

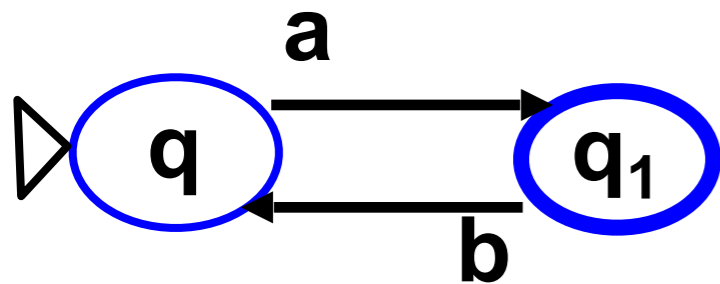
CURIOSITÀ

CURIOSITÀ

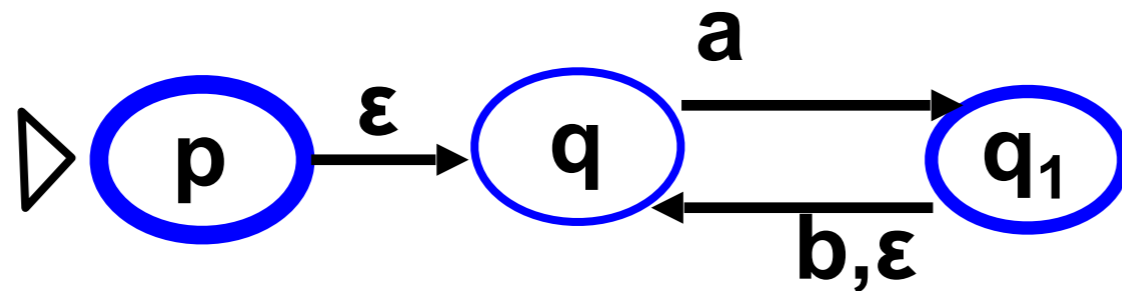
1. Perché è **necessario** aggiungere un nuovo stato nella costruzione dell'automata per la chiusura rispetto alla stella di Kleene?

aggiunta nuovo stato per la *

M



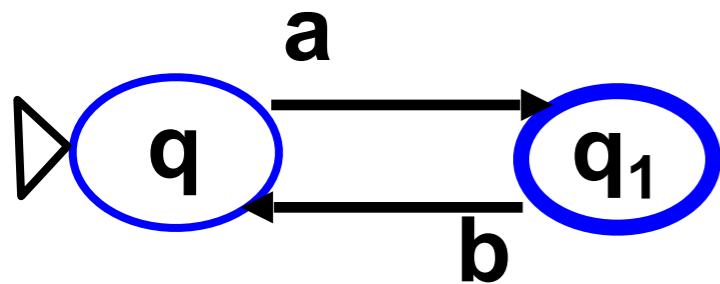
$$L(M) = \{a\}\{ba\}^*$$



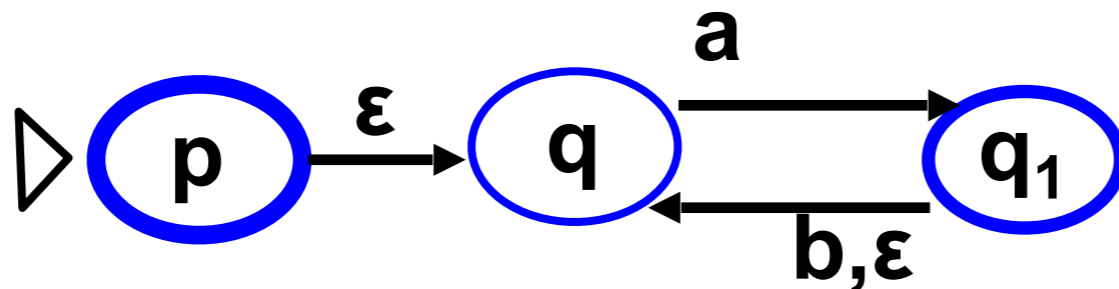
$$L(M)^* = (\{a\}\{ba\}^*)^*$$

aggiunta nuovo stato per la *

M

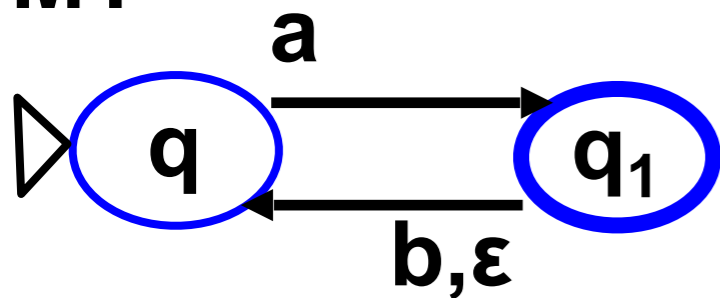


$$L(M) = \{a\{ba\}^*$$



$$L(M)^* = (\{a\{ba\}^*)^*$$

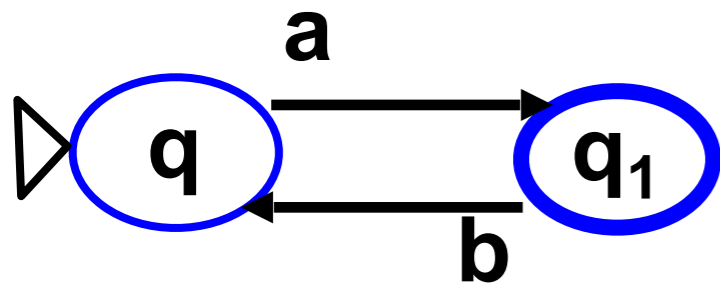
M1



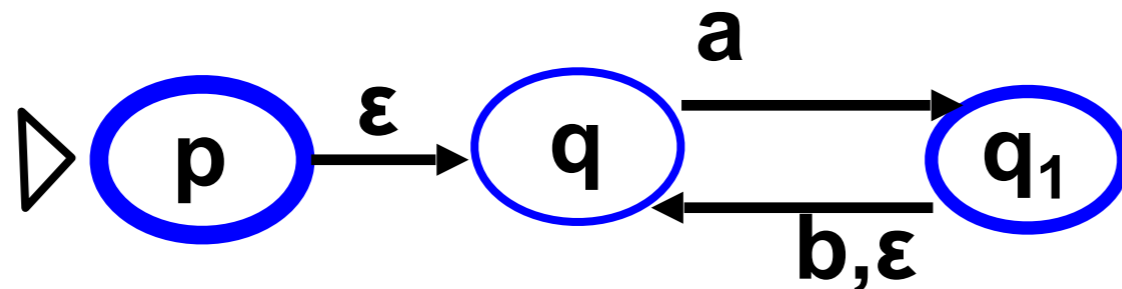
ma ε non è in $L(M1)$,
quindi $L(M1) \neq L(M)^*$

aggiunta nuovo stato per la *

M

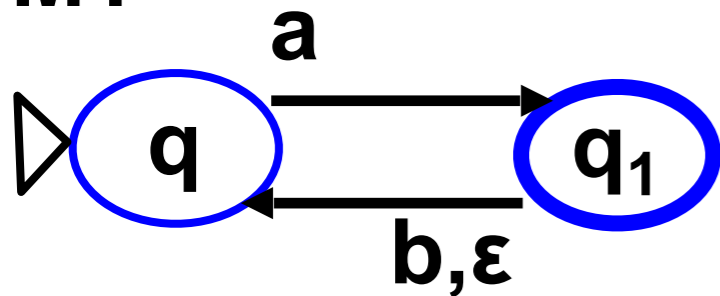


$$L(M) = \{a\{ba\}^*$$



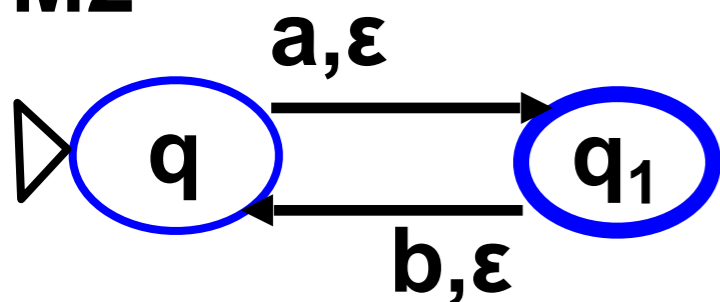
$$L(M)^* = (\{a\{ba\}^*)^*$$

M1



ma ϵ non è in $L(M1)$,
quindi $L(M1) \neq L(M)^*$

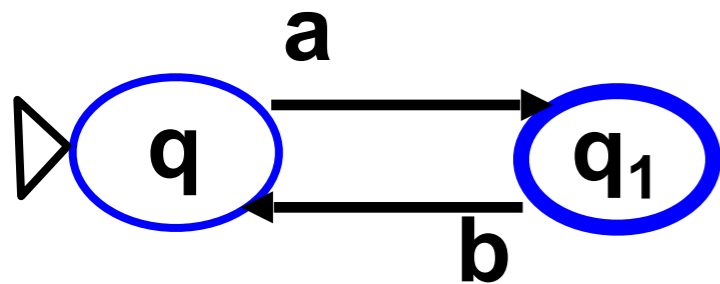
M2



ora ϵ è in $L(M2)$,
ma anche b, e quindi $L(M2) \neq L(M)^*$

aggiunta nuovo stato per la *

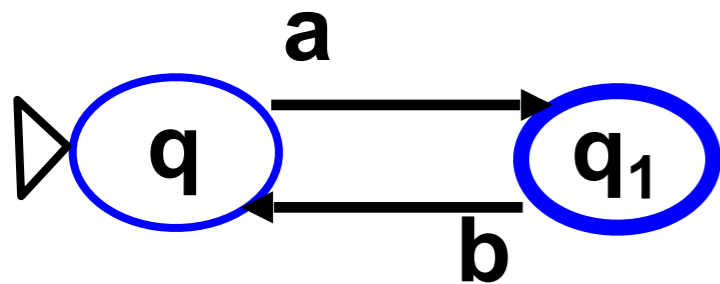
M



$$L(M) = \{a\}\{ba\}^*$$

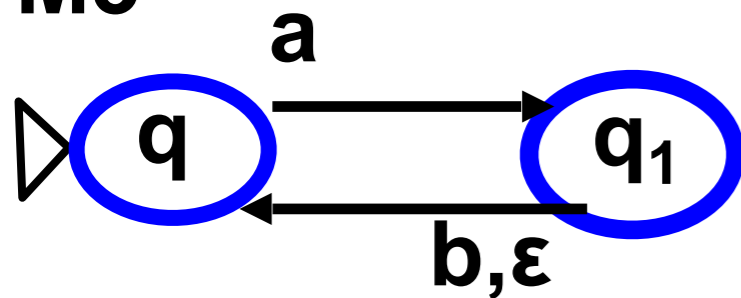
aggiunta nuovo stato per la *

M



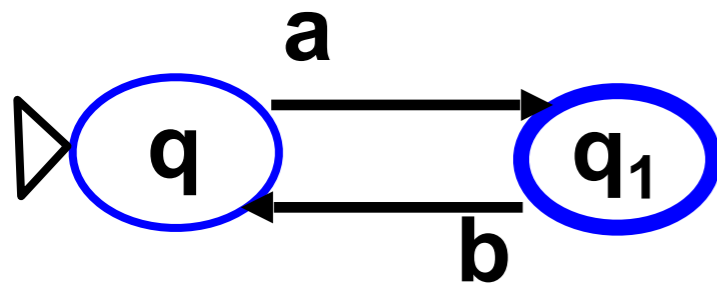
$$L(M) = \{a\}\{ba\}^*$$

M3



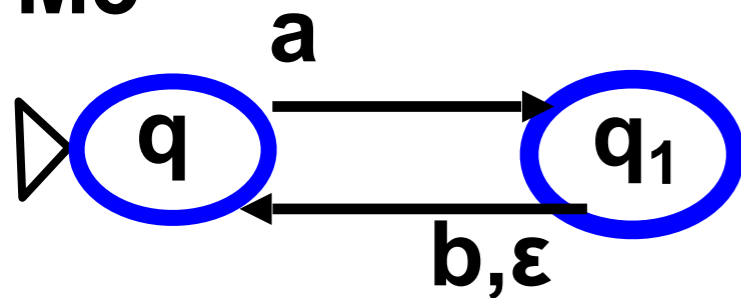
aggiunta nuovo stato per la *

M



$$L(M) = \{a\}\{ba\}^*$$

M3



ma ab è in $L(M3)$,
quindi $L(M3) \neq L(M)^*$

Le epsilon mosse (da sole) non fanno nondeterminismo

Un automa a stati finiti deterministico con epsilon mosse, in breve ϵ -DFA, è una quintupla $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ dove

Le epsilon mosse (da sole) non fanno nondeterminismo

Un automa a stati finiti deterministico con epsilon mosse, in breve ϵ -DFA, è una quintupla $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ dove

– Q e Σ sono l'insieme degli stati e dei simboli di input;

Le epsilon mosse (da sole) non fanno nondeterminismo

Un automa a stati finiti deterministico con epsilon mosse, in breve ϵ -DFA, è una quintupla $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ dove

- Q e Σ sono l'insieme degli stati e dei simboli di input;
- $\delta : Q \times (\Sigma \cup \{\epsilon\}) \rightarrow P(Q)$ è la funzione di transizione, tale che
 - $|\delta(q, a)| \leq 1$ per ogni a in $\Sigma \cup \{\epsilon\}$ e ogni q in Q
 - se $|\delta(q, \epsilon)| = 1$ allora $\delta(q, a) = \emptyset$

Le epsilon mosse (da sole) non fanno nondeterminismo

Un automa a stati finiti deterministico con epsilon mosse, in breve ϵ -DFA, è una quintupla $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ dove

