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x100100c0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x100100e0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0

Red arrows and boxes highlight the relationship between the labels and the data segment. A red box highlights the 'label1' entry in the Labels window, and another red box highlights the 'ASCII' checkbox in the Data Segment window. A red arrow points from the 'label1' entry to the 'ASCII' checkbox. Another red arrow points from the 'label1' entry to the first row of the Data Segment window, which shows the string 'r p o s a l a n a p . \0 a c . . . . \t \b . . \0 \0 \0 . \0 \0 \0 .'.



# MARS e i vettori

## MARS è little-endian

→ nella finestra dei dati le **stringhe** sono visualizzate come **gruppi di 4 caratteri rovesciati**

The screenshot shows the MARS 4.4 interface. The top window is the 'Labels' window, which contains a table of labels and their addresses. The 'vettori.asm' label is highlighted with a red box. Below it, the 'label1' entry is also highlighted with a red box. The 'Data Segment' window is open below, showing a table of memory addresses and their values. The 'r p o s a l a n a p . \0 a c' string is highlighted with a red box. The 'ASCII' checkbox is also highlighted with a red box. A red arrow points from the 'vettori.asm' label to the 'label1' entry, and another red arrow points from the 'label1' entry to the 'r p o s a l a n a p . \0 a c' string.

Label	Address
vettori.asm	
label1	0x10010000
label2	0x10010005
label3	0x10010018

Address	Value (+0)	Value (+4)	Value (+8)	Value (+c)	Value (+10)	Value (+14)	Value (+18)	Value (+1c)
0x10010000	r p o s	a l a	n a p	. \0 a c	. . . .	\t \b . .	\0 \0 \0 .	\0 \0 \0 .
0x10010020	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x10010040	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x10010060	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x10010080	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x100100a0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x100100c0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0
0x100100e0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0	\0 \0 \0 \0

# Accesso agli elementi per indice

---

**Indirizzo dell'elemento  $i$  = indirizzo del vettore +  $i$  \* dimensione\_elemento**

**Esempio:** (frammento che calcola l'indirizzo di un elemento in un vettore di word)

# \$t0 contiene l'indice dell'elemento

# \$t1 contiene l'indirizzo del vettore

# in \$t2 si ottiene l'indirizzo dell'elemento (da caricare o da scrivere in memoria)

```
sll $t2, $t0, 2      # shiftare di due bit = moltiplicare per 4
```

```
add $t2, $t2, $t1    #
```

Per elementi di dimensioni diverse (half word o byte o altro) va cambiata la prima istruzione

Se il vettore è allocato staticamente la seconda istruzione può essere direttamente sostituita dalla istruzione di accesso in memoria

```
sll $t2, $t0, 2      # offset in byte dell'el. rispetto all'inizio del vettore
```

```
lw  $s0, label1($t2) # lettura della word
```

# Cicli

---

Nei cicli si possono usare due stili di scansione di un vettore

## **Scansione per indice**

- Pro:
  - comoda se si deve usare l'indice dell'elemento per controlli o altro
  - l'incremento dell'indice non dipende dalla dimensione degli elementi
  - comoda se il vettore è allocato staticamente (nella parte .data)
- Contro:
  - bisogna convertire ogni volta l'indice nel corrispondente offset in byte

## **Scansione per puntatori** (ovvero manipolando direttamente indirizzi in memoria)

- Pro:
  - si lavora direttamente su indirizzi in memoria
  - ci sono meno calcoli nel ciclo
- Contro:
  - non si ha a disposizione l'indice dell'elemento
  - l'incremento del puntatore dipende dalla dimensione degli elementi
  - bisogna calcolare l'indirizzo successivo all'ultimo elemento

