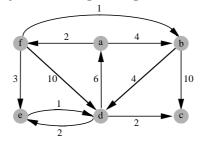
Docente: Irene Finocchi

Appello per studenti prenotati alla sessione di laurea di febbraio (8 Gennaio 2008)

Nome Cognome

Attenzione: la chiarezza, il rigore e la sinteticità dell'esposizione saranno importanti elementi di valutazione.

Esercizio 1. Eseguire l'algoritmo di Dijkstra sul seguente grafo



usando il vertice a come sorgente. In particolare, dettagliare gli archi del taglio e le priorità dei vertici durante i vari passi dell'algoritmo, e disegnare l'albero dei cammini minimi ottenuto.

Esercizio 2. Dimostrare una delimitazione superiore al numero di iterazioni eseguite dall'algoritmo di Edmonds e Karp che sceglie il cammino aumentante di massima capacità residua.

Esercizio 3. Dimostrare o confutare le seguenti affermazioni:

- 1. Se la capacità di ogni arco in una rete è multiplo di k, allora in ogni assegnamento di massimo flusso ciascun arco porterà un flusso che è multiplo di k.
- 2. Se ciascuna etichetta di distanza d(i) è un lower bound alla lunghezza di un cammino minimo da i a t nella rete residua, allora le etichette di distanza sono valide.
- 3. La capacità dei cammini aumentanti trovati dall'algoritmo che seleziona il cammino aumentante di capacità massima è non crescente.
- 4. Sia v^* il valore del massimo flusso in una rete rete. Sia inoltre v' il valore del flusso entrante nel pozzo t in un qualche istante dell'algoritmo di preflow-push. Allora $v^* v' \leq \sum_{i \ attivi} e(i)$.

In bocca al lupo!