

Prova Intermedia - Automi, Calcolabilità e Complessità -  
prof.ssa Emanuela Fachini

Testo 1

1. Si dimostri che per ogni NFA A esiste un DFA B equivalente.
2. Se L è context free e R è regolare possiamo dire che  $L \cap R$  è context-free?
3. Si costruisca una CFG per  $L = \{a^n b^m c^m d^{2n} \mid n \geq 0, m > 0\}$ .

Testo 2

1. Si faccia vedere come costruire un'espressione regolare a partire da un DFA.
2. Sia L regolare su  $\{0,1\}$  e sia  $\text{flip}(0) = 1, \text{flip}(1) = 0$ , estendiamo flip alle parole, per cui  $\text{flip}(a_1 \dots a_n) = \text{flip}(a_1) \dots \text{flip}(a_n)$ .  
Il linguaggio  $L = \{w \text{flip}(w) \mid w \text{ è in } L\}$  è regolare?
3. Si costruisca una CFG per  $L = \{a^n b^{2^n} \mid n \geq 0\}$

Testo 3

1. Si dimostri il pumping lemma per i regolari, esponendone l'enunciato.
2. Se L è context free e R è regolare possiamo dire che  $L \cup R$  è context-free?
3. Si costruisca un PDA per il linguaggio:  
 $L = \{0^n 1^n \mid n > 0\} \cup \{0^n 1^{2^n} \mid n \geq 0\}$

Testo 4

1. Si faccia vedere come costruire un DFA a partire da un'espressione regolare.
2. Se L è context-free su  $\{0,1\}$  possiamo dire che  $L' = \{wy \mid w \text{ è in } L \text{ e } y \text{ in } \{0,1\}^*\}$  è context-free?
- 3.3. Si dimostri, utilizzando il pumping lemma, che il linguaggio  $L = \{w\#x \mid w, x \text{ in } \{0,1\}^* \text{ e } x \text{ è una sottostringa di } w\}$  non è regolare