## Informatica Generale

## Sessione Autunnale Esame Scritto

## docenti:

GIANCARLO BONGIOVANNI, TIZIANA CALAMONERI, IVANO SALVO Sapienza Università di Roma 24 Settembre 2015

Esercizio 1 (10 punti) Si consideri la seguente funzione in pseudocodice, che prende come parametri un vettore V di interi e due indici primo e ultimo che alla prima chiamata valgono 1 ed n rispettivamente:

```
funzione MagicFunction (V: vettore; primo, ultimo: intero)
if (primo>=ultimo) return
for i = primo to ultimo
   V[i] <- V[i] - V[ultimo - i +1]
medio <- FLOOR((primo + ultimo)/2)
for i = 1 to 2
   MagicFunction(V, primo, medio)
for i = 1 to 2
   MagicFunction(V, medio+1, ultimo)</pre>
```

Da essa si ricavi l'equazione di ricorrenza che ne esprime il costo computazionale, specificando i contributi delle varie istruzioni (1 punto). Inoltre, si risolva l'equazione di ricorrenza trovata utilizzando:

a. (3 punti) il metodo iterativo;

return

- b. (2 punti) il metodo dell'albero;
- c. (1 punto) il metodo principale;
- d. (3 punti) il metodo di sostituzione.

In tutti i casi, si dettagli il procedimento usato e si giustifichino le proprie risposte.

Esercizio 2 (10 punti) Scrivere una funzione C di prototipo:

int shuffle(lista 1, lista m, lista n);

che restituisce 1 se la lista puntata da n contiene l'unione degli elementi delle liste puntate da 1 ed m, collocati in modo tale che, nella lista puntata da n, la sequenza di elementi di ciascuna delle altre due liste mantenga lo stesso ordine.

Ad esempio, se 1 ed m puntano alle liste  $1 \to 2 \to 3$  e  $4 \to 5$ , la funzione shuffle restituisce 1 se n punta alla lista  $1 \to 4 \to 5 \to 2 \to 3$  mentre restituisce 0 se n punta alla lista  $1 \to 4 \to 5 \to 3 \to 2$ .

Nota: Si assuma che le liste 1 ed m non abbiano elementi in comune.

Esercizio 3 (10 punti) Sia dato un heap massimo memorizzato tramite record e puntatori (e non, come al solito, tramite notazione posizionale); si progetti una funzione Cerca-Min-In-Heap che, preso in input il puntatore alla radice dell'heap, restituisca un puntatore al record con chiave minima.

Dell'algoritmo progettato:

- a. (4 punti) Si scriva l'idea a parole, evidenziando le differenze apportate rispetto all'algoritmo che si usa quando l'heap é memorizzato tramite vettore;
- b. (4 punti) Si dia lo pseudocodice (dettagliando anche eventuali funzioni viste a lezione);
- c. (2 punti) Si calcoli il costo computazionale.