# Esempio (CON INDICE)

Esempio: somma degli elementi di un vettore di word a posizione divisibile per tre

```
.data
vettore: .word 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9      # vettore da sommare
N:       .word 9                            # numero di elementi
somma:   .word 0                            # risultato

.text
main:    li      $t0, 0                      # i = 0
         lw      $t1, N                      # lettura di N
         li      $t2, 0                      # somma = 0
loop:    bge     $t0, $t1, fine              # è finito il ciclo?
         sll     $t3, $t0, 2                 # offset = i<<2
         lw      $t3, vettore($t3)          # lettura di vettore[i]
         add     $t2, $t2, $t3               # somma += vettore[i]
         addi    $t0, $t0, 3                 # i += 3
         j      loop
fine:    sw      $t2, somma                  # memorizzo il risultato
```

# Esempio (CON PUNTATORI)

---

```
.data
vettore: .word 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9      # vettore da sommare
N:       .word 9                            # numero di elementi
somma:   .word 0                            # risultato
.text
main:    lw      $t1, N                      # lettura di N
         la      $t0, vettore                # indirizzo di vettore
         sll     $t1, $t1, 2                 # dimensione = N * 4
         add     $t1, $t1, $t0              # fine = vettore+dimensione
         li      $t2, 0                      # somma = 0
loop:    bge     $t0, $t1, fine              # è finito il ciclo?
         lw      $t3, ($t0)                  # lettura di vettore[i]
         add     $t2, $t2, $t3              # somma += vettore[i]
         addi    $t0, $t0, 12               # i += 3 * dim_elemento
         j       loop
fine:    sw      $t2, somma                 # memorizzo il risultato
```

# Matrici = vettori di vettori

---

Una matrice **N x M** non è altro che una successione di N vettori, ciascuno di M elementi

- il numero di elementi totali è **N x M**
- la dimensione totale in byte è **N x M x dimensione\_elemento**
- la si definisce staticamente come un vettore contenente **N x M** elementi uguali

```
matrice: .word 91:0    # spazio per una matrice 13 x 7 di word
```

# Matrici = vettori di vettori

Una matrice **N x M** non è altro che una successione di N vettori, ciascuno di M elementi

- il numero di elementi totali è **N x M**
- la dimensione totale in byte è **N x M x dimensione\_elemento**
- la si definisce staticamente come un vettore contenente **N x M** elementi uguali

*matrice:* **.word** 91:0 # spazio per una matrice 13 x 7 di word

L'elemento **Z**,  
di coordinate  
**x=9, y=2** si trova  
ad una distanza di:  
• **2** righe  
• più **9** elementi  
dall'inizio, ovvero ad  
un offset di  
**2\*13+9 = 35 word**  
cioè  
**35\*4 = 140 byte**

**13 colonne**

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	0
<b>7</b>	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	1
<b>r</b>	26	27	28	29	30	31	32	33	34	<b>Z</b>				2
<b>i</b>														3
<b>g</b>														4
<b>h</b>														5
<b>e</b>														6
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	

**x**

# Matrici 3D

---

Questo è esattamente il calcolo svolto dal compilatore C, per esempio

scrivere

`matrice[x][y]`

per una matrice di interi definita

`int matrice[NUMCOL][NUMRIG]`

equivale a usare l'indirizzo

`matrice + (y * NUMCOL + x) * sizeof(int)`



# Matrici 3D

---

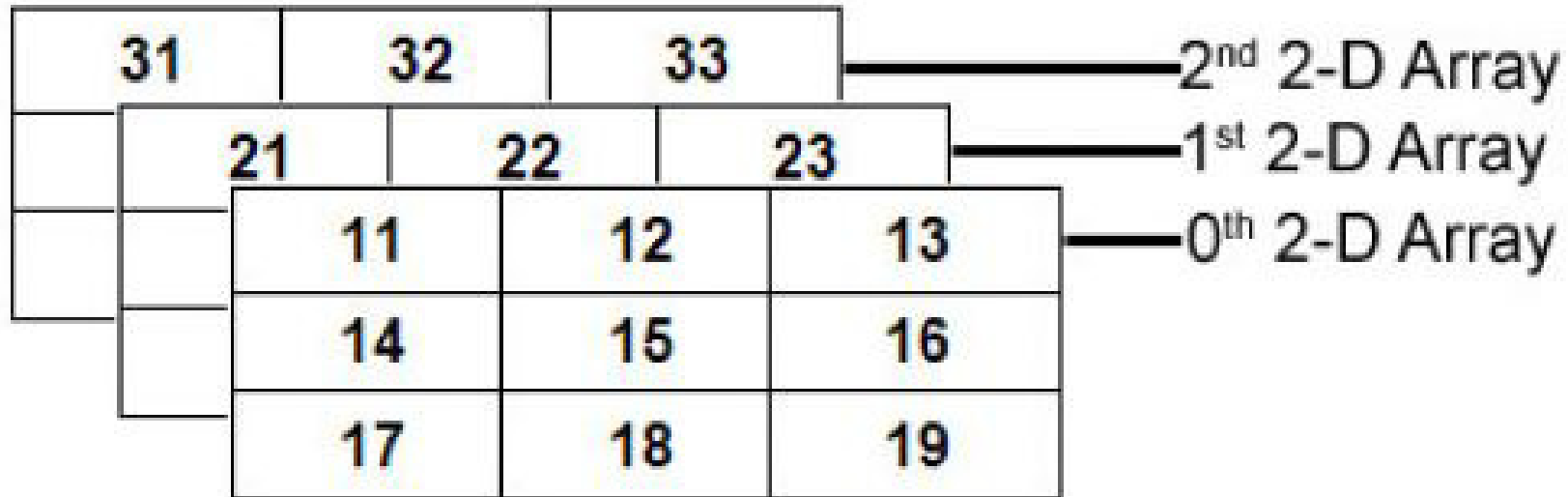
Questo è esattamente il calcolo svolto dal compilatore C, per esempio

scrivere	<code>matrice[x][y]</code>
per una matrice di interi definita	<code>int matrice[NUMCOL][NUMRIG]</code>
equivale a usare l'indirizzo	<code>matrice + (y * NUMCOL + x) * sizeof(int)</code>

## Matrici a 3 dimensioni

Una matrice 3D di **dimensioni**  $X \times Y \times Z$  è una successione di  $Z$  matrici 2D grandi  $X \times Y$

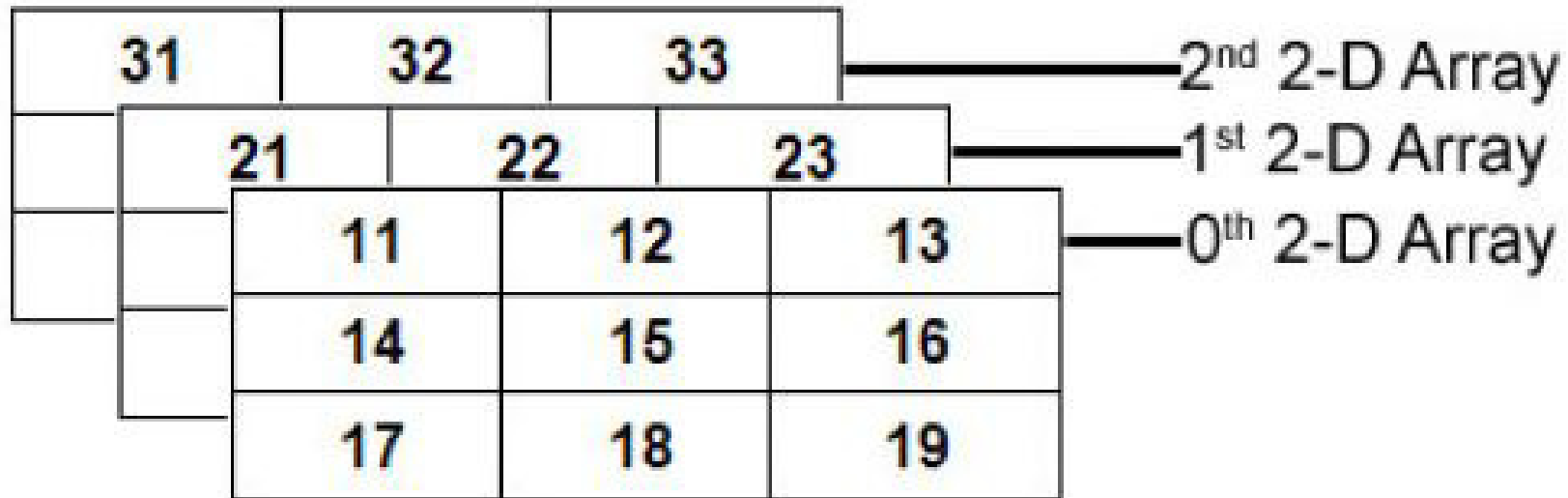
# Matrici 3D



## Matrici a 3 dimensioni

Una matrice 3D di **dimensioni**  $X \times Y \times Z$  è una successione di  $Z$  matrici 2D grandi  $X \times Y$

# Matrici 3D



## Matrici a 3 dimensioni

Una matrice 3D di **dimensioni**  $X \times Y \times Z$  è una successione di  $Z$  matrici 2D grandi  $X \times Y$

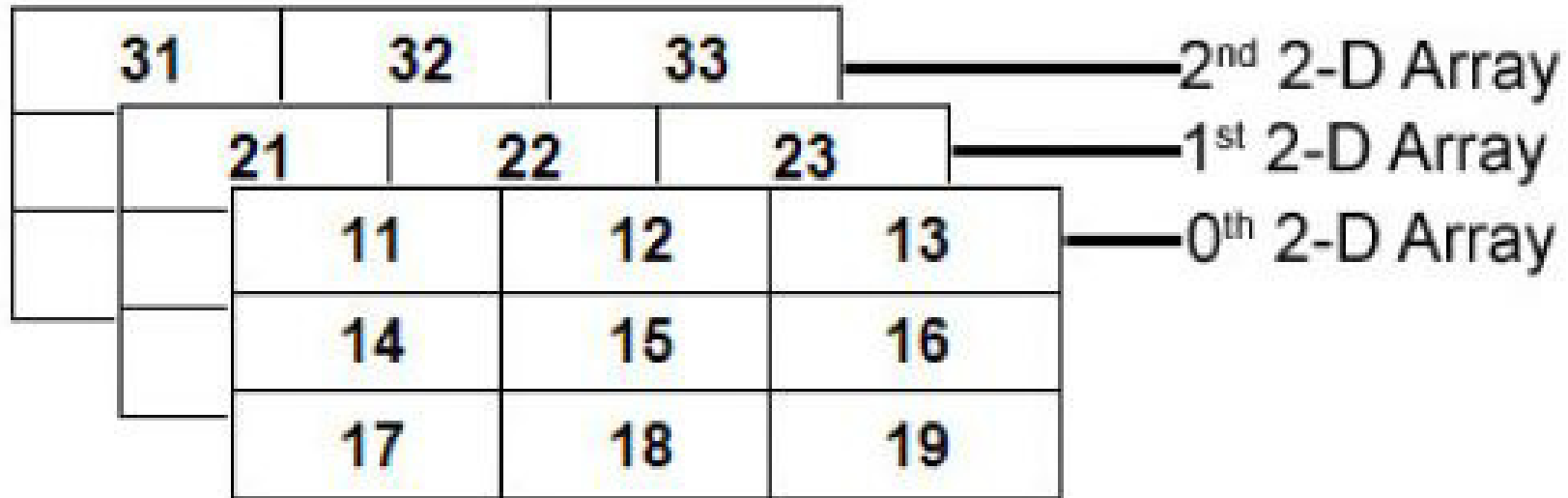
L'elemento a coordinate  $x, y, z$  è preceduto da:

**z «strati»** (matrici  $X \times Y$  formate da  $XY$  elementi)

**y «righe»** di  $X$  elementi sullo stesso strato

**x «elementi»** sulla stessa riga e strato

# Matrici 3D



## Matrici a 3 dimensioni

Una matrice 3D di **dimensioni**  $X \times Y \times Z$  è una successione di  $Z$  matrici 2D grandi  $X \times Y$

L'elemento a coordinate  $x, y, z$  è preceduto da:

**z «strati»** (matrici  $X \times Y$  formate da  $XY$  elementi)

**y «righe»** di  $X$  elementi sullo stesso strato

**x «elementi»** sulla stessa riga e strato

Quindi l'elemento si trova a  $z * (X * Y) + y * X + x$  elementi dall'inizio della matrice 3D

e la sua posizione in memoria è **indirizzo\_matrice + (z \* (X \* Y) + y \* X + x) \* dim\_el.**

# Somma della diagonale (INEFF.)

---

```
.data
matrice2D: .word 400:0          # matrice quadrata di 20x20 word
DIM:      .word 20             # lato della matrice
.text
```

# Somma della diagonale (INEFF.)

---

```
.data
matrice2D: .word    400:0          # matrice quadrata di 20x20 word
DIM:      .word    20            # lato della matrice
.text
main:     li        $t0, 0        # coordinata x
          li        $t1, 0        # coordinata y
          li        $t2, 0        # somma iniziale
          lw        $t3, DIM      # lato della matrice
```

# Somma della diagonale (INEFF.)

---

```
.data
matrice2D: .word    400:0          # matrice quadrata di 20x20 word
DIM:      .word    20            # lato della matrice
.text
main:     li        $t0, 0        # coordinata x
          li        $t1, 0        # coordinata y
          li        $t2, 0        # somma iniziale
          lw        $t3, DIM      # lato della matrice
cicloRighe:
```

# Somma della diagonale (INEFF.)

---

```
.data
matrice2D: .word 400:0          # matrice quadrata di 20x20 word
DIM:      .word 20             # lato della matrice
.text
main:     li      $t0, 0        # coordinata x
          li      $t1, 0        # coordinata y
          li      $t2, 0        # somma iniziale
          lw      $t3, DIM      # lato della matrice
cicloRighe:
          bge     $t1, $t3, fine # se finite le righe
```



# Somma della diagonale (INEFF.)

---

```
.data
matrice2D: .word 400:0          # matrice quadrata di 20x20 word
DIM:      .word 20             # lato della matrice
.text
main:     li      $t0, 0        # coordinata x
          li      $t1, 0        # coordinata y
          li      $t2, 0        # somma iniziale
          lw      $t3, DIM      # lato della matrice
cicloRighe:
          bge     $t1, $t3, fine # se finite le righe
cicloColonne:
```

# Somma della diagonale (INEFF.)

---

```
.data
matrice2D: .word 400:0          # matrice quadrata di 20x20 word
DIM:      .word  20           # lato della matrice
.text
main:     li      $t0, 0       # coordinata x
          li      $t1, 0       # coordinata y
          li      $t2, 0       # somma iniziale
          lw      $t3, DIM     # lato della matrice
cicloRighe:
          bge     $t1, $t3, fine # se finite le righe
cicloColonne:
          bge     $t0, $t3, nextRiga # se finite le colonne
```

# Somma della diagonale (INEFF.)

---

```
.data
matrice2D: .word 400:0          # matrice quadrata di 20x20 word
DIM:      .word  20           # lato della matrice
.text
main:     li      $t0, 0        # coordinata x
          li      $t1, 0        # coordinata y
          li      $t2, 0        # somma iniziale
          lw      $t3, DIM      # lato della matrice
cicloRighe:
          bge     $t1, $t3, fine # se finite le righe
cicloColonne:
          bge     $t0, $t3, nextRiga # se finite le colonne
          bne     $t0, $t1, continua # se x != y si continua
```

# Somma della diagonale (INEFF.)

---

```
.data
matrice2D: .word 400:0          # matrice quadrata di 20x20 word
DIM:      .word  20           # lato della matrice
.text
main:     li      $t0, 0       # coordinata x
          li      $t1, 0       # coordinata y
          li      $t2, 0       # somma iniziale
          lw      $t3, DIM     # lato della matrice

cicloRighe:
          bge     $t1, $t3, fine # se finite le righe

cicloColonne:
          bge     $t0, $t3, nextRiga # se finite le colonne
          bne     $t0, $t1, continua # se x != y si continua
          mul     $t4, $t1, $t3     # y*X
          add     $t4, $t4, $t0     # y*X + x
          sll     $t4, $t4, 2       # word => molt. per 4
```

# Somma della diagonale (INEFF.)

---

```
.data
matrice2D: .word 400:0          # matrice quadrata di 20x20 word
DIM:      .word  20           # lato della matrice
.text
main:     li      $t0, 0       # coordinata x
          li      $t1, 0       # coordinata y
          li      $t2, 0       # somma iniziale
          lw      $t3, DIM     # lato della matrice

cicloRighe:
          bge     $t1, $t3, fine # se finite le righe

cicloColonne:
          bge     $t0, $t3, nextRiga # se finite le colonne
          bne     $t0, $t1, continua # se x != y si continua
          mul     $t4, $t1, $t3     # y*X
          add     $t4, $t4, $t0     # y*X + x
          sll    $t4, $t4, 2        # word => molt. per 4
          lw     $t4, matrice2D($t4) # carico matrice2D[x][y]
```

# Somma della diagonale (INEFF.)

---

```
.data
matrice2D: .word 400:0          # matrice quadrata di 20x20 word
DIM:      .word  20           # lato della matrice
.text
main:     li      $t0, 0        # coordinata x
          li      $t1, 0        # coordinata y
          li      $t2, 0        # somma iniziale
          lw      $t3, DIM      # lato della matrice

cicloRighe:
          bge     $t1, $t3, fine # se finite le righe

cicloColonne:
          bge     $t0, $t3, nextRiga # se finite le colonne
          bne     $t0, $t1, continua # se x != y si continua
          mul     $t4, $t1, $t3     # y*X
          add     $t4, $t4, $t0     # y*X + x
          sll     $t4, $t4, 2       # word => molt. per 4
          lw     $t4, matrice2D($t4) # carico matrice2D[x][y]
          add     $t2, $t4, $t2     # e lo accumulo
```

# Somma della diagonale (segue)

---

*continua:*

```
    addi    $t0, $t0, 1           # x += 1
    j      cicloColonne         # alla colonna successiva
```

# Somma della diagonale (segue)

---

*continua:*

```
    addi    $t0, $t0, 1           # x += 1
    j      cicloColonne         # alla colonna successiva
```

*nextRiga:*



# Somma della diagonale (segue)

---

*continua:*

```
    addi    $t0, $t0, 1          # x += 1
    j       cicloColonne       # alla colonna successiva
```

*nextRiga:*

```
    li      $t0, 0              # azzero x
    addi    $t1, $t1, 1          # y += 1
    j       cicloRighe         # alla riga successiva
```

# Somma della diagonale (segue)

---

*continua:*

```
    addi    $t0, $t0, 1          # x += 1
    j      cicloColonne        # alla colonna successiva
```

*nextRiga:*

```
    li     $t0, 0              # azzero x
    addi   $t1, $t1, 1         # y += 1
    j      cicloRighe        # alla riga successiva
```

*fine:*

```
    move   $a0, $t2          # preparo la stampa
    li     $v0, 1            # syscall 1 = print int
    syscall
    li     $v0, 10          # syscall 10 = stop
    syscall
```

# Somma della diagonale (segue)

---

*continua:*

```
    addi    $t0, $t0, 1          # x += 1
    j       cicloColonne       # alla colonna successiva
```

*nextRiga:*

```
    li     $t0, 0              # azzero x
    addi   $t1, $t1, 1         # y += 1
    j     cicloRighe          # alla riga successiva
```

*fine:*

```
    move   $a0, $t2           # preparo la stampa
    li     $v0, 1             # syscall 1 = print int
    syscall
    li     $v0, 10            # syscall 10 = stop
    syscall
```

NOTA: questa è una versione volutamente inefficiente che scandisce tutta la matrice. Può essere resa più efficiente:

- Usando un solo ciclo sulla coordinata x da 0 a DIM-1
- Usando i puntatori (indirizzi in memoria)
- Incrementando il puntatore di DIM+1 elementi = (DIM+1)\*4 byte

▶ per passare da un elemento della diagonale al successivo

# Somma diagonale (EFFICIENTE)

---

**.data**

```
matrice2D:      .word    400:0          # matrice di 20x20 word  
DIM:           .word    20           # lato della matrice
```

# Somma diagonale (EFFICIENTE)

---

**.data**

*matrice2D*:       **.word**   400:0                   # matrice di 20x20 word

*DIM*:           **.word**   20                   # lato della matrice

**.text**

# Somma diagonale (EFFICIENTE)

---

```
.data
matrice2D:      .word  400:0          # matrice di 20x20 word
DIM:           .word  20            # lato della matrice

.text
                # preparazione degli indirizzi e degli incrementi
main:          # $t0 = indirizzo dell'elemento corrente
                # $t1 = incremento di una riga + 1 elemento (in byte)
                # $t2 = somma parziale
                # $t3 = indirizzo finale della matrice (byte seguente)
```

# Somma diagonale (EFFICIENTE)

---

```
.data
matrice2D:      .word    400:0           # matrice di 20x20 word
DIM:           .word    20             # lato della matrice

.text
                # preparazione degli indirizzi e degli incrementi
main:          # $t0 = indirizzo dell'elemento corrente
                # $t1 = incremento di una riga + 1 elemento (in byte)
                # $t2 = somma parziale
                # $t3 = indirizzo finale della matrice (byte seguente)
la            $t0, matrice2D           # indirizzo dell'inizio
```

# Somma diagonale (EFFICIENTE)

---

*.data*

```
matrice2D:    .word    400:0           # matrice di 20x20 word  
DIM:         .word    20             # lato della matrice
```

*.text*

```
    # preparazione degli indirizzi e degli incrementi  
main: # $t0 = indirizzo dell'elemento corrente  
    # $t1 = incremento di una riga + 1 elemento (in byte)  
    # $t2 = somma parziale  
    # $t3 = indirizzo finale della matrice (byte seguente)  
la    $t0, matrice2D           # indirizzo dell'inizio  
lw    $t1, DIM                 # lato della matrice
```



# Somma diagonale (EFFICIENTE)

---

**.data**

```
matrice2D:    .word    400:0           # matrice di 20x20 word
DIM:         .word    20              # lato della matrice
```

**.text**

```
    # preparazione degli indirizzi e degli incrementi
main: # $t0 = indirizzo dell'elemento corrente
    # $t1 = incremento di una riga + 1 elemento (in byte)
    # $t2 = somma parziale
    # $t3 = indirizzo finale della matrice (byte seguente)
    la    $t0, matrice2D           # indirizzo dell'inizio
    lw    $t1, DIM                  # lato della matrice
    mul   $t3, $t1, $t1             # DIM * DIM elementi
    sll   $t3, $t3, 2               # totale DIM^2 * 4 byte
    add   $t3, $t3, $t0             # indirizzo finale
```

# Somma diagonale (EFFICIENTE)

---

**.data**

```
matrice2D:    .word    400:0           # matrice di 20x20 word
DIM:         .word    20             # lato della matrice
```

**.text**

```
    # preparazione degli indirizzi e degli incrementi
main: # $t0 = indirizzo dell'elemento corrente
    # $t1 = incremento di una riga + 1 elemento (in byte)
    # $t2 = somma parziale
    # $t3 = indirizzo finale della matrice (byte seguente)
    la    $t0, matrice2D           # indirizzo dell'inizio
    lw    $t1, DIM                  # lato della matrice
    mul   $t3, $t1, $t1            # DIM * DIM elementi
    sll   $t3, $t3, 2              # totale DIM^2 * 4 byte
    add   $t3, $t3, $t0            # indirizzo finale
    addi  $t1, $t1, 1              # DIM + 1
    sll   $t1, $t1, 2              # incremento = (DIM+1)*4
```

# Somma diagonale (EFFICIENTE)

---

**.data**

```
matrice2D:    .word    400:0           # matrice di 20x20 word
DIM:         .word    20             # lato della matrice
```

**.text**

```
    # preparazione degli indirizzi e degli incrementi
main: # $t0 = indirizzo dell'elemento corrente
    # $t1 = incremento di una riga + 1 elemento (in byte)
    # $t2 = somma parziale
    # $t3 = indirizzo finale della matrice (byte seguente)
    la    $t0, matrice2D           # indirizzo dell'inizio
    lw    $t1, DIM                 # lato della matrice
    mul   $t3, $t1, $t1            # DIM * DIM elementi
    sll   $t3, $t3, 2              # totale DIM^2 * 4 byte
    add   $t3, $t3, $t0            # indirizzo finale
    addi  $t1, $t1, 1              # DIM + 1
    sll   $t1, $t1, 2              # incremento = (DIM+1)*4
    li    $t2, 0                   # somma iniziale
```

## Somma della diagonale (segue)

---

```
# $t0 = indirizzo dell'elemento corrente
# $t1 = incremento di una riga + 1 elemento
# $t2 = somma parziale
# $t3 = indirizzo finale della matrice (subito dopo)
# ciclo che scandisce un elemento ogni DIM+1
ciclo: bge      $t0, $t3, fine          # se è finita la matrice
esco
```

# Somma della diagonale (segue)

---

```
# $t0 = indirizzo dell'elemento corrente
# $t1 = incremento di una riga + 1 elemento
# $t2 = somma parziale
# $t3 = indirizzo finale della matrice (subito dopo)
# ciclo che scandisce un elemento ogni DIM+1
ciclo: bge      $t0, $t3, fine          # se è finita la matrice
esco
        lw      $t4, ($t0)                # carico matrice2D[x][x]
        add     $t2, $t4, $t2             # e lo accumulo
```

# Somma della diagonale (segue)

---

```
# $t0 = indirizzo dell'elemento corrente
# $t1 = incremento di una riga + 1 elemento
# $t2 = somma parziale
# $t3 = indirizzo finale della matrice (subito dopo)
# ciclo che scandisce un elemento ogni DIM+1
ciclo: bge    $t0, $t3, fine          # se è finita la matrice
esco

    lw      $t4, ($t0)                # carico matrice2D[x][x]
    add     $t2, $t4, $t2              # e lo accumulo
    add     $t0, $t0, $t1              # x += (DIM+1)*4
    j       ciclo
```

# Somma della diagonale (segue)

---

```
# $t0 = indirizzo dell'elemento corrente
# $t1 = incremento di una riga + 1 elemento
# $t2 = somma parziale
# $t3 = indirizzo finale della matrice (subito dopo)
# ciclo che scandisce un elemento ogni DIM+1
ciclo:  bge      $t0, $t3, fine           # se è finita la matrice esco
        lw      $t4, ($t0)                # carico matrice2D[x][x]
        add     $t2, $t4, $t2             # e lo accumulo
        add     $t0, $t0, $t1             # x += (DIM+1)*4
        j       ciclo
# stampa del risultato
fine:  move     $a0, $t2                  # preparo la stampa
        li      $v0, 1                    # syscall 1 = print int
        syscall
        li      $v0, 10                   # syscall 10 = stop
        syscall
```

# Esercizio

---

- ▶ Calcolare e stampare la somma delle **due diagonali** di una matrice quadrata di word
- ▶ Fate attenzione a non sommare due volte l'elemento centrale in caso di matrici di lato dispari
- ▶ Suggerimento: scandite tutta la matrice e individuate le caselle sulle due diagonali

