

INFORMATICA GENERALE

Appello Straordinario

docenti:

TIZIANA CALAMONERI, IVANO SALVO
Sapienza Università di Roma

22 aprile 2016

Esercizio 1 (10 punti) Si consideri la seguente funzione in pseudocodice, che viene richiamata su un vettore V di interi e sui valori rispettivamente 1 ed n di primo e ultimo:

```
funzione MagicFunction (V: vettore; primo, ultimo: intero)
  if (primo >= ultimo) return
  for  $i = \text{primo}$  to ultimo
    for  $j = \text{primo}$  to ultimo
      stampa ( $V[i] + V[j]$ );
  medio  $\rightarrow$  FLOOR ((primo+ultimo)/2);
  MagicFunction(V, primo, medio);
  MagicFunction(V, medio+1, ultimo);
return
```

Da essa si ricavi l'equazione di ricorrenza che ne esprime il costo computazione (**1 punto**). Inoltre, si risolva l'equazione di ricorrenza trovata utilizzando:

- (**3 punti**) il metodo iterativo;
- (**2 punti**) il metodo dell'albero;
- (**1 punto**) il metodo principale;
- (**3 punti**) il metodo di sostituzione.

In tutti i casi è necessario dettagliare il procedimento usato e giustificare le proprie risposte.

Esercizio 2 (12 punti) Considerare le combinazioni di n oggetti presi k a k . Supponiamo di rappresentare una di tali combinazioni con un vettore di k interi compresi tra 1 ed n memorizzati nel vettore in ordine *crescente*.

1. (**6 punti**) Scrivere una funzione C `int nextCbn(int c[], int n, int k)` che presa in input una combinazione c di k interi tra 1 ed n , modifica c in modo che rappresenti la prossima combinazione nell'ordine lessicografico e torna 1. Se la combinazione c in ingresso è l'ultima, `nextCbn` torna 0.

Ad esempio, se $n = 90$, $k = 6$ e c è il vettore $\{85, 86, 87, 88, 89, 90\}$ `nextCbn` torna 0. Se c è $\{1, 2, 3, 88, 89, 90\}$, `nextCbn` torna 1 e modifica c in modo che rappresenti la combinazione seguente nell'ordine lessicografico, cioè $\{1, 2, 4, 5, 6, 7\}$.

2. (**3 punti**) Usare la funzione `nextCbn` del punto precedente per scrivere una funzione iterativa C `allCbn(int n, int k)` che stampa in ordine crescente *tutte* le combinazioni di interi da 1 a n presi k a k [OSSERVAZIONE: non occorre memorizzare le combinazioni!].

3. (**3 punti**) Scrivere una funzione C ricorsiva `allCbnRec(int n, int k)` che usa lo schema ricorsivo del programma che calcola i coefficienti binomiali (sotto) per stampare tutte le combinazioni di interi da 1 a n presi k a k ,

```
int cbin(int n, int k){
    if (k==0 || n==k) return 1;
    return cbin(n-1,k-1)+cbin(n,k);
}
```

[SUGG: scrivere una funzione ausiliaria con parametri aggiuntivi, di cui uno un vettore in cui memorizzare la combinazione in costruzione. La prima chiamata ricorsiva genera le combinazioni che contengono un certo numero (con ancora $k-1$ elementi da posizionare), mentre la seconda genera le combinazioni che *non* lo contengono (con ancora k elementi da posizionare)]

Esercizio 3 (10 punti) Sia dato un albero binario T memorizzato tramite record e puntatori.

Si progetti un algoritmo ricorsivo (il più efficiente possibile) che, preso in input T , restituisca TRUE se T rappresenta un albero binario di ricerca, e FALSE altrimenti.

Di tale algoritmo:

- (**3 punti**) si dia la spiegazione a parole;
- (**5 punti**) si scriva lo pseudocodice;
- (**2 punti**) si calcoli il costo computazionale.