- Q e Σ sono l'insieme degli stati e dei simboli di input;
- $\delta : Q \times (\Sigma \cup \{\epsilon\}) \rightarrow P(Q)$ è la funzione di transizione, tale che
 - $|\delta(q, a)| \leq 1$ per ogni a in $\Sigma \cup \{\epsilon\}$ e ogni q in Q
 - se $|\delta(q, \epsilon)| = 1$ allora $\delta(q, a) = \emptyset$
- q_0 è lo stato iniziale e $F \subseteq Q$ è l'insieme degli stati finali;

Esempi di NFA

Esempi di NFA

Si costruisca un NFA che accetta il linguaggio:

Esempi di NFA

Si costruisca un NFA che accetta il linguaggio:

Esempi di NFA

Si costruisca un NFA che accetta il linguaggio:

$$L = \{x010y \mid x,y \text{ in } \{0,1\}^*\}$$

Esempi di NFA

Si costruisca un NFA che accetta il linguaggio:

$$L = \{x010y \mid x,y \text{ in } \{0,1\}^*\}$$

Esempi di NFA

Si costruisca un NFA che accetta il linguaggio:

$$L = \{x010y \mid x,y \text{ in } \{0,1\}^*\}$$

e il DFA equivalente

Esempi di NFA

Si costruisca un NFA che accetta il linguaggio:

$$L = \{x010y \mid x,y \text{ in } \{0,1\}^*\}$$

e il DFA equivalente

Esempi di NFA

Si costruisca un NFA che accetta il linguaggio:

$$L = \{x010y \mid x,y \text{ in } \{0,1\}^*\}$$

e il DFA equivalente

Esercizio

Esercizio

Si costruisca un DFA che accetta il linguaggio delle stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di sei:

Esercizio

Si costruisca un DFA che accetta il linguaggio delle stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di sei:

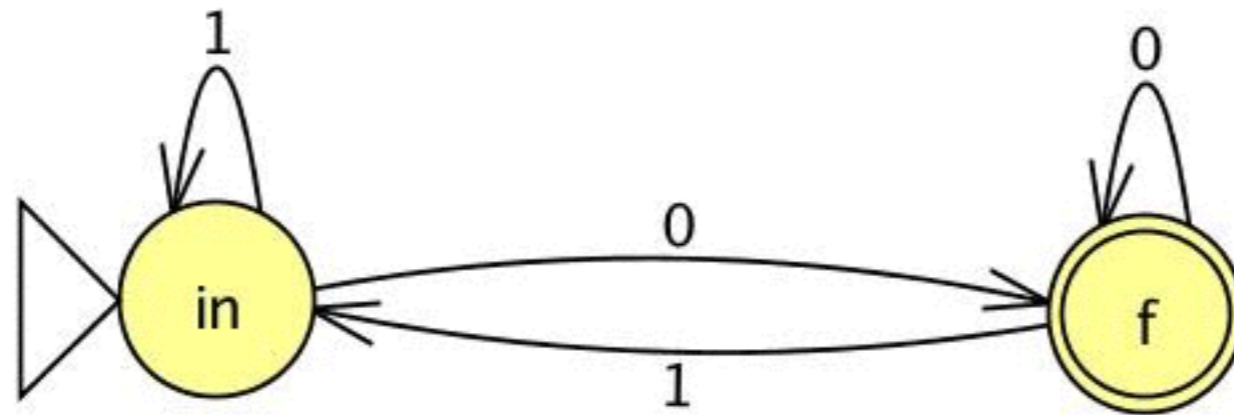
Esercizio

Si costruisca un DFA che accetta il linguaggio delle stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di sei:

Esercizio

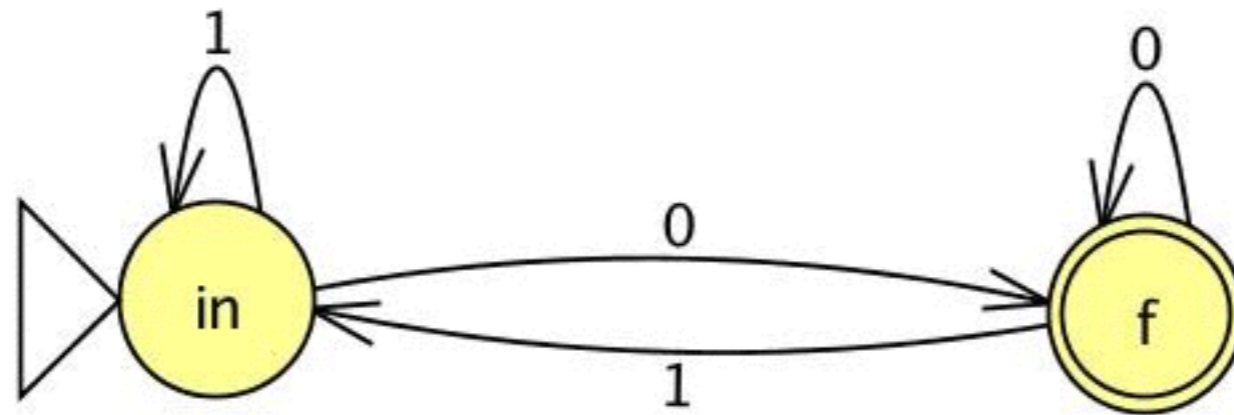
Si costruisca un DFA che accetta il linguaggio delle stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di sei:

Esercizio chiusure



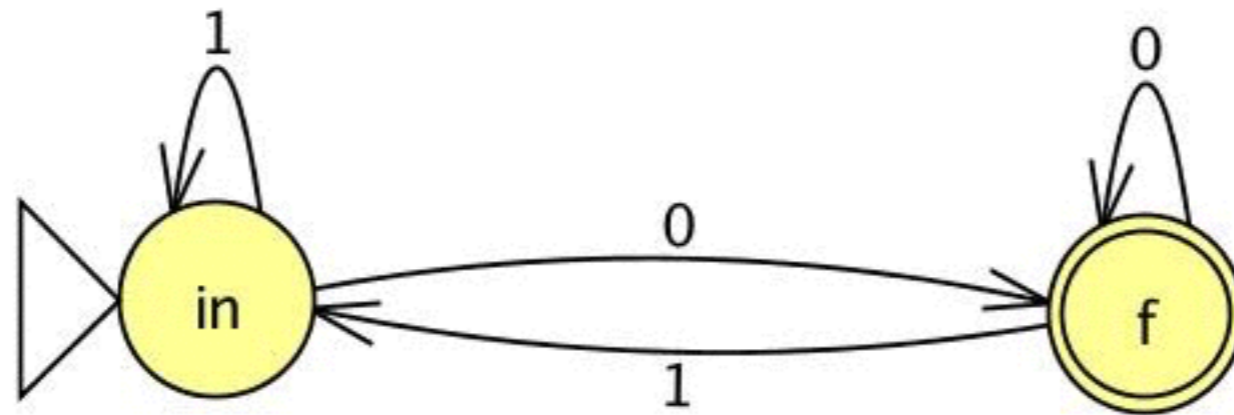
Esercizio chiusure

Questo automa accetta le stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di 2:



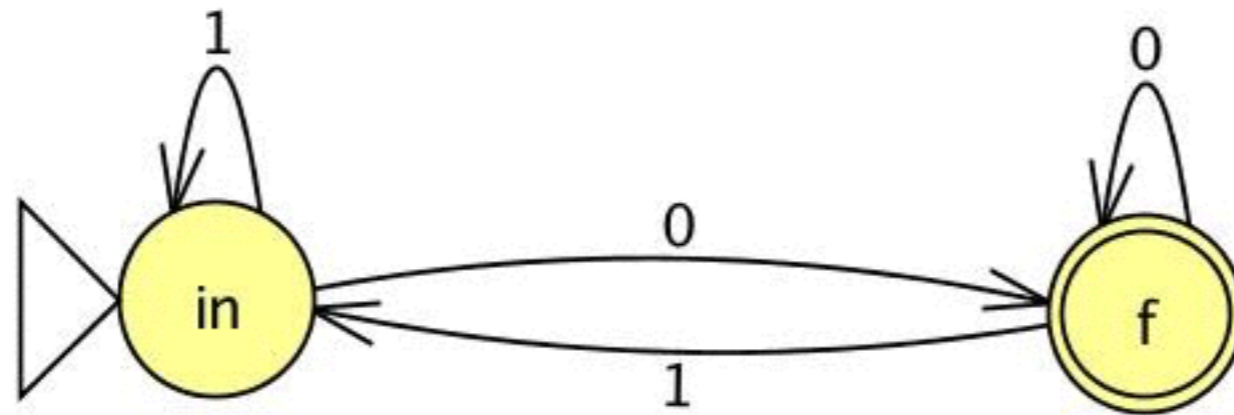
Esercizio chiusure

Questo automa accetta le stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di 2:



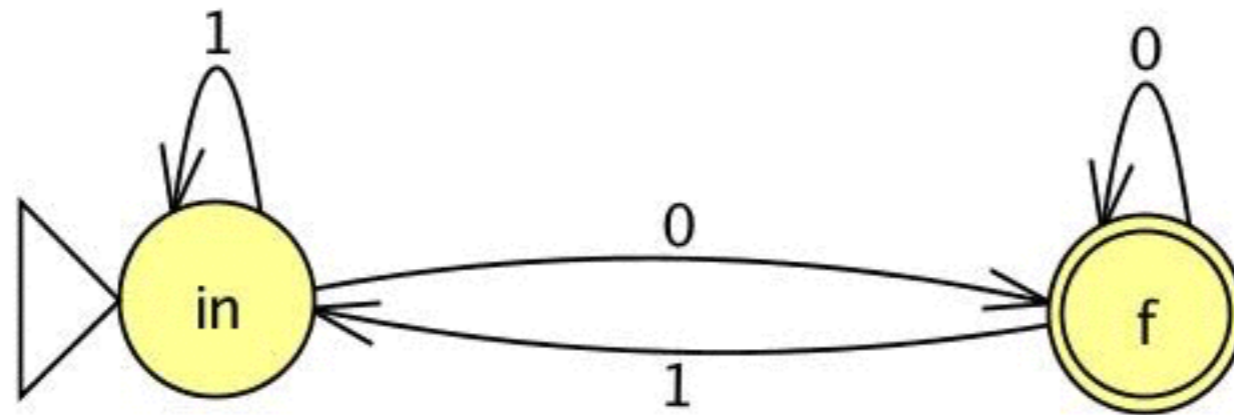
Esercizio chiusure

Questo automa accetta le stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di 2:

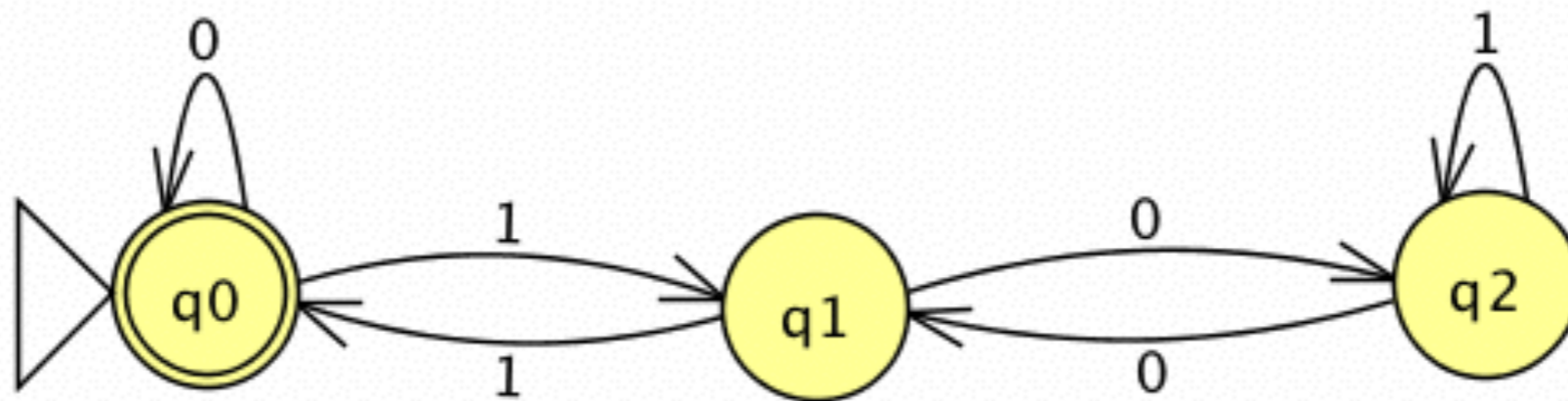


Esercizio chiusure

Questo automa accetta le stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di 2:

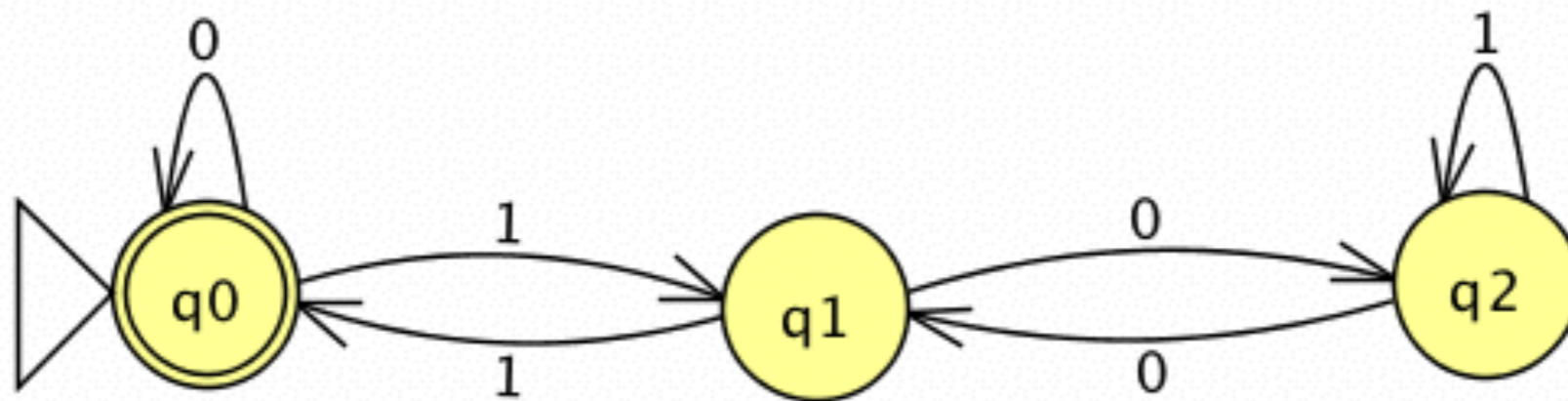


Esercizio chiusure



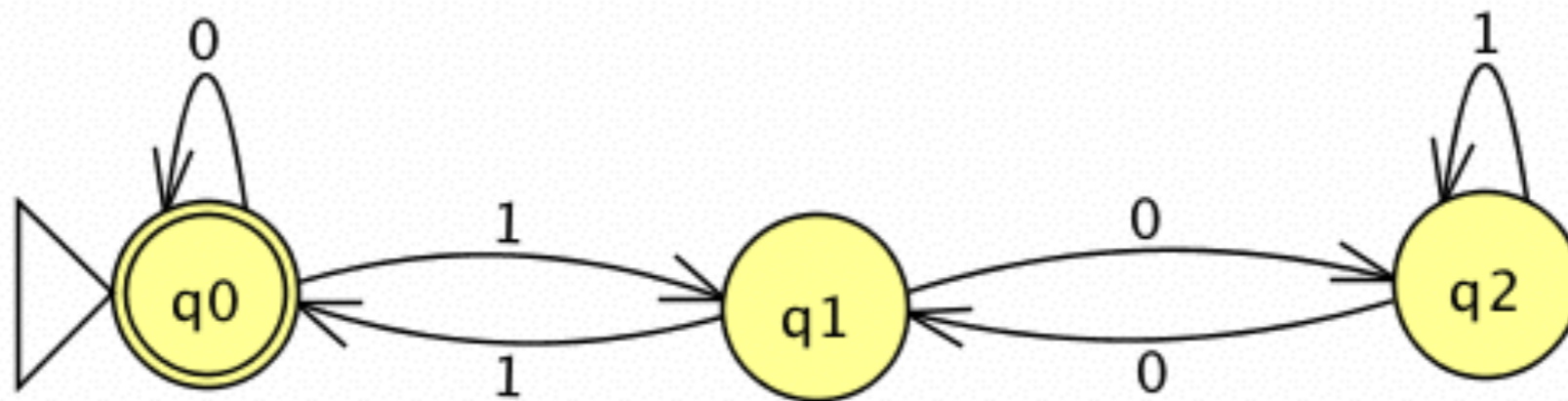
Esercizio chiusure

Questo automa accetta le stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di tre:



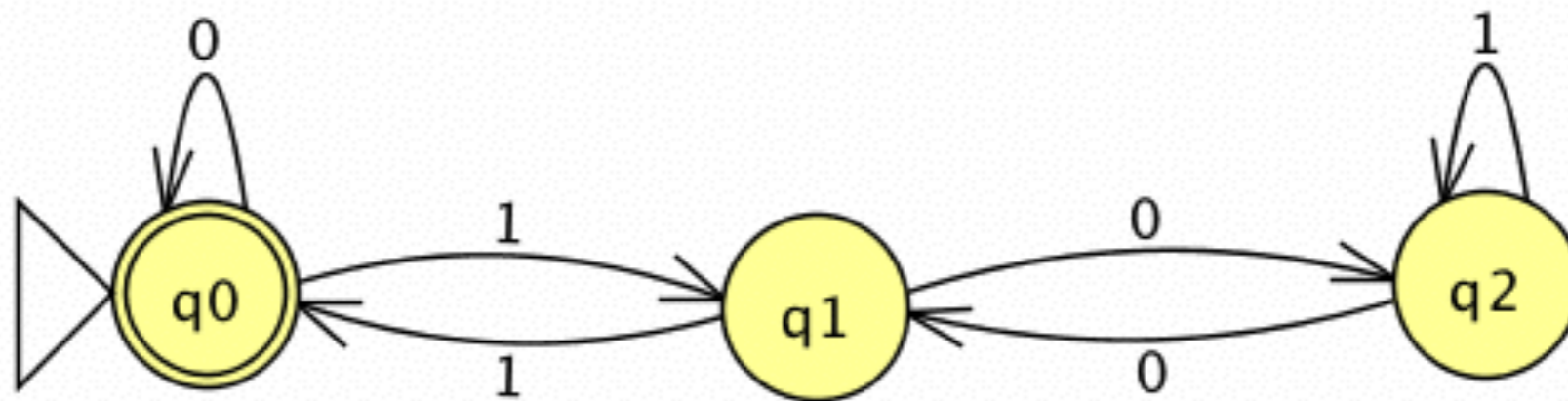
Esercizio chiusure

Questo automa accetta le stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di tre:



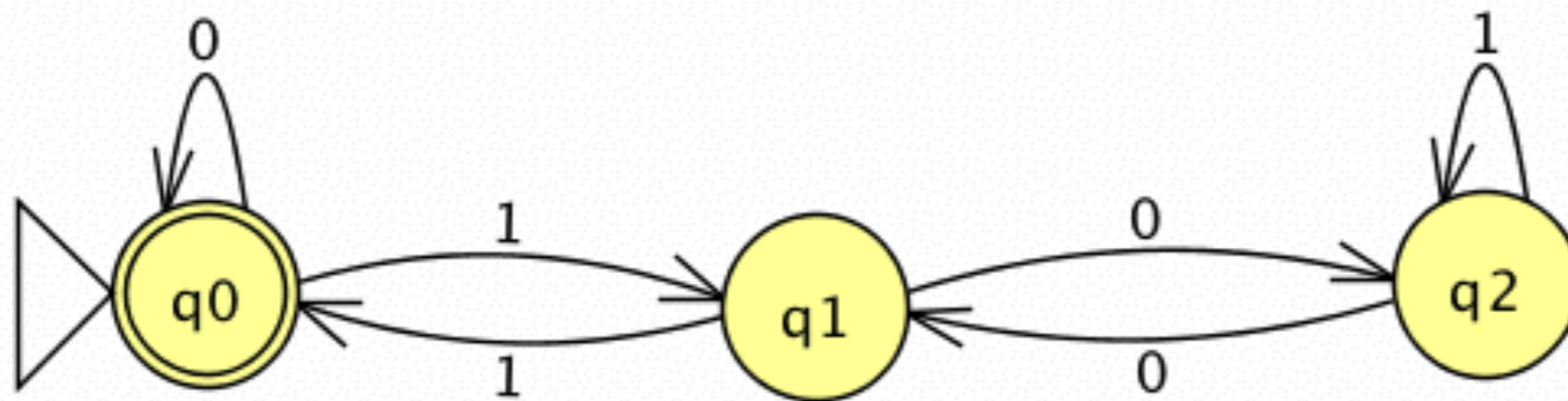
Esercizio chiusure

Questo automa accetta le stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di tre:



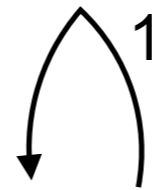
Esercizio chiusure

Questo automa accetta le stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di tre:



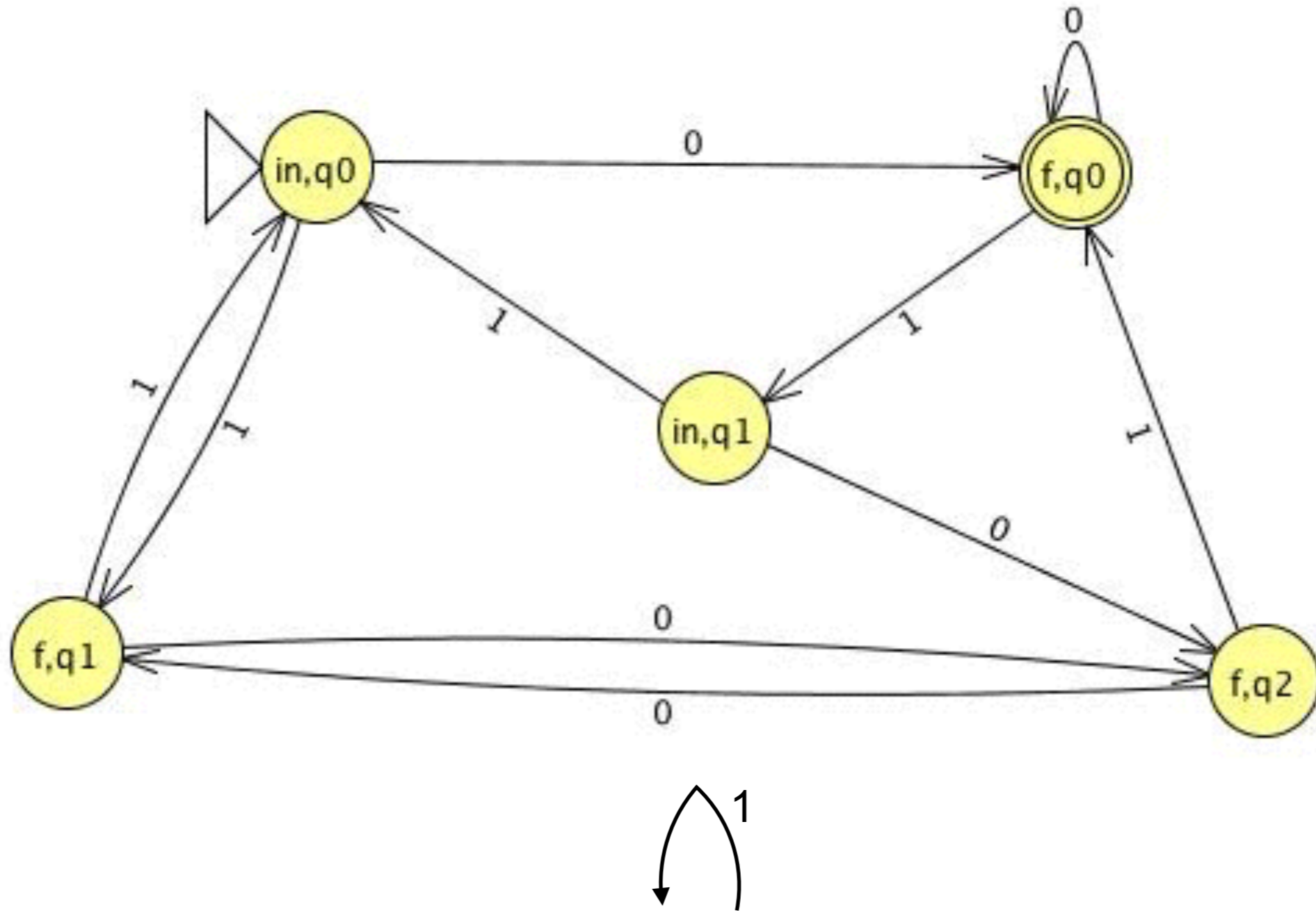
Esercizio chiusure

L'intersezione tra i due accetta solo le stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di 6:



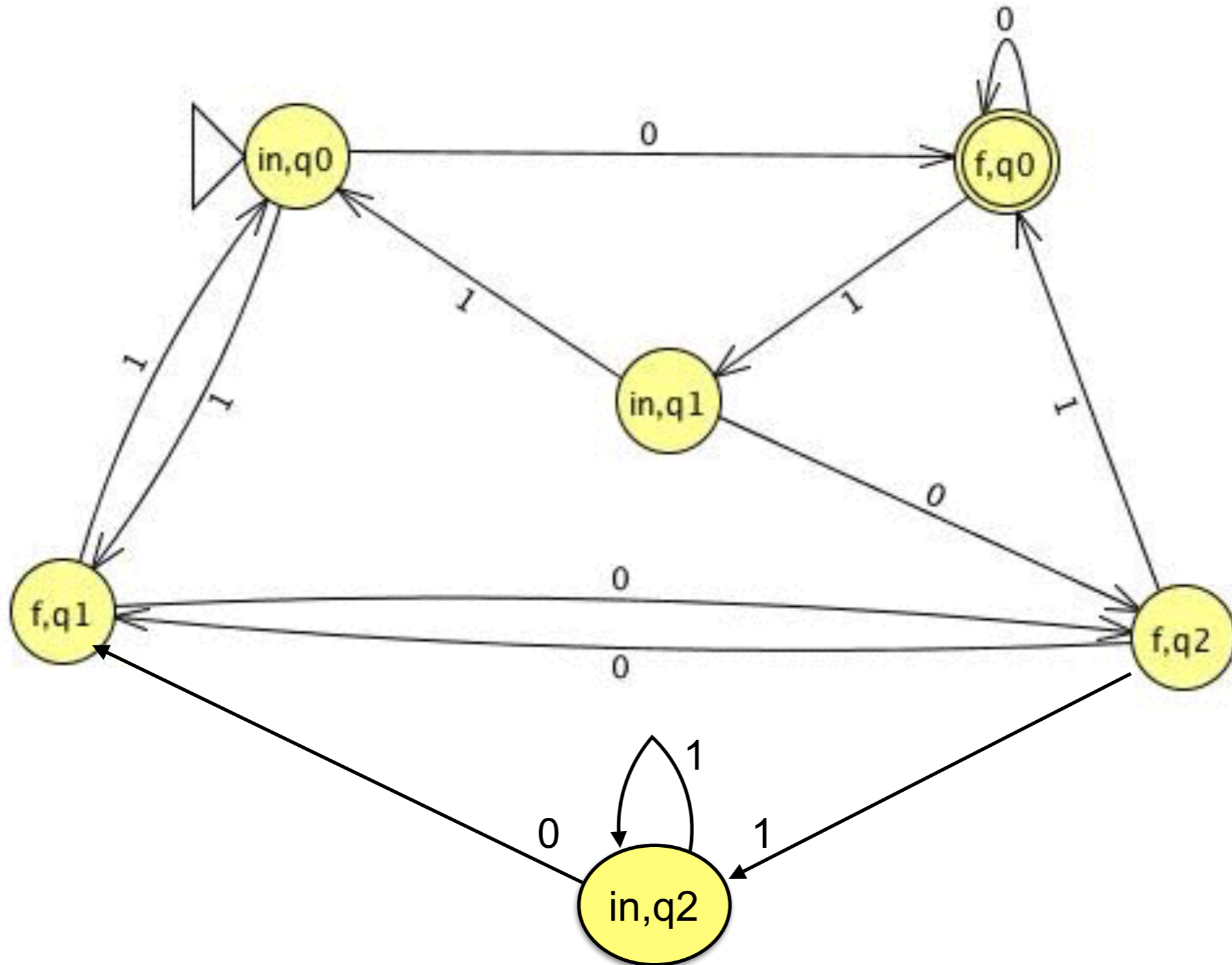
Esercizio chiusure

L'intersezione tra i due accetta solo le stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di 6:



Esercizio chiusure

L'intersezione tra i due accetta solo le stringhe binarie che rappresentano numeri multipli di 6:



PUMPING LEMMA

Enunciato definitivo: **Se** L è un linguaggio regolare, **allora** esiste un n tale che tutte le parole w in L di lunghezza maggiore o uguale a n si possono ottenere come concatenazione di tre sottoparole, x, y e z , $w = xyz$, e

PUMPING LEMMA

Enunciato definitivo: **Se** L è un linguaggio regolare, **allora** esiste un n tale che tutte le parole w in L di lunghezza maggiore o uguale a n si possono ottenere come concatenazione di tre sottoparole, x, y e z , $w = xyz$, e

1. $|y| > 0$

2. $|xy| \leq n$

3. le parole $w_i = xy^i z$, per ogni $i \geq 0$ sono in L

PUMPING LEMMA

Enunciato definitivo: **Se** L è un linguaggio regolare, **allora** esiste un n tale che tutte le parole w in L di lunghezza maggiore o uguale a n si possono ottenere come concatenazione di tre sottoparole, x, y e z , $w = xyz$, e

1. $|y| > 0$

é l'etichetta di un ciclo che almeno comprende due stati

2. $|xy| \leq n$

3. le parole $w_i = xy^i z$, per ogni $i \geq 0$ sono in L

PUMPING LEMMA

Enunciato definitivo: **Se** L è un linguaggio regolare, **allora** esiste un n tale che tutte le parole w in L di lunghezza maggiore o uguale a n si possono ottenere come concatenazione di tre sottoparole, x, y e z , $w = xyz$, e

1. $|y| > 0$

é l'etichetta di un ciclo che almeno comprende due stati

2. $|xy| \leq n$

si assicura scegliendo **il primo** ciclo!

3. le parole $w_i = xy^i z$, per ogni $i \geq 0$ sono in L

Uso Pumping Lemma

Si usa per provare che un linguaggio **NON** è regolare. Basta quindi dimostrare che è vera la negazione della proprietà necessaria.

Uso Pumping Lemma

Si usa per provare che un linguaggio **NON** è regolare. Basta quindi dimostrare che è vera la negazione della proprietà necessaria.

Sia L un linguaggio che si sospetta non regolare.

Uso Pumping Lemma

Si usa per provare che un linguaggio **NON** è regolare. Basta quindi dimostrare che è vera la negazione della proprietà necessaria.

Sia L un linguaggio che si sospetta non regolare. Si tratta di dimostrare che per ogni n siamo in grado di individuare una parola w in L di lunghezza almeno n tale che per **ogni** sua scomposizione nella concatenazione di tre sottoparole x, y, z con $|y| > 0$, e $|xy| \leq n$ non siamo in grado di concludere che $w_i = xy^i z$ è in L per ogni $i \geq 0$. Questo vuol dire che siamo in grado di individuare almeno un indice j tale che $w_j = xy^j z$ non è in L .

Uso Pumping Lemma

Si usa per provare che un linguaggio **NON** è regolare.

Uso Pumping Lemma

Si usa per provare che un linguaggio **NON** è regolare.

STRATEGIA DI PROVA

Uso Pumping Lemma

Si usa per provare che un linguaggio **NON** è regolare.

STRATEGIA DI PROVA

Sia L un linguaggio che si sospetta non regolare:

Uso Pumping Lemma

Si usa per provare che un linguaggio **NON** è regolare.

STRATEGIA DI PROVA

Sia L un linguaggio che si sospetta non regolare:

Uso Pumping Lemma

Si usa per provare che un linguaggio **NON** è regolare.

STRATEGIA DI PROVA

Sia L un linguaggio che si sospetta non regolare:

- si prende un qualsiasi intero positivo k ,

Uso Pumping Lemma

Si usa per provare che un linguaggio **NON** è regolare.

STRATEGIA DI PROVA

Sia L un linguaggio che si sospetta non regolare:

- si prende un qualsiasi intero positivo k ,

Uso Pumping Lemma

Si usa per provare che un linguaggio **NON** è regolare.

STRATEGIA DI PROVA

Sia L un linguaggio che si sospetta non regolare:

- si prende un qualsiasi intero positivo k ,
- si sceglie (**questa è la parte creativa**) z in L tale che $|z| \geq k$

Uso Pumping Lemma

Si usa per provare che un linguaggio **NON** è regolare.

STRATEGIA DI PROVA

Sia L un linguaggio che si sospetta non regolare:

- si prende un qualsiasi intero positivo k ,
- si sceglie (**questa è la parte creativa**) z in L tale che $|z| \geq k$

Uso Pumping Lemma

Si usa per provare che un linguaggio **NON** è regolare.

STRATEGIA DI PROVA

Sia L un linguaggio che si sospetta non regolare:

- si prende un qualsiasi intero positivo k ,
- si sceglie (**questa è la parte creativa**) z in L tale che $|z| \geq k$
- si mostra che per ogni fattorizzazione $z = uvw$ con $|v| \geq 1$ e $|uv| \leq k$, esiste un $i \geq 0$ tale che $uv^i w \notin L$.

Esempio

Esempio

$L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$ non è regolare.

Esempio

$L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$ non è regolare.

Per ogni n consideriamo le parole $w = a^n b^n$ (dato il linguaggio non c'è molta scelta!). Consideriamo le possibili scomposizioni $w = xyz$. Poiché $|xy| \leq n$, sia x che y sono di sole a quindi

Esempio

$L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$ non è regolare.

Per ogni n consideriamo le parole $w = a^n b^n$ (dato il linguaggio non c'è molta scelta!). Consideriamo le possibili scomposizioni $w = xyz$. Poiché $|xy| \leq n$, sia x che y sono di sole a quindi

1. $y = a^m$, per $m > 0$, allora $w_i = x(a^m)^i z$ ha meno a di b se $i > 0$.

Esempio

$L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$ non è regolare.

Per ogni n consideriamo le parole $w = a^n b^n$ (dato il linguaggio non c'è molta scelta!). Consideriamo le possibili scomposizioni $w = xyz$. Poiché $|xy| \leq n$, sia x che y sono di sole a quindi

1. $y = a^m$, per $m > 0$, allora $w_i = x(a^m)^i z$ ha meno a di b se $i > 0$.

E abbiamo considerato tutte le scomposizioni che rispettano il vincolo $|xy| \leq n$

Esempio

Esempio

Se volessimo dimostrare che $L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$ non è regolare applicando il pumping lemma ma ignorando il vincolo 2, dovremmo considerare per ogni n le parole $w = a^n b^n$ e tutte le possibili scomposizioni $w = xyz$:

Esempio

Se volessimo dimostrare che $L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$ non è regolare applicando il pumping lemma **ma ignorando il vincolo 2**, dovremmo considerare per ogni n le parole $w = a^n b^n$ e tutte le possibili scomposizioni $w = xyz$:

1. $y = a^m$, per $m > 0$, allora $w_i = x(a^m)^i z$ ha meno a di b se $i > 0$.

Esempio

Se volessimo dimostrare che $L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$ non è regolare applicando il pumping lemma **ma ignorando il vincolo 2**, dovremmo considerare per ogni n le parole $w = a^n b^n$ e tutte le possibili scomposizioni $w = xyz$:

1. $y = a^m$, per $m > 0$, allora $w_i = x(a^m)^i z$ ha meno a di b se $i = 0$.
2. $y = b^m$, analogo

Esempio

Se volessimo dimostrare che $L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$ non è regolare applicando il pumping lemma **ma ignorando il vincolo 2**, dovremmo considerare per ogni n le parole $w = a^n b^n$ e tutte le possibili scomposizioni $w = xyz$:

1. $y = a^m$, per $m > 0$, allora $w_i = x(a^m)^i z$ ha meno a di b se $i > 0$.
2. $y = b^m$, analogo
3. $y = a^m b^p$, con $m, p \geq 1$, allora $w_i = x(a^m b^p)^i z$ contiene una a che segue una b per ogni $i > 0$.

Esempio

Se volessimo dimostrare che $L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$ non è regolare applicando il pumping lemma **ma ignorando il vincolo 2**, dovremmo considerare per ogni n le parole $w = a^n b^n$ e tutte le possibili scomposizioni $w = xyz$:

1. $y = a^m$, per $m > 0$, allora $w_i = x(a^m)^i z$ ha meno a di b se $i > 0$.
2. $y = b^m$, analogo
3. $y = a^m b^p$, con $m, p \geq 1$, allora $w_i = x(a^m b^p)^i z$ contiene una a che segue una b per ogni $i > 0$.

Molto lavoro in più anche in questo semplice caso!

Esempio

Esempio

$L = \{a^n b^m \mid n > m \geq 0\}$ non è regolare.

Esempio

$L = \{a^n b^m \mid n > m \geq 0\}$ non è regolare.

Esempio

$L = \{a^n b^m \mid n > m \geq 0\}$ non è regolare.

Per ogni n consideriamo (la parte creativa!) le parole $w = a^{n+1}b^n$. Consideriamo le possibili scomposizioni $w = xyz$, con $|xy| \leq n$.

Esempio

$L = \{a^n b^m \mid n > m \geq 0\}$ non è regolare.

Per ogni n consideriamo (la parte creativa!) le parole $w = a^{n+1}b^n$. Consideriamo le possibili scomposizioni $w = xyz$, con $|xy| \leq n$.

Allora $x = a^r$, per $r \geq 0$ e $y = a^s$, per $s > 0$ e $z = a^t b^n$

Esempio

$L = \{a^n b^m \mid n > m \geq 0\}$ non è regolare.

Per ogni n consideriamo (la parte creativa!) le parole $w = a^{n+1}b^n$. Consideriamo le possibili scomposizioni $w = xyz$, con $|xy| \leq n$.

Allora $x = a^r$, per $r \geq 0$ e $y = a^s$, per $s > 0$ e $z = a^t b^n$
con $r+s+t = n+1$ e $t \geq 1$

Esempio

$L = \{a^n b^m \mid n > m \geq 0\}$ non è regolare.

Per ogni n consideriamo (la parte creativa!) le parole $w = a^{n+1}b^n$. Consideriamo le possibili scomposizioni $w = xyz$, con $|xy| \leq n$.

Allora $x = a^r$, per $r \geq 0$ e $y = a^s$, per $s > 0$ e $z = a^t b^n$

con $r+s+t = n+1$ e $t \geq 1$

(in questo modo prendiamo tutte le scomposizioni che soddisfano la condizione $|xy| \leq n$)

Esempio

$L = \{a^n b^m \mid n > m \geq 0\}$ non è regolare.

Per ogni n consideriamo (la parte creativa!) le parole $w = a^{n+1}b^n$. Consideriamo le possibili scomposizioni $w = xyz$, con $|xy| \leq n$.

Allora $x = a^r$, per $r \geq 0$ e $y = a^s$, per $s > 0$ e $z = a^t b^n$

con $r+s+t = n+1$ e $t \geq 1$

(in questo modo prendiamo tutte le scomposizioni che soddisfano la condizione $|xy| \leq n$)

Poi basta osservare che $xy^0 = a^r$, e

Esempio

$L = \{a^n b^m \mid n > m \geq 0\}$ non è regolare.

Per ogni n consideriamo (la parte creativa!) le parole $w = a^{n+1}b^n$. Consideriamo le possibili scomposizioni $w = xyz$, con $|xy| \leq n$.

Allora $x = a^r$, per $r \geq 0$ e $y = a^s$, per $s > 0$ e $z = a^t b^n$

con $r+s+t = n+1$ e $t \geq 1$

(in questo modo prendiamo tutte le scomposizioni che soddisfano la condizione $|xy| \leq n$)

Poi basta osservare che $xy^0 = a^r$, e

allora $w_0 = xz = a^r a^t b^n$, ma $r+t \leq n$

Esempio

$L = \{a^n b^m \mid n > m \geq 0\}$ non è regolare.

Per ogni n consideriamo (la parte creativa!) le parole $w = a^{n+1}b^n$. Consideriamo le possibili scomposizioni $w = xyz$, con $|xy| \leq n$.

Allora $x = a^r$, per $r \geq 0$ e $y = a^s$, per $s > 0$ e $z = a^t b^n$

con $r+s+t = n+1$ e $t \geq 1$

(in questo modo prendiamo tutte le scomposizioni che soddisfano la condizione $|xy| \leq n$)

Poi basta osservare che $xy^0 = a^r$, e

allora $w_0 = xz = a^r a^t b^n$, ma $r+t \leq n$

perché $s \geq 1$ e $r+s+t = n+1$, quindi w_0 non è in L .

Esercizi

Esercizi

Si dimostri, utilizzando il pumping lemma che i seguenti linguaggi non sono regolari.

Esercizi

Si dimostri, utilizzando il pumping lemma che i seguenti linguaggi non sono regolari.

Esercizi

Si dimostri, utilizzando il pumping lemma che i seguenti linguaggi non sono regolari.

$$L = \{a^{2^n} \mid n \geq 0\}$$

Esercizi

Si dimostri, utilizzando il pumping lemma che i seguenti linguaggi non sono regolari.

$$L = \{a^{2^n} \mid n \geq 0\}$$

$$L = \{a^p \mid p \text{ è un numero primo}\}$$

Esercizi

Si dimostri, utilizzando il pumping lemma che i seguenti linguaggi non sono regolari.

$$L = \{a^{2^n} \mid n \geq 0\}$$

$$L = \{a^p \mid p \text{ è un numero primo}\}$$

Esercizi

Si dimostri, utilizzando il pumping lemma che i seguenti linguaggi non sono regolari.

$$L = \{a^{2^n} \mid n \geq 0\}$$

$$L = \{a^p \mid p \text{ è un numero primo}\}$$

$$L = \{w\#x \mid w, x \text{ in } \{0,1\}^* \text{ e } x \text{ è una}$$

Esercizi

Si dimostri, utilizzando il pumping lemma che i seguenti linguaggi non sono regolari.

$$L = \{a^{2^n} \mid n \geq 0\}$$

$$L = \{a^p \mid p \text{ è un numero primo}\}$$

$$L = \{w\#x \mid w, x \text{ in } \{0,1\}^* \text{ e } x \text{ è una sottostringa di } w\}$$

Esercizi

Si dimostri, utilizzando il pumping lemma che i seguenti linguaggi non sono regolari.

$$L = \{a^{2^n} \mid n \geq 0\}$$

$$L = \{a^p \mid p \text{ è un numero primo}\}$$

$$L = \{w\#x \mid w, x \text{ in } \{0,1\}^* \text{ e } x \text{ è una sottostringa di } w\}$$

Esercizi

Si dimostri, utilizzando il pumping lemma che i seguenti linguaggi non sono regolari.

$$L = \{a^{2^n} \mid n \geq 0\}$$

$$L = \{a^p \mid p \text{ è un numero primo}\}$$

$$L = \{w\#x \mid w, x \text{ in } \{0,1\}^* \text{ e } x \text{ è una sottostringa di } w\}$$

$$L = \{ww^R \mid w \text{ in } \{0,1\}^* \text{ e } w^R\}$$

Esercizi

Si dimostri, utilizzando il pumping lemma che i seguenti linguaggi non sono regolari.

$$L = \{a^{2^n} \mid n \geq 0\}$$

$$L = \{a^p \mid p \text{ è un numero primo}\}$$

$$L = \{w\#x \mid w, x \text{ in } \{0,1\}^* \text{ e } x \text{ è una sottostringa di } w\}$$

$$L = \{ww^R \mid w \text{ in } \{0,1\}^* \text{ e } w^R \text{ è } w \text{ rovesciata}\}$$

Esercizi

Esercizi

Si spieghi dove fallisce la prova di non regolarità, basata sul pumping lemma, per il linguaggio $L = \{00, 11\}^*$

Esercizi

Si spieghi dove fallisce la prova di non regolarità, basata sul pumping lemma, per il linguaggio $L = \{00, 11\}^*$

Esercizi

Si spieghi dove fallisce la prova di non regolarità, basata sul pumping lemma, per il linguaggio $L = \{00, 11\}^*$

Esercizi

Si spieghi dove fallisce la prova di non regolarità, basata sul pumping lemma, per il linguaggio $L = \{00, 11\}^*$

Sia $L \subseteq \Sigma^*$ un linguaggio, definiamo la sua chiusura rispetto al prefisso come il linguaggio che contiene ogni prefisso di una parola di L .

Esercizi

Si spieghi dove fallisce la prova di non regolarità, basata sul pumping lemma, per il linguaggio $L = \{00, 11\}^*$

Sia $L \subseteq \Sigma^*$ un linguaggio, definiamo la sua chiusura rispetto al prefisso come il linguaggio che contiene ogni prefisso di una parola di L .

Il prefisso di una parola w è una parola x tale che $w=xy$, per un qualche y in Σ^* .

Esercizi

Si spieghi dove fallisce la prova di non regolarità, basata sul pumping lemma, per il linguaggio $L = \{00, 11\}^*$

Sia $L \subseteq \Sigma^*$ un linguaggio, definiamo la sua chiusura rispetto al prefisso come il linguaggio che contiene ogni prefisso di una parola di L .

Il prefisso di una parola w è una parola x tale che $w=xy$, per un qualche y in Σ^* .

$$\text{pref}(L) = \{x \in \Sigma^* \mid \exists y \in \Sigma^* \text{ e } xy \in L\}$$

Esercizi

Si spieghi dove fallisce la prova di non regolarità, basata sul pumping lemma, per il linguaggio $L = \{00, 11\}^*$

Sia $L \subseteq \Sigma^*$ un linguaggio, definiamo la sua chiusura rispetto al prefisso come il linguaggio che contiene ogni prefisso di una parola di L .

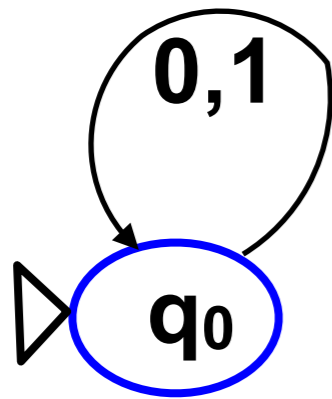
Il prefisso di una parola w è una parola x tale che $w=xy$, per un qualche y in Σ^* .

$\text{pref}(L) = \{x \in \Sigma^* \mid \exists y \in \Sigma^* \text{ e } xy \in L\}$

Si tratta di dimostrare che se L è regolare allora anche $\text{pref}(L)$ lo è.

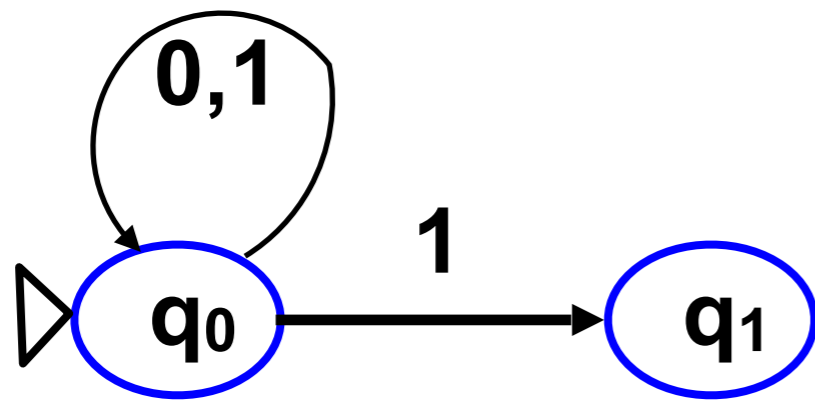
Esercizi

Si costruisca un NFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che contengono un 1 o nella penultima o nella terz'ultima posizione.



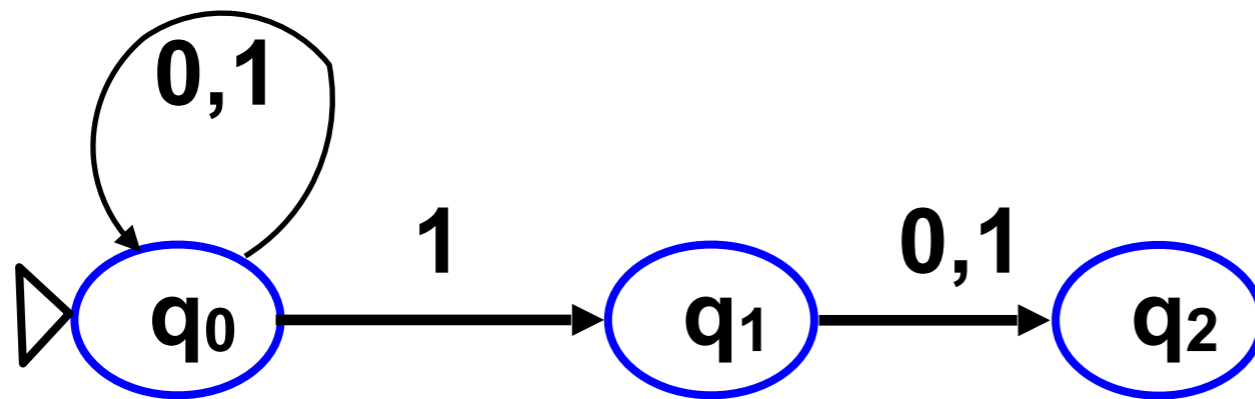
Esercizi

Si costruisca un NFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che contengono un 1 o nella penultima o nella terz'ultima posizione.



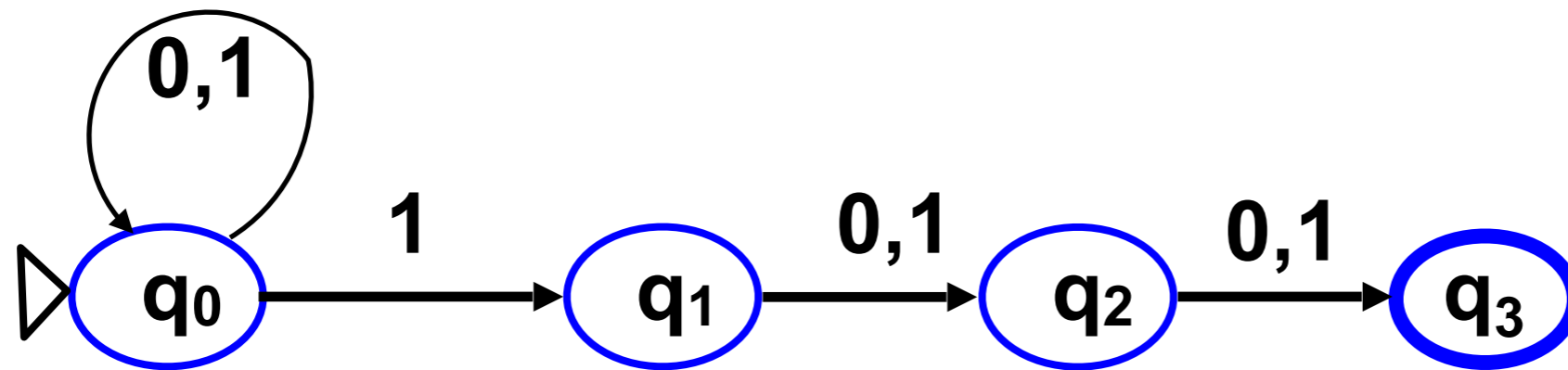
Esercizi

Si costruisca un NFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che contengono un 1 o nella penultima o nella terz'ultima posizione.



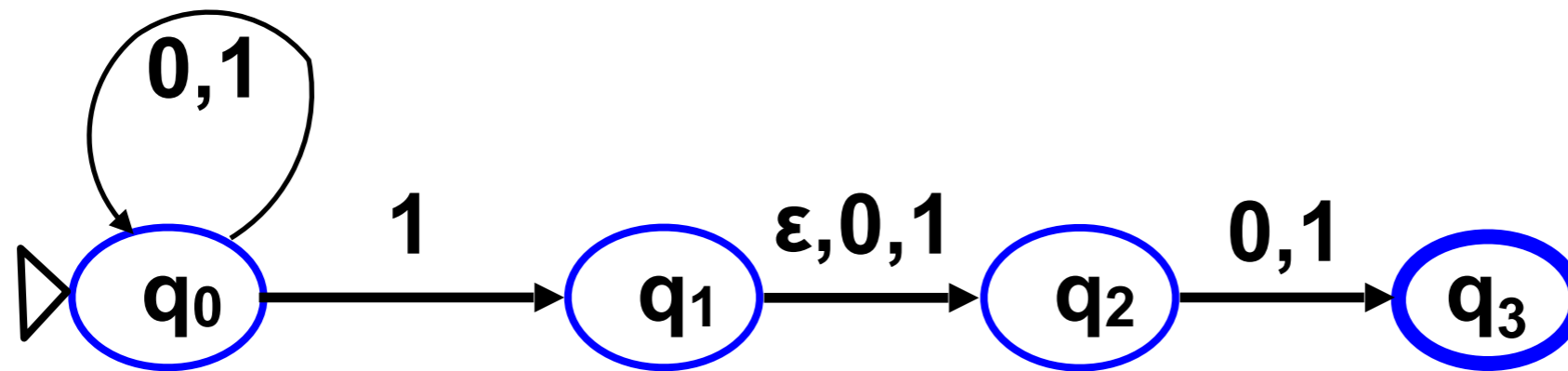
Esercizi

Si costruisca un NFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che contengono un 1 o nella penultima o nella terz'ultima posizione.



Esercizi

Si costruisca un NFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che contengono un 1 o nella penultima o nella terz'ultima posizione.

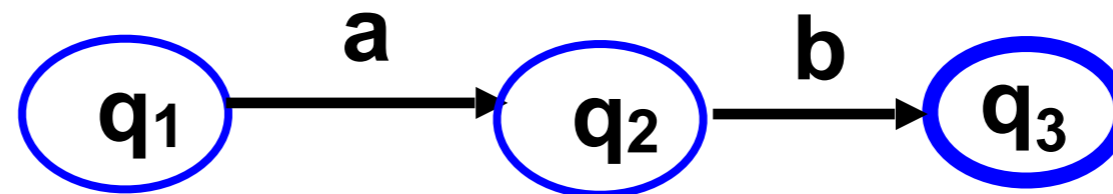


Esercizi

Si costruisca un NFA che accetta tutte le stringhe in $\{a,b,c\}^*$ che terminano con ab,ca oppure ba .

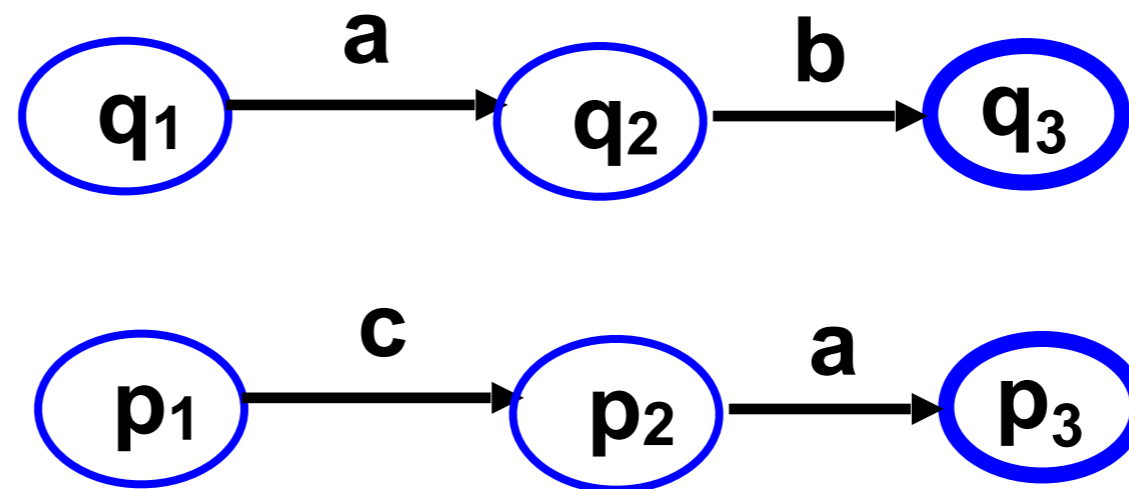
Esercizi

Si costruisca un NFA che accetta tutte le stringhe in $\{a,b,c\}^*$ che terminano con ab,ca oppure ba .



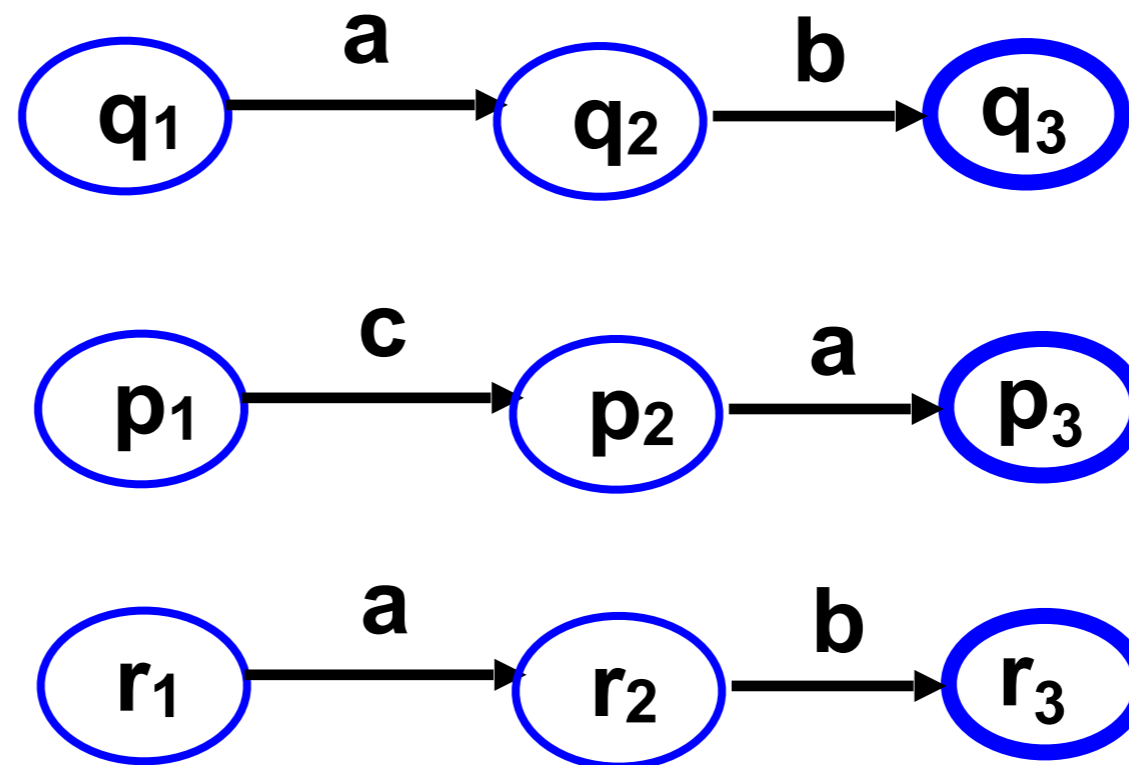
Esercizi

Si costruisca un NFA che accetta tutte le stringhe in $\{a,b,c\}^*$ che terminano con ab,ca oppure ba .



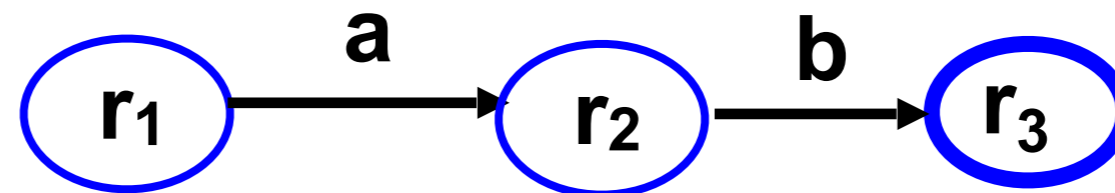
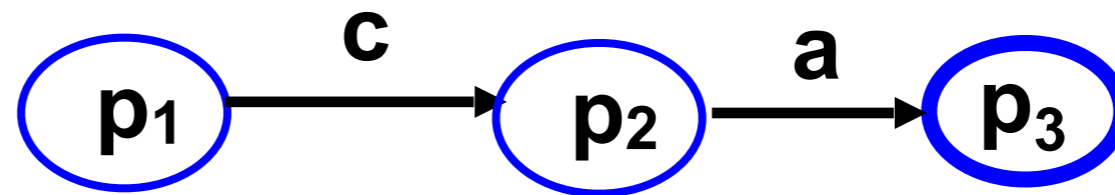
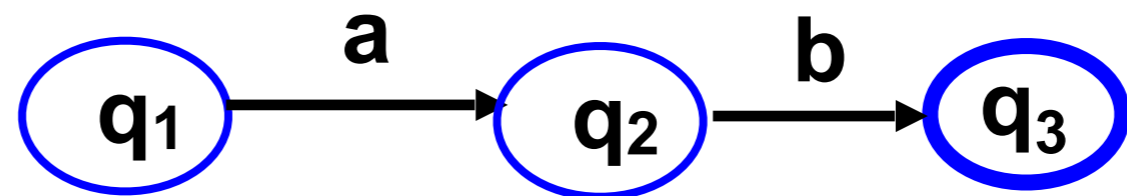
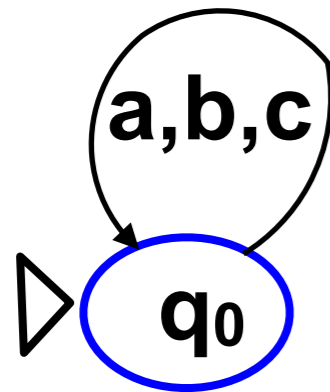
Esercizi

Si costruisca un NFA che accetta tutte le stringhe in $\{a,b,c\}^*$ che terminano con ab,ca oppure ba .



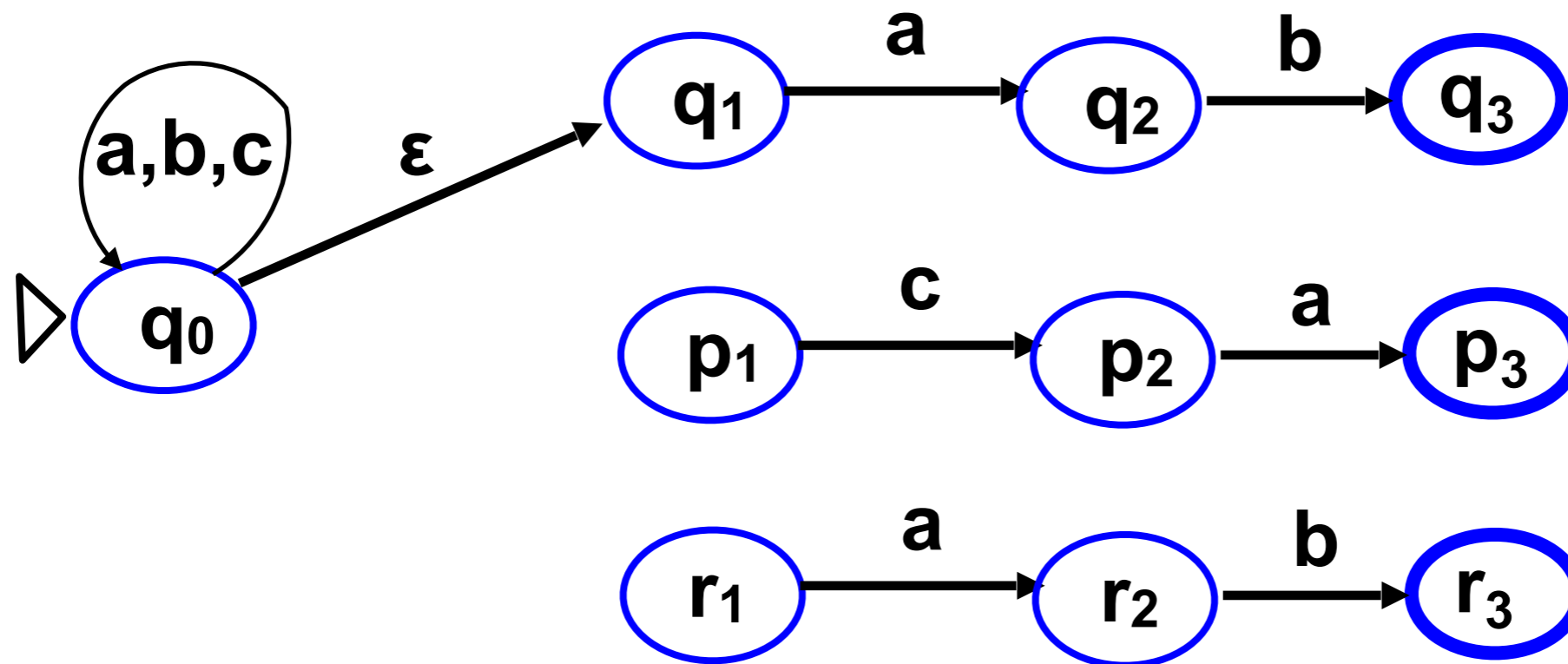
Esercizi

Si costruisca un NFA che accetta tutte le stringhe in $\{a,b,c\}^*$ che terminano con ab,ca oppure ba .



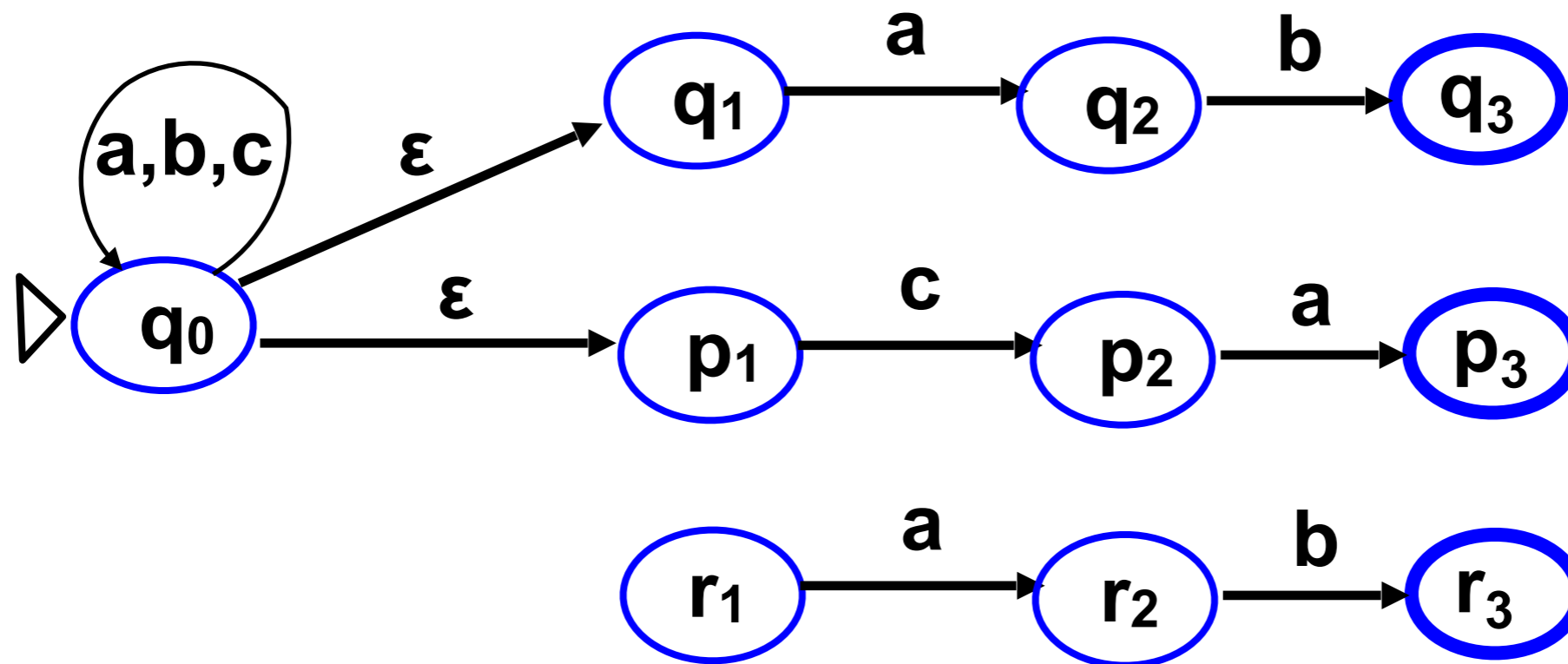
Esercizi

Si costruisca un NFA che accetta tutte le stringhe in $\{a,b,c\}^*$ che terminano con ab,ca oppure ba .



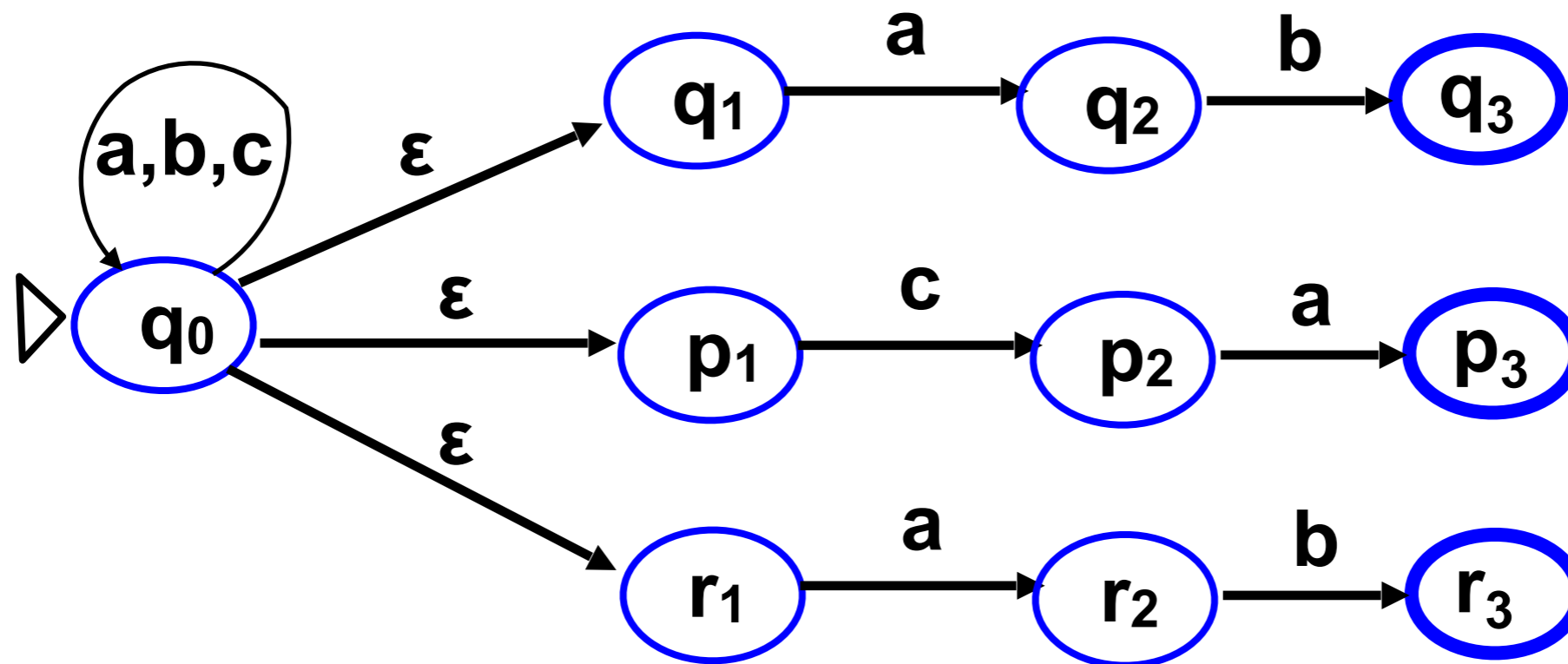
Esercizi

Si costruisca un NFA che accetta tutte le stringhe in $\{a,b,c\}^*$ che terminano con ab,ca oppure ba .



Esercizi

Si costruisca un NFA che accetta tutte le stringhe in $\{a,b,c\}^*$ che terminano con ab,ca oppure ba .



Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

Esercizi

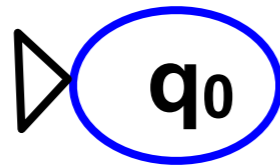
Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:

Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

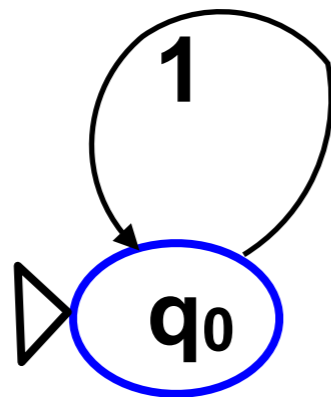
un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:



Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

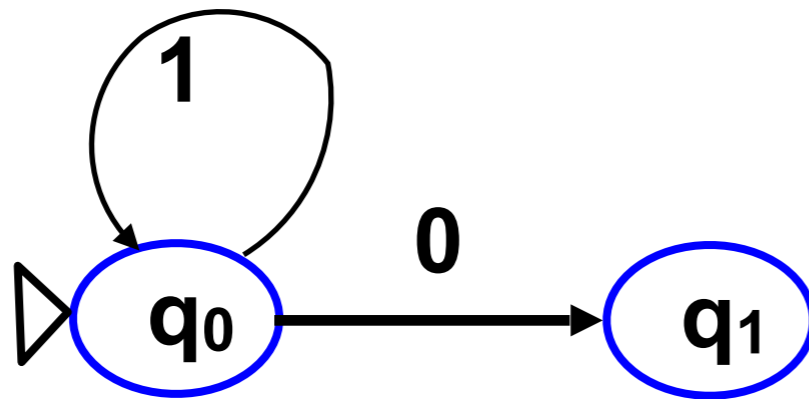
un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:



Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

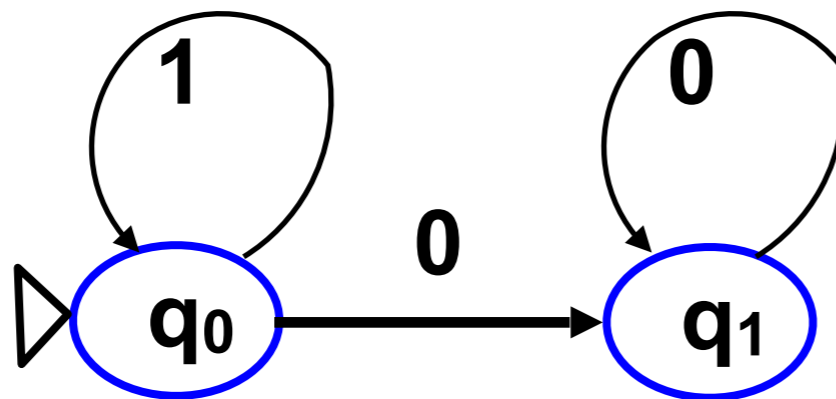
un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:



Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

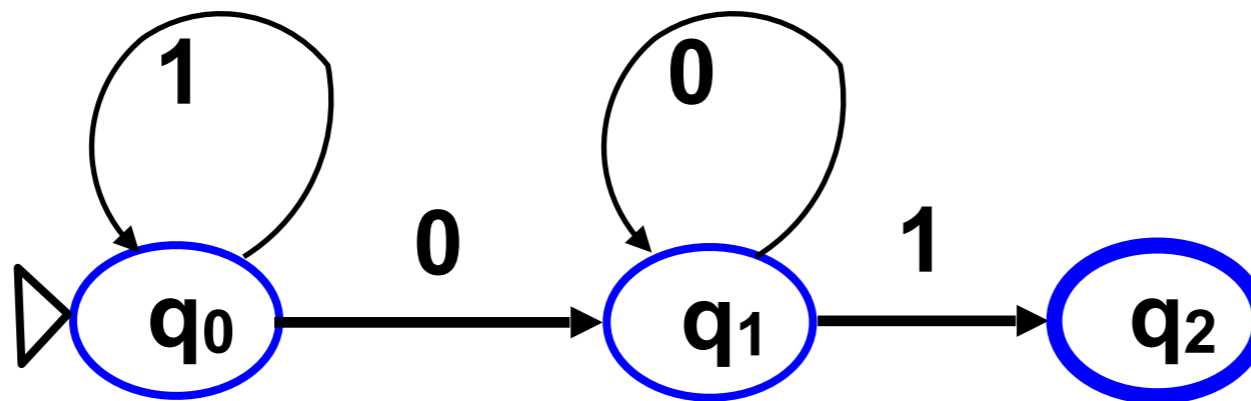
un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:



Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

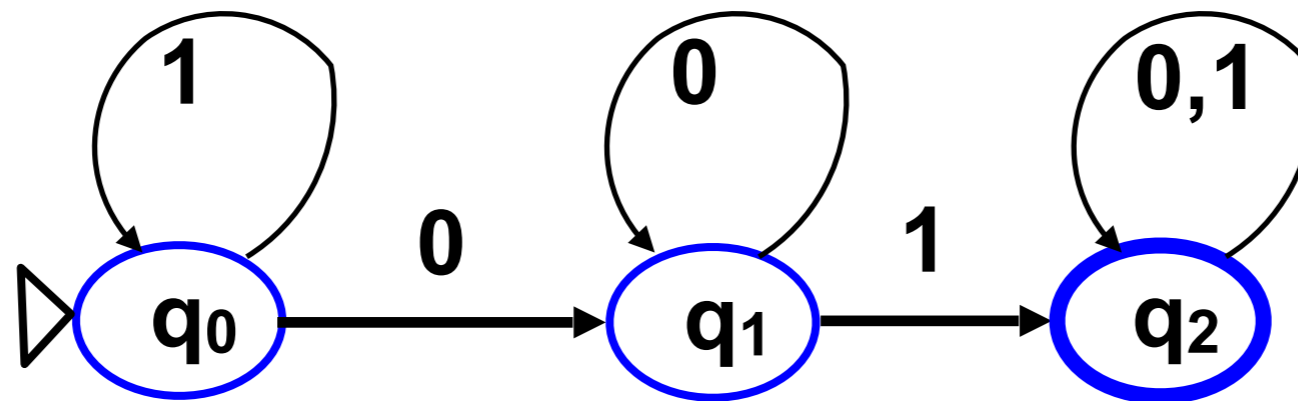
un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:



Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

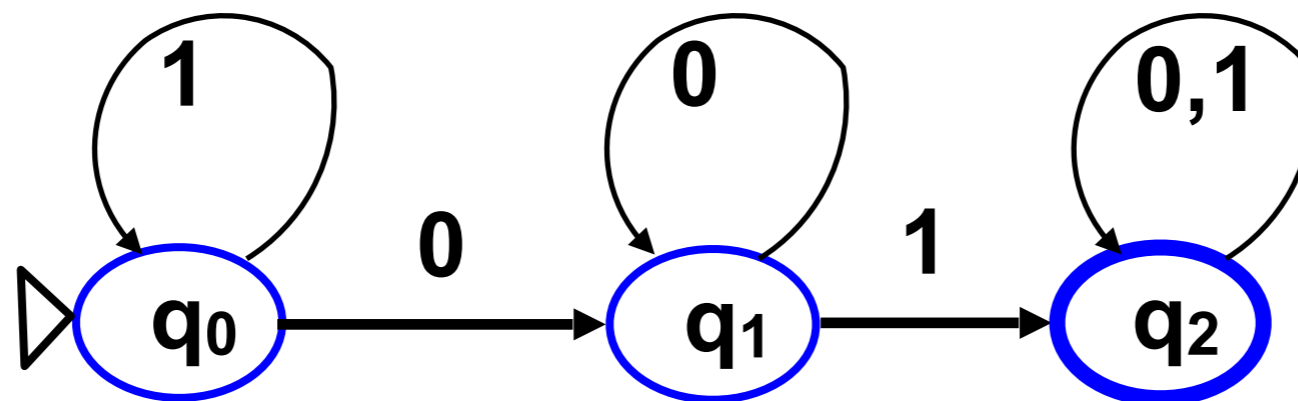
un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:



Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:

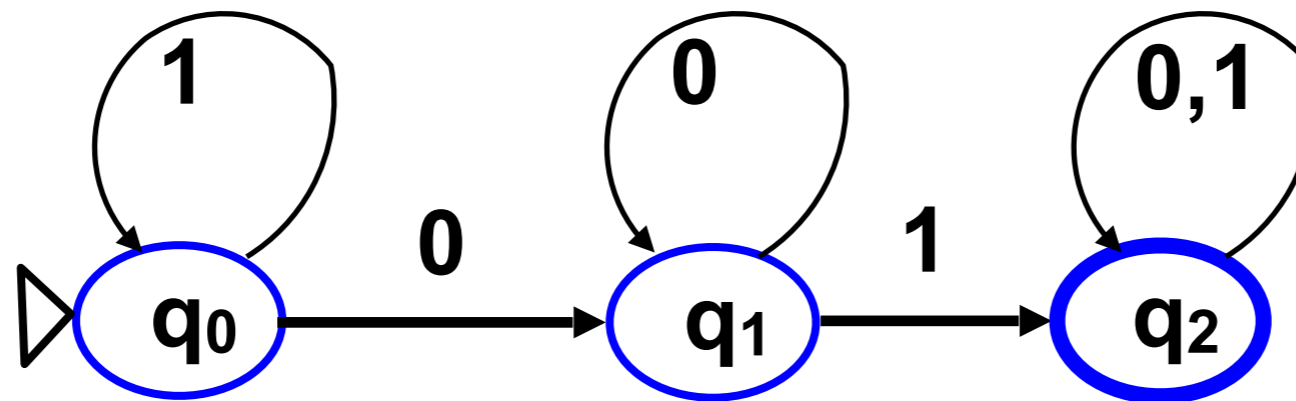


Il DFA per il complemento:

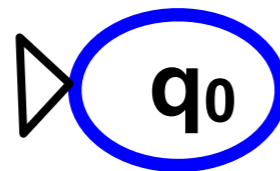
Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:



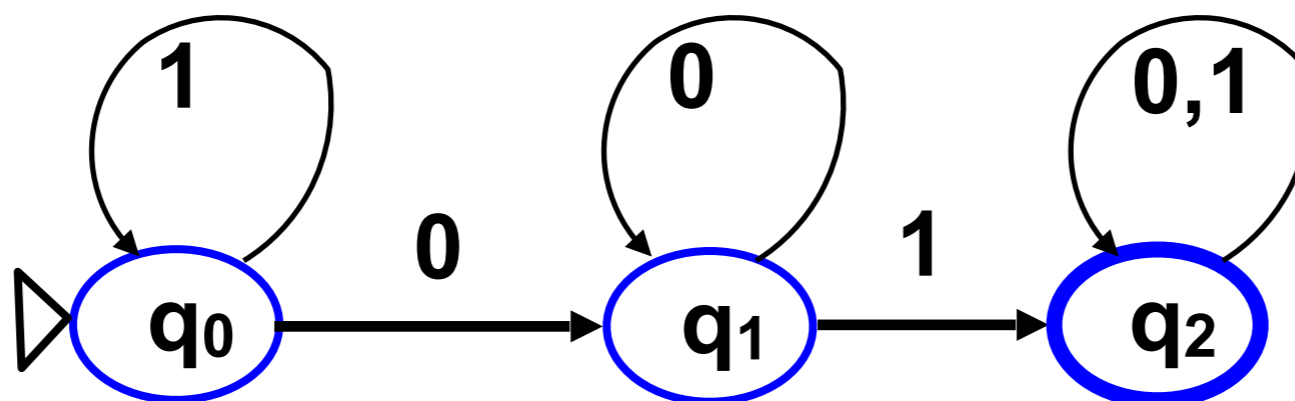
Il DFA per il complemento:



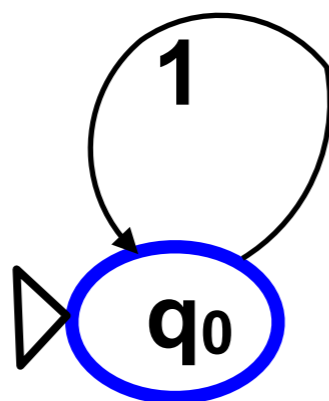
Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:



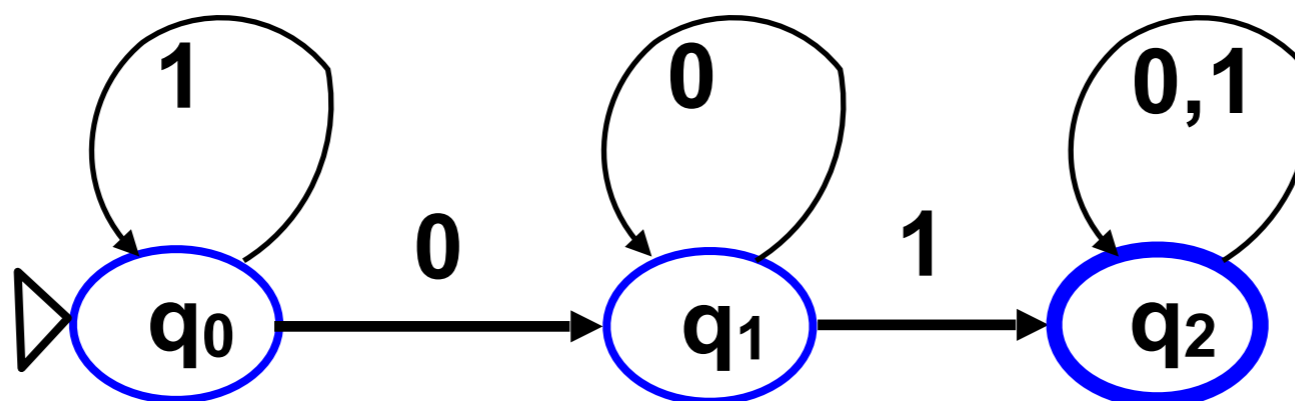
Il DFA per il complemento:



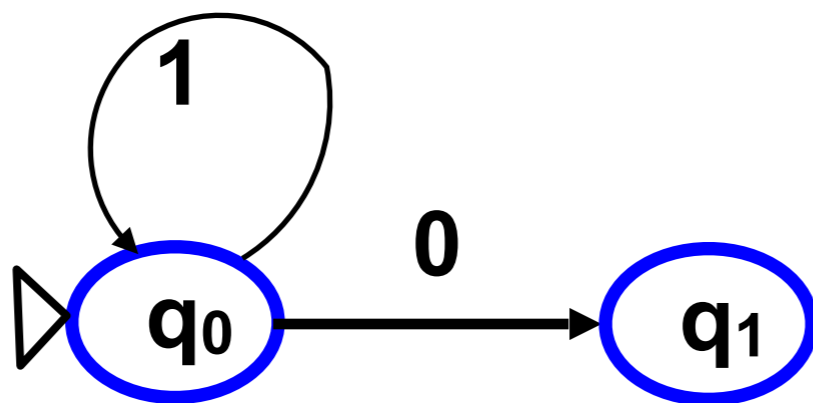
Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:



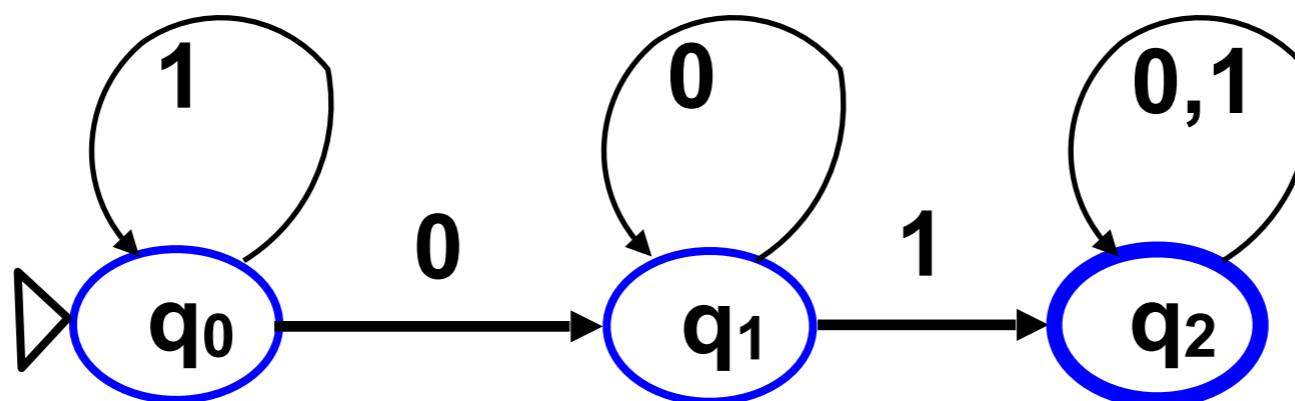
Il DFA per il complemento:



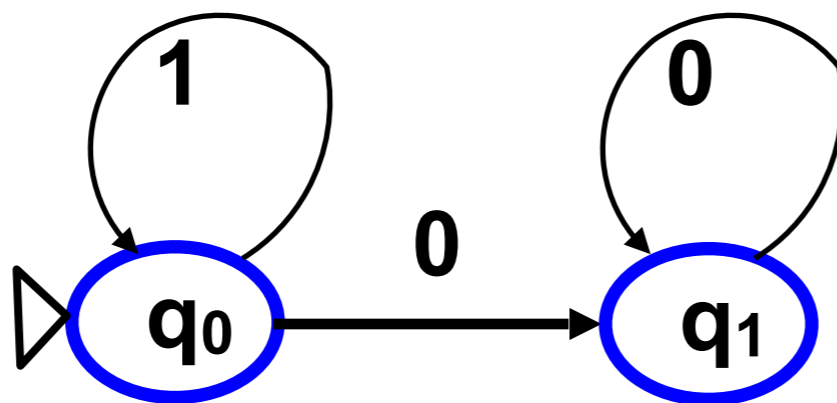
Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:



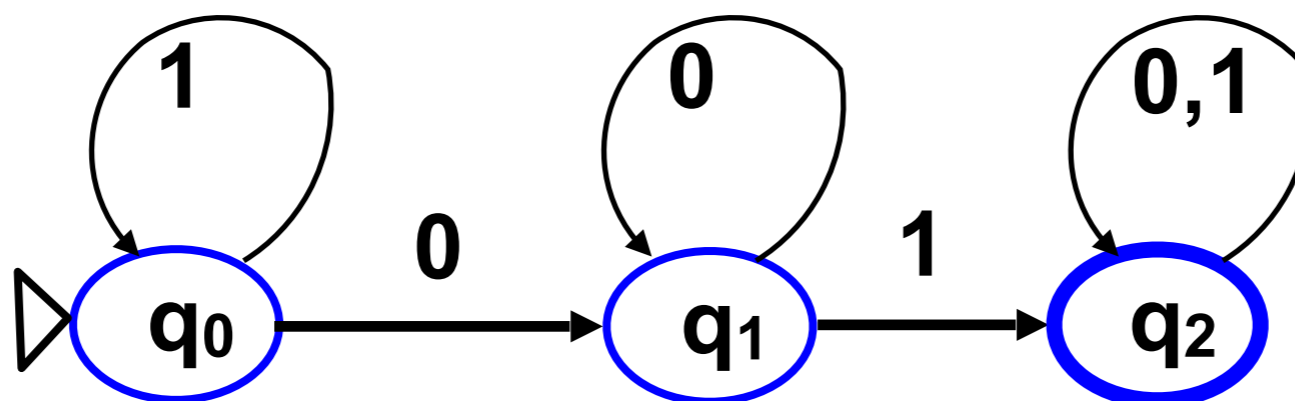
Il DFA per il complemento:



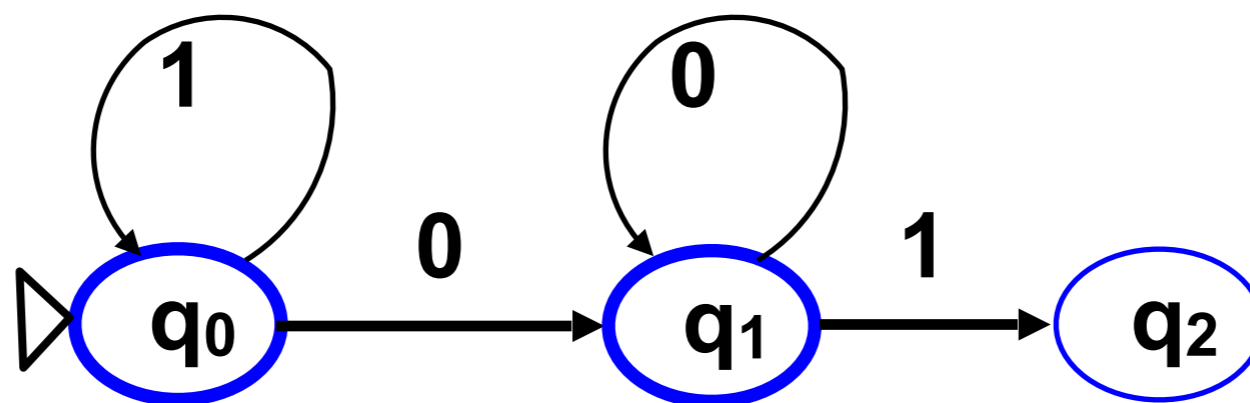
Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:



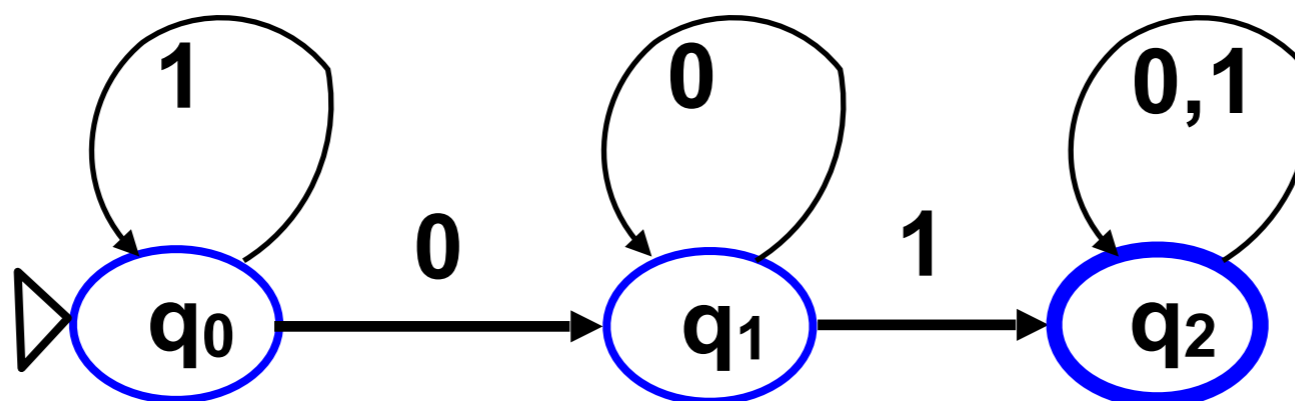
Il DFA per il complemento:



Esercizi

Si costruisca un DFA che accetta tutte le stringhe in $\{0,1\}^*$ che non contengono 01 come sottostringa.

un DFA per il linguaggio delle parole che contengono 01 come sottostringa:



Il DFA per il complemento